

Učení, rozhodovací stromy, neuronové sítě

Aleš Horák

E-mail: hales@fi.muni.cz
<http://nlp.fi.muni.cz/uui/>

Obsah:

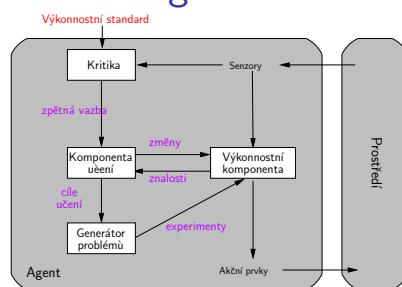
- ▶ Učení
- ▶ Rozhodovací stromy
- ▶ Hodnocení úspěšnosti učícího algoritmu
- ▶ Neuronové sítě
- ▶ PA026 – Projekt z umělé inteligence

Učení

- ▶ **učení** je klíčové pro neznámé prostředí (kde návrhář není vševedoucí)
- ▶ učení je také někdy vhodné jako **metoda konstrukce systému** – vystavit agenta realitě místo přepisování reality do pevných pravidel
- ▶ učení agenta – využití jeho **vjemů** z prostředí nejen pro vyvození další akce
- ▶ učení **modifikuje rozhodovací systém** agenta pro zlepšení jeho výkonnosti

Úvod do umělé inteligence 11/12	1 / 40	Úvod do umělé inteligence 11/12	2 / 40
Učení	Učící se agent	Učení	Komponenta učení

Učící se agent



příklad automatického taxí:

- ▶ **Výkonnostní komponenta** – obsahuje znalosti a postupy pro výběr akcí pro vlastní řízení auta
- ▶ **Kritika** – sleduje reakce okolí na akce taxi. Např. při rychlém přejetí 3 podélných pruhů zaznamená a předá pohoršující reakce dalších řidičů
- ▶ **Komponenta učení** – z hlášení Kritiky vyvodí nové pravidlo, že takové přejízdění je nevhodné, a modifikuje odpovídajícím způsobem Výkonnostní komponentu
- ▶ **Generátor problémů** – zjišťuje, které oblasti by mohly potřebovat vylepšení a navrhuje experimenty, jako je třeba brzdění na různých typech vozovky

Komponenta učení

návrh komponenty učení závisí na několika atributech:

- jaký typ **výkonnostní komponenty** je použit
- která funkční část výkonnostní komponenty má být **učena**
- jak je tato funkční část **reprezentována**
- jaká **zpětná vazba** je k dispozici

výkonnostní komponenta	funkční část	reprezentace	zpětná vazba
Alfa-beta prohledávání	vyhodnocovací funkce	vážená lineární funkce	výhra/prohra
Logický agent	určení akce	axiomu <i>Result</i>	výsledné skóre
Reflexní agent	váhy perceptronu	neuronová síť	správná/špatná akce

učení s dohledem (*supervised learning*) × bez dohledu (*unsupervised learning*)

- ▶ **s dohledem** – učení **funkce** z příkladů vstupů a výstupů
- ▶ **bez dohledu** – učení **vzorů** na vstupu vzhledem k reakcím prostředí
- ▶ **posílené** (*reinforcement learning*) – nejobecnější, agent se učí podle **odměn/pokut**

Induktivní učení

známé taky jako **věda** ☺

nejjednodušší forma – učení funkce z příkladů (agent je **tabula rasa**)

f je **cílová funkce**

každý **příklad** je dvojice $x, f(x)$ např.

0	0	\times
	\times	
\times		

, +1

úkol **indukce**:

najdi **hypotézu** h

takovou, že $h \approx f$

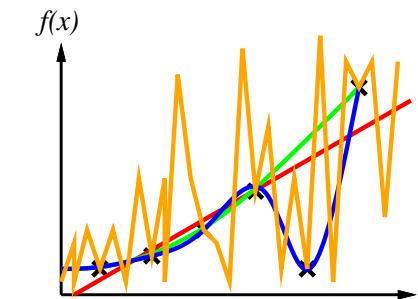
pomocí sady **trénovacích příkladů**

Metoda induktivního učení

zkonstruuji/uprav h , aby souhlasila s f na trénovacích příkladech

h je **konzistentní** \Leftrightarrow souhlasí s f na všech příkladech

např. hledání křivky:

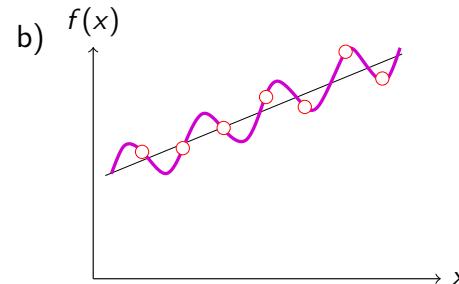
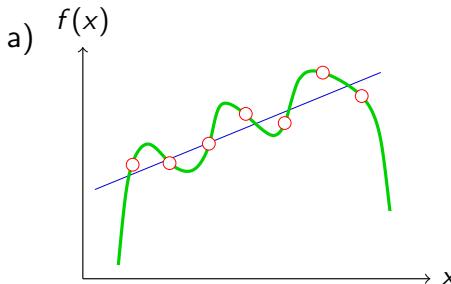


pravidlo **Ockhamovy břity** – maximalizovat kombinaci konzistence a jednoduchosti (*nejjednodušší ze správných je nejlepší*)

Metoda induktivního učení pokrač.

hodně záleží na **prostoru hypotéz**, jsou na něj protichůdné požadavky:

- pokryt co **největší množství** hledaných funkcí
- udržet **nízkou výpočetní složitost** hypotézy



- stejná sada 7 bodů
- nejmenší konzistentní polynom – polynom 6-tého stupně (7 parametrů)
- může být výhodnější použít nekonzistentní **přibližnou** lineární funkci
- přitom existuje konzistentní funkce $ax + by + c \sin x$

Atributová reprezentace příkladů

příklady popsáné výčtem hodnot atributů (libovolných hodnot)

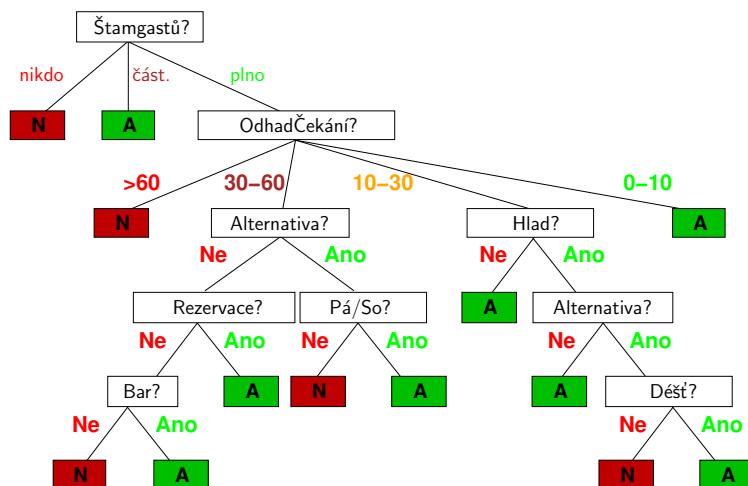
např. rozhodování, zda **počkat na uvolnění stolu v restauraci**:

Příklad	Atributy											počkat?
	Alt	Bar	Pá/So	Hlad	Štam	Cen	Děšť'	Rez	Typ	ČekD		
X_1	A	N	N	A	část.	\$\$\$	N	A	mexická	0-10	A	
X_2	A	N	N	A	plno	\$	N	N	asijská	30-60	N	
X_3	N	A	N	N	část.	\$	N	N	bufet	0-10	A	
X_4	A	N	A	A	plno	\$	N	N	asijská	10-30	A	
X_5	A	N	A	N	plno	\$\$\$	N	A	mexická	>60	N	
X_6	N	A	N	A	část.	\$\$	A	A	pizzerie	0-10	A	
X_7	N	A	N	N	nikdo	\$	A	N	bufet	0-10	N	
X_8	N	N	N	A	část.	\$\$	A	A	asijská	0-10	A	
X_9	N	A	A	N	plno	\$	A	N	bufet	>60	N	
X_{10}	A	A	A	A	plno	\$\$\$	N	A	pizzerie	10-30	N	
X_{11}	N	N	N	N	nikdo	\$	N	N	asijská	0-10	N	
X_{12}	A	A	A	A	plno	\$	N	N	bufet	30-60	A	

Ohodnocení tvoří **klasifikaci** příkladů – **pozitivní** (A) a **negativní** (N)

Rozhodovací stromy

jedna z možných reprezentací hypotéz – **rozhodovací strom** pro určení, jestli počkat na stůl:



Prostor hypotéz

- vezměme pouze Booleovské atributy, bez dalšího omezení
Kolik existuje různých rozhodovacích stromů s n Booleovskými atributy?
= počet všech Booleovských funkcí nad těmito atributy
= počet různých pravdivostních tabulek s 2^n řádky = 2^{2^n}
např. pro 6 atributů existuje 18 446 744 073 709 551 616 různých rozhodovacích stromů
- když se omezíme pouze na konjunktivní hypotézy ($Hlad \wedge \neg Děšť$)
Kolik existuje takových čistě konjunktivních hypotéz?
každý atribut může být v pozitivní nebo negativní formě nebo nepoužit
⇒ 3^n různých konjunktivních hypotéz (pro 6 atributů = 729)

prostor hypotéz s větší expresivitou

- zvyšuje šance, že najdeme přesné vyjádření cílové funkce
- ALE zvyšuje i počet možných hypotéz, které jsou konzistentní s trénovací množinou
⇒ můžeme získat nižší kvalitu předpovědí (generalizace)

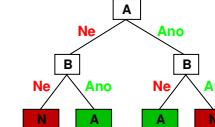
Vyjadřovací síla rozhodovacích stromů

rozhodovací stromy vyjádří libovolnou Booleovskou funkci vstupních atributů → odpovídá výrokové logice

$$\forall s \text{ počkat?}(s) \Leftrightarrow (P_1(s) \vee P_2(s) \vee \dots \vee P_n(s)), \\ \text{kde } P_i(s) = (A_1(s) = V_1 \wedge \dots \wedge A_m(s) = V_m)$$

pro libovolnou Booleovskou funkci → řádek v pravdivostní tabulce = cesta ve stromu (od kořene k listu)

A	B	A xor B
F	F	F
F	T	T
T	F	T
T	T	F



triviálně

pro libovolnou trénovací sadu existuje konzistentní rozhodovací strom s jednou cestou k listům pro každý příklad

Učení ve formě rozhodovacích stromů

► triviální konstrukce rozhodovacího stromu

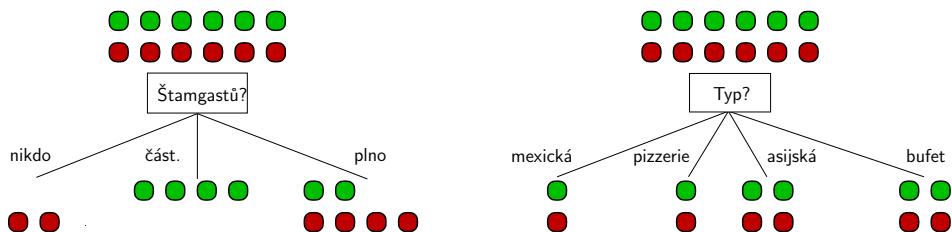
- pro každý příklad v trénovací sadě přidej jednu cestu od kořene k listu
- na stejných příkladech jako v trénovací sadě bude fungovat přesně
- na nových příkladech se bude chovat náhodně – negeneralizuje vzory z příkladů, pouze kopíruje pozorování

► heuristická konstrukce kompaktního stromu

- chceme najít nejmenší rozhodovací strom, který souhlasí s příklady
- přesné nalezení nejmenšího stromu je ovšem příliš složité
→ heuristikou najdeme alespoň dostatečně malý
- hlavní myšlenka – vybíráme atributy pro test v co nejlepším pořadí

Výběr atributu

dobrý atribut \equiv rozdělí příklady na podmnožiny, které jsou (nejlépe) "všechny pozitivní" nebo "všechny negativní"



Štamgastů? je lepší volba atributu \leftarrow dává lepší **informaci** o vlastní klasifikaci příkladů

Výběr atributu – míra informace

informace – odpovídá na **otázku**

čím méně dopředu vím o výsledku obsaženém v odpovědi \rightarrow tím více informace je v ní obsaženo

měřítko: **1 bit** = odpověď na Booleovskou otázku s pravděpodobností odpovědi $\langle P(T) = \frac{1}{2}, P(F) = \frac{1}{2} \rangle$

n možných odpovědí $\langle P(v_1), \dots, P(v_n) \rangle \rightarrow$ **míra informace** v odpovědi obsažená

$$I(\langle P(v_1), \dots, P(v_n) \rangle) = \sum_{i=1}^n -P(v_i) \log_2 P(v_i)$$

tato míra se také nazývá **entropie**

např. pro házení mincí: $I(\langle \frac{1}{2}, \frac{1}{2} \rangle) = -\frac{1}{2} \log_2 \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \log_2 \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$ bit

pro házení *falešnou* minci, která dává na 99% vždy jednu stranu mince:

$$I(\langle \frac{1}{100}, \frac{99}{100} \rangle) = -\frac{1}{100} \log_2 \frac{1}{100} - \frac{99}{100} \log_2 \frac{99}{100} = 0.08 \text{ bitů}$$

Použití míry informace pro výběr atributu

předpokládejme, že máme p pozitivních a n negativních příkladů

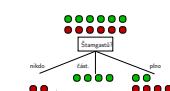
$$\Rightarrow I(\langle \frac{p}{p+n}, \frac{n}{p+n} \rangle) \text{ bitů je potřeba pro klasifikaci nového příkladu}$$

např. pro X_1, \dots, X_{12} z volby čekání na stůl je $p = n = 6$, takže potřebujeme 1 bit

výběr atributu – kolik informace nám dá test na hodnotu atributu A ?
 $=$ rozdíl odhadu odpovědi **před** a **po** testu atributu

Použití míry informace pro výběr atributu

atribut A rozdělí sadu příkladů E na podmnožiny E_i (nejlépe tak, že každá potřebuje méně informace)



nechť E_i má p_i pozitivních a n_i negativních příkladů

\Rightarrow je potřeba $I(\langle \frac{p_i}{p_i+n_i}, \frac{n_i}{p_i+n_i} \rangle)$ bitů pro klasifikaci nového příkladu

\Rightarrow očekávaný počet bitů celkem je $\text{Remainder}(A) = \sum_i \frac{p_i+n_i}{p+n} \cdot I(\langle \frac{p_i}{p_i+n_i}, \frac{n_i}{p_i+n_i} \rangle)$

\Rightarrow výsledný **zisk atributu** A je $\text{Gain}(A) = I(\langle \frac{p}{p+n}, \frac{n}{p+n} \rangle) - \text{Remainder}(A)$

výběr atributu = nalezení atributu s nejvyšší hodnotou $\text{Gain}(A)$

$$\text{Gain}(\text{Štamgastů?}) \approx 0.541 \text{ bitů} \quad \text{Gain}(\text{Typ?}) = 0 \text{ bitů}$$

obecně: E_i (pro $A = v_i$) obsahuje $c_{i,k}$ klasifikací do tříd c_1, \dots, c_k

$\Rightarrow \text{Remainder}(A) = \sum_i P(v_i) \cdot I(\langle P(c_{i,1}), \dots, P(c_{i,k}) \rangle)$

$\Rightarrow \text{Gain}(A) = I(\langle P(v_1), \dots, P(v_n) \rangle) - \text{Remainder}(A)$

Algoritmus IDT – učení formou rozhodovacích stromů

```
% induce_tree( +Attributes, +Examples, -Tree)
induce_tree( _, [], null) :- !.
induce_tree( _, [example( Class, _ ) | Examples], leaf( Class)) :- %  $\forall$  příklady stejné klasifikace
  \+ (member( example( ClassX, _ ), Examples), ClassX \== Class), !.
induce_tree( Attributes, Examples, tree( Attribute, SubTrees)) :-
  choose_attribute( Attributes, Examples, Attribute/-_), !,
  del( Attribute, Attributes, RestAttrs),
  attribute( Attribute, Values),
  induce_trees( Attribute, Values, RestAttrs, Examples, SubTrees).
induce_tree( _, Examples, leaf( ExClasses)) :- % žádný užitečný atribut, distribuce klasifikací
  findall( Class, member( example( Class, _ ), Examples), ExClasses).

% induce_trees( +Att, +Values, +RestAttrs, +Examples, -SubTrees):
% najdi podstromy SubTrees pro podmnožiny příkladů Examples podle hodnot (Values) atributu Att
induce_trees( _, [], [], [] ). % žádné atributy, žádné podstromy
induce_trees( Att, [Val1 | Vals], RestAttrs, Exs, [Val1 : Tree1 | Trees] ) :-
  attval_subset( Att = Val1, Exs, ExampleSubset),
  induce_tree( RestAttrs, ExampleSubset, Tree1),
  induce_trees( Att, Vals, RestAttrs, Exs, Trees).

% attval_subset( +Attribute = +Value, +Examples, -Subset):
% Subset je podmnožina příkladů z Examples, které splňují podmínu Attribute = Value
attval_subset( AttributeValue, Examples, ExampleSubset) :-
  findall( example( Class, Obj),
    (member( example( Class, Obj), Examples), satisfy( Obj, [AttributeValue])), ExampleSubset).
% satisfy( Object, Description)
satisfy( Objekt Coni) :- \+ (member( Att = Val Coni) member( Att = ValX Objekt) ValX \== Val)
```

Úvod do umělé inteligence 11/12

17 / 40

Algoritmus IDT – učení formou rozhodovacích stromů

```
% rem( +Att, +AttVals, +Exs, +Classes, +Total, -Rem)
% "zbytková informace" po testu na Att:  $Remainder(A) = \sum_i P(v_i) \cdot I(\langle P(c_{i,1}), \dots, P(c_{i,k}) \rangle)$ 
rem( _, [], _, _, _, 0).
rem( Att, [V | Vs], Exs, Classes, Total, Rem) :-
  findall(1, (member(example(_, AVs), Exs), member(Att = V, AVs)), L1),
  length(L1, Nv), %  $Nv = p_i + n_i$ 
  findall(Ni, (member(C, Classes), cntclassattv(Att, V, C, Exs, Ni)), VCnts),
  Pv is Nv / Total, %  $P(v)$ 
  info(VCnts, Nv, I1), rem(Att, Vs, Exs, Classes, Total, Rem1),
  Rem is Pv * I1 + Rem1.

% cntclass( +Class, +Exs, -Cnt) – počet příkladů třídy Class
cntclass( Class, Exs, Cnt) :-
  findall(1, member(example(Class, _), Exs), L), length(L, Cnt).

% cntclassattv( +Att, +Val, +Class, +Exs, -Cnt)
% počet příkladů třídy Class pro hodnotu Val atributu Att
cntclassattv( Att, Val, Class, Exs, Cnt) :-
  findall(1, (member(example(Class, AVs), Exs), member(Att = Val, AVs)), L),
  length(L, Cnt).

log2(X, Y) :- Y is log(X) / log(2).
```

Úvod do umělé inteligence 11/12

19 / 40

Algoritmus IDT – učení formou rozhodovacích stromů

```
% choose_attribute( +Attrs, +Examples, -BestAtt/BestGain) – výběr nejlepšího atributu
choose_attribute([], _, 0/0).
choose_attribute([Att], Examples, Att/Gain):- !, gain(Examples, Att, Gain).
choose_attribute([Att|Attrs], Examples, BestAtt/BestGain):-
  choose_attribute(Attrs, Examples, BestAtt1/BestGain1),
  gain(Examples, Att, Gain),
  (Gain > BestGain1, !, BestAtt=Att, BestGain=Gain ;
   BestAtt=BestAtt1, BestGain=BestGain1).

% gain( +Examples, +Attribute, -Gain) – zisk atributu
gain( Exs, Att, Gain) :- attribute( Att, AttVals ), length(Exs, Total),
  setof( Class, X^example(Class,X), Classes), % množina všech Class
  findall( Nc, (member(C, Classes), cntclass(C, Exs, Nc)), CCnts),
  info(CCnts, Total, I),
  rem(Att, AttVals, Exs, Classes, Total, Rem),
  Gain is I - Rem.

% info(+ValueCounts, +Total, -I)
% míra informace  $I(\langle P(v_1), \dots, P(v_n) \rangle) = \sum_{i=1}^n -P(v_i) \log_2 P(v_i)$ 
info([], _, 0).
info([VC|ValueCounts], Total, I) :- info(ValueCounts, Total, I1),
  (VC = 0, !, I is I1 ;
   Pvi is VC / Total, log2(Pvi, LogPvi), I is -Pvi * LogPvi + I1).
```

Úvod do umělé inteligence 11/12

18 / 40

Algoritmus IDT – příklad

```
attribute( hlad, [ano, ne]).
attribute( stam, [nikdo, cast, plno]).
attribute( cen, ['$', '$$', '$$$']).  

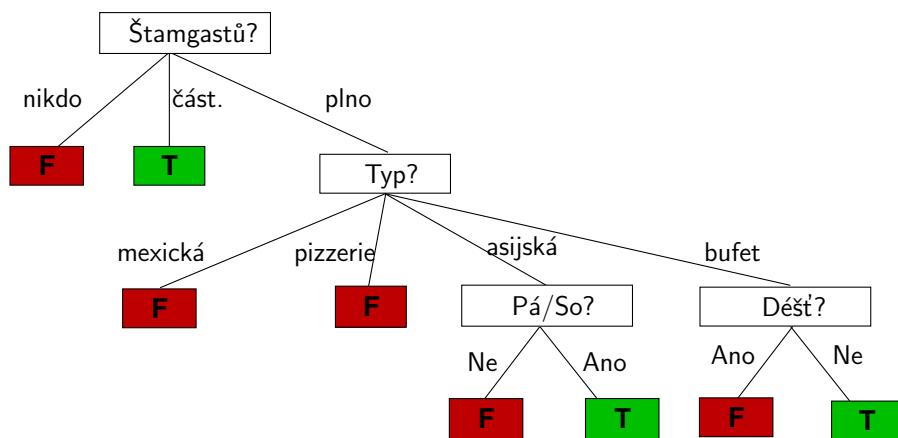
...
example(pockat, [alt=ano, bar=ne, paso=ne, hlad=ano, stam=cast, cen='$$$' , dest=ne, rez=ano,
                typ=mexicka ]).
example(necekat, [alt=ano, bar=ne, paso=ne, hlad=ano, stam=plno, cen='$' , dest=ne, rez=ne,
                typ=asijska ]).
...
:- induce_tree(T), show(T).
stam?
  = nikdo
  = necekat
  = cast
  = pockat
  = plno
  = hlad?
    = ano
    = cen?
      = $
      = paso?
        = ano
        = pockat
        = ne
        = necekat
      = $$$
      = necekat
    = ne
    = necekat
```

Úvod do umělé inteligence 11/12

20 / 40

IDT – výsledný rozhodovací strom

rozhodovací strom naučený z 12-ti příkladů:

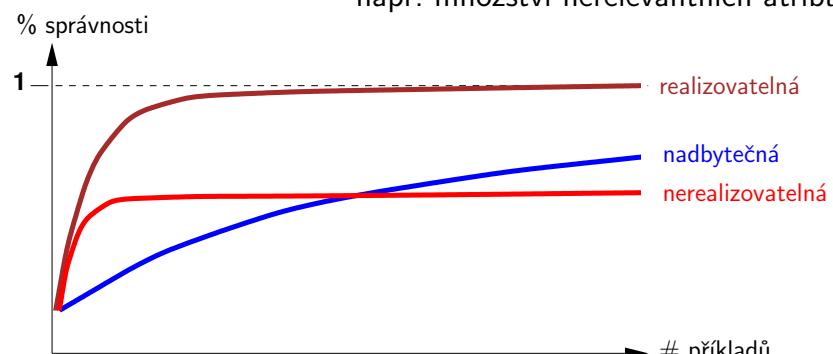


podstatně jednodušší než strom "z tabulky příkladů"

Hodnocení úspěšnosti učícího algoritmu – pokrač.

tvar křivky učení závisí na

- ▶ je hledaná funkce realizovatelná ×
nerealizovatelná
funkce může být nerealizovatelná kvůli
 - chybějícím atributům
 - omezenému prostoru hypotéz
- ▶ naopak nadbytečné expresivitě
např. množství nerelevantních atributů



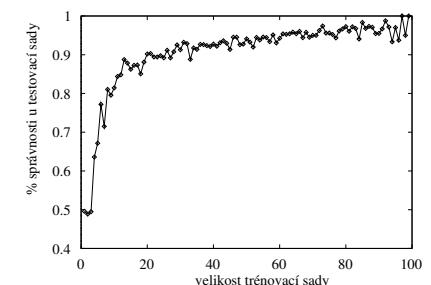
Hodnocení úspěšnosti učícího algoritmu

dopředu – použít věty Teorie komputačního učení
jak můžeme zjistit, zda $h \approx f$? ↗
po naučení – kontrolou na jiné trénovací sadě

používaná metodologie (cross validation):

1. vezmeme velkou množinu příkladů
2. rozdělíme ji na 2 množiny – trénovací a testovací
3. aplikujeme učící algoritmus na trénovací sadu, získáme hypotézu h
4. změříme procento příkladů v testovací sadě, které jsou správně klasifikované hypotézou h
5. opakujeme kroky 2–4 pro různé velikosti trénovacích sad a pro náhodně vybrané trénovací sady

křivka učení – závislost velikosti trénovací sady na úspěšnosti

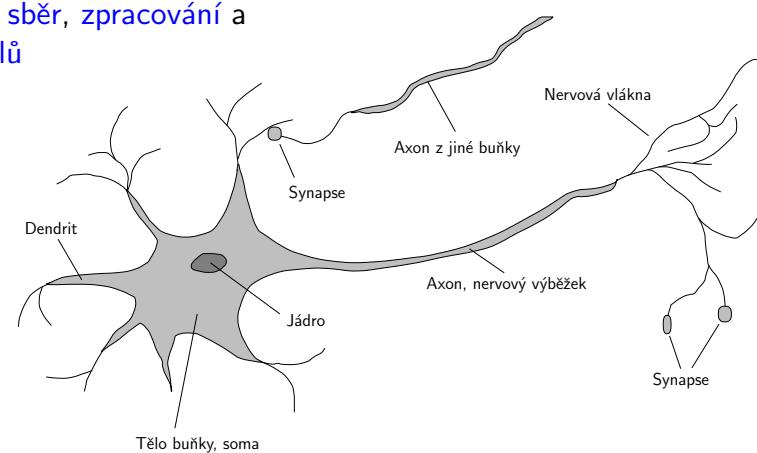


Induktivní učení – shrnutí

- ▶ učení je potřebné pro neznámé prostředí (a líné analytiky ☺)
- ▶ učící se agent – výkonnostní komponenta a komponenta učení
- ▶ metoda učení závisí na typu výkonnostní komponenty, dostupné zpětné vazbě, typu a reprezentaci části, která se má učením zlepšit
- ▶ u učení s dohledem – cíl je najít nejjednodušší hypotézu přibližně konzistentní s trénovacími příklady
- ▶ učení formou rozhodovacích stromů používá míru informace
- ▶ kvalita učení – přesnost odhadu změřená na testovací sadě

Neuron

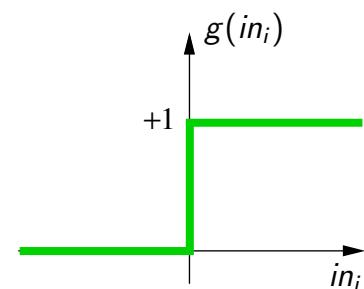
mozek – 10^{11} neuronů > 20 typů, 10^{14} synapsí, 1ms–10ms cyklus
nosiče informace – **signály** = "výkyvy" elektrických potenciálů (se šumem)
neuron – mozková buňka, která má za úkol **sběr, zpracování a šíření signálů**



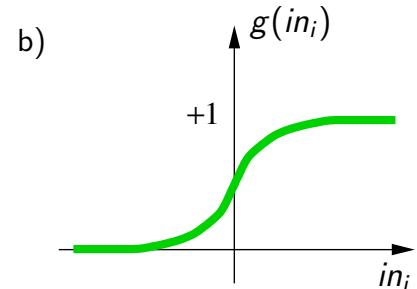
Aktivační funkce

- účel **aktivační funkce**:
- jednotka má být aktivní ($\approx +1$) pro pozitivní příklady, jinak **neaktivní** ≈ 0
 - aktivace musí být **nelineární**, jinak by celá síť byla lineární

např.



prahová funkce

sigmoida $1/(1 + e^{-x})$
je derivovatelná – důležité pro učenízměny **prahové váhy** $W_{0,i}$ nastavují nulovou pozici – nastavují **práh** aktivace

Počítačový model – neuronové síť

1943 – McCulloch & Pitts – matematický **model** neuronu spojené do **neuronové sítě** – schopnost **tolerovat šum** ve vstupu a **učit se**

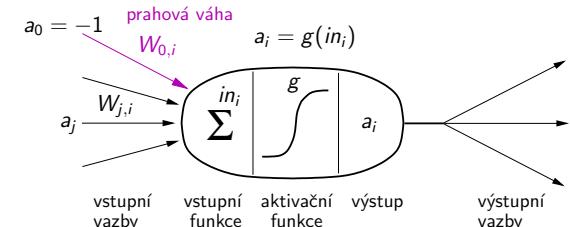
jednotky v neuronové síti – jsou propojeny **vazbami** (*links*)
(*units*)

- vazba z jednotky j do i propaguje **aktivaci** a_j jednotky j
- každá vazba má číselnou **váhu** $W_{j,i}$ (síla+znaménko)

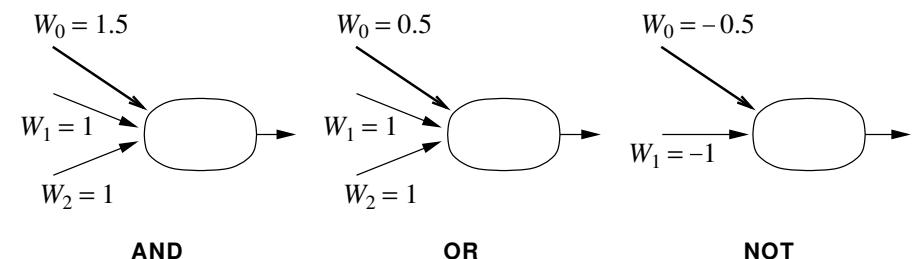
funkce jednotky i :

1. spočítá váženou \sum **vstupů** = in_i
2. aplikuje **aktivaci funkci** g
3. tím získá **výstup** a_i

$$a_i = g(in_i) = g(\sum_j W_{j,i} a_j)$$



Logické funkce pomocí neuronové jednotky



jednotka McCulloch & Pitts sama umí implementovat **základní Booleovské funkce**
⇒ kombinacemi jednotek do sítě můžeme implementovat **libovolnou Booleovskou funkci**

Struktury neuronových sítí

► sítě s předním vstupem (*feed-forward networks*)

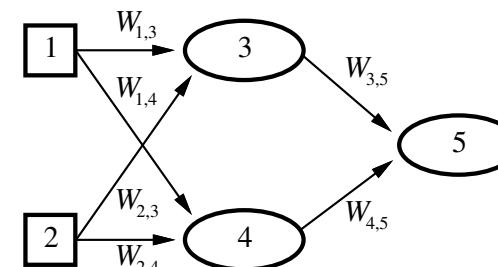
- necyklické
- implementují funkce
- nemají vnitřní paměť

► rekurentní sítě (*recurrent networks*)

- cyklické
- vlastní výstup si berou opět na vstup
- složitější a schopnější
- výstup má (zpožděný) vliv na aktivaci = **paměť**
- **Hopfieldovy sítě** – symetrické obousměrné vazby; fungují jako *asociativní paměť*
- **Boltzmannovy stroje** – pravděpodobnostní aktivační funkce

Příklad sítě s předním vstupem

sítě 5-ti jednotek – **2 vstupní** jednotky, **1 skrytá vrstva** (2 jednotky), **1 výstupní** jednotka



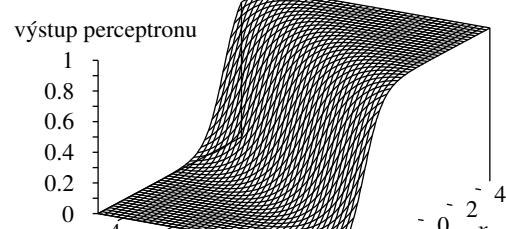
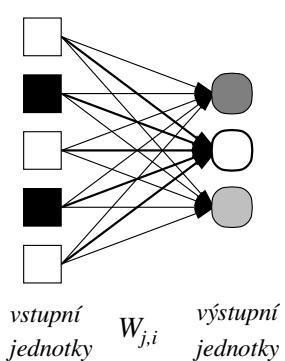
sítě s předním vstupem = **parametrizovaná** nelineární funkce vstupu

$$\begin{aligned} a_5 &= g(W_{3,5} \cdot a_3 + W_{4,5} \cdot a_4) \\ &= g(W_{3,5} \cdot g(W_{1,3} \cdot a_1 + W_{2,3} \cdot a_2) + W_{4,5} \cdot g(W_{1,4} \cdot a_1 + W_{2,4} \cdot a_2)) \end{aligned}$$

Jednovrstvá síť – perceptron

perceptron

- pro Booleovskou funkci 1 výstupní jednotka
- pro složitější klasifikaci – **více výstupních jednotek**

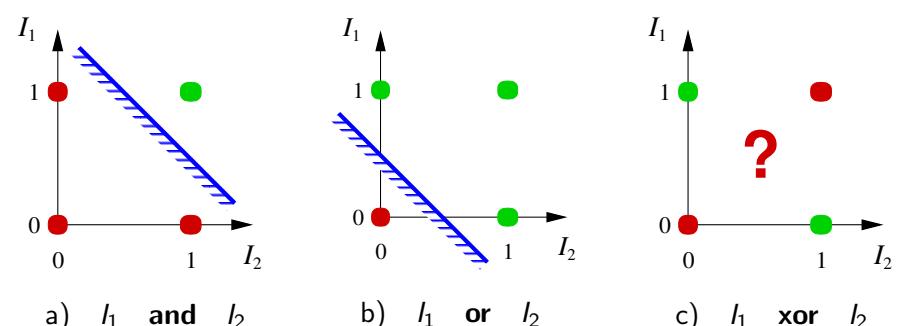


Vyjadřovací síla perceptronu

perceptron může reprezentovat hodně Booleovských funkcí – AND, OR, NOT, majoritní funkci, ...

$$\sum_j W_j x_j > 0 \quad \text{nebo} \quad \mathbf{W} \cdot \mathbf{x} > 0$$

reprezentuje **lineární separátor** (nadrovina) v prostoru vstupu:



Učení perceptronu

výhoda perceptronu – existuje jednoduchý **učící algoritmus** pro libovolnou lineárně separabilní funkci

učení perceptronu = upravování vah, aby se **snížila chyba** na trénovací sadě

kvadratická chyba E pro příklad se vstupem x a požadovaným (=správným) výstupem y je

$$E = \frac{1}{2} Err^2 \equiv \frac{1}{2}(y - h_w(x))^2, \quad \text{kde } h_w(x) \text{ je výstup perceptronu}$$

váhy pro minimální chybu pak hledáme optimalizačním prohledáváním spojitého prostoru vah

$$\frac{\partial E}{\partial W_j} = Err \times \frac{\partial Err}{\partial W_j} = Err \times \frac{\partial}{\partial W_j} (y - g(\sum_{j=0}^n W_j x_j)) = -Err \times g'(in) \times x_j$$

pravidlo pro úpravu váhy

$$W_j \leftarrow W_j + \alpha \times Err \times g'(in) \times x_j \quad \alpha \dots \text{učící konstanta (learning rate)}$$

např. $Err = y - h_w(x) > 0 \Rightarrow$ výstup $h_w(x)$ je moc malý

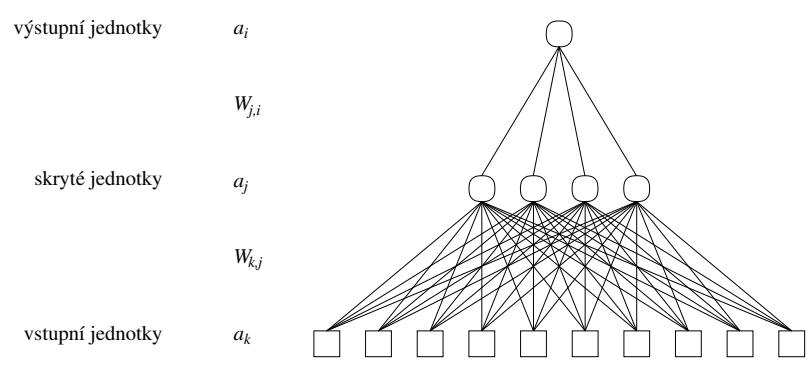
\Rightarrow váhy se musí zvýšit pro pozitivní příklady a snížit pro negativní

úpravu vah provádíme po každém příkladu → opakovaně až do dosažení **ukončovacího kritéria**

Vícevrstvé neuronové sítě

vrstvy jsou obvykle **úplně propojené**

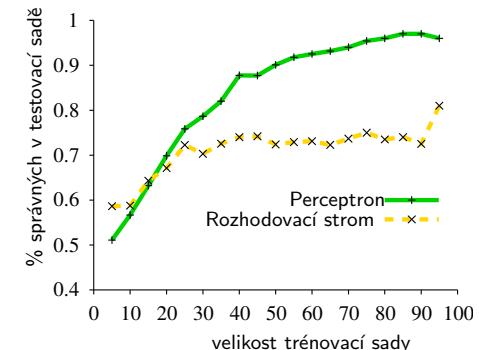
počet **skrytých jednotek** je obvykle volen experimentálně



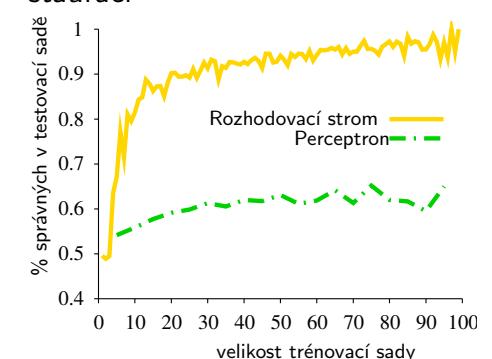
Učení perceptronu pokrač.

učící pravidlo pro perceptron **konverguje ke správné funkci** pro libovolnou lineárně separabilní množinu dat

a) učení majoritní funkce



b) učení čekání na volný stůl v restauraci

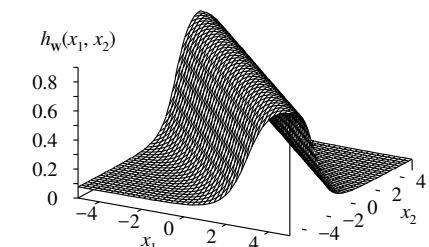


Vyjadřovací síla vícevrstvých sítí

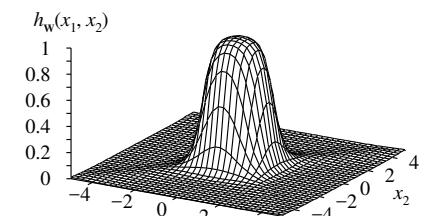
s jednou skrytou vrstvou – všechny **spojité funkce**
se dvěma skrytými vrstvami – **všechny funkce**
těžko se ovšem pro **konkrétní síť** zjištěuje její prostor **reprezentovatelných funkcí**

např.

dve "opačné" skryté jednotky
vytvoří **hřbet**



dva hřbety vytvoří **homoli**



Učení vícevrstvých sítí

pravidla pro úpravu vah:

- výstupní vrstva – stejně jako u perceptronu

$$W_{j,i} \leftarrow W_{j,i} + \alpha \times a_j \times \Delta_i \quad \text{kde} \quad \Delta_i = Err_i \times g'(in_i)$$

- skryté vrstvy – zpětné šíření (back-propagation) chyby z výstupní vrstvy

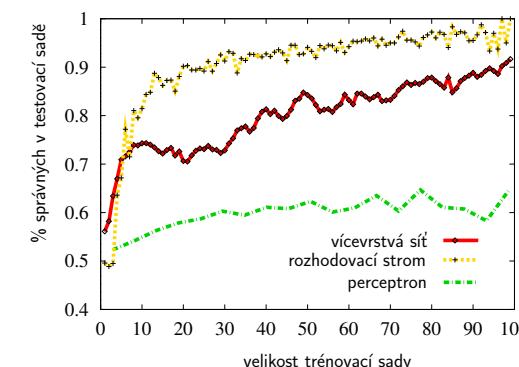
$$W_{k,j} \leftarrow W_{k,j} + \alpha \times a_k \times \Delta_j \quad \text{kde} \quad \Delta_j = g'(in_j) \sum_i W_{j,i} \Delta_i$$

problémy učení:

- dosažení lokálního minima chyby
- příliš pomalá konvergence
- přílišné upnutí na příklady → neschopnost generalizovat

Učení vícevrstvých sítí pokrač.

vícevrstvá síť se problém čekání na volný stůl v restauraci učí znatelně líp než perceptron



Neuronové sítě – shrnutí

- většina mozků má velké množství neuronů; každý neuron \approx lineární prahová jednotka (?)
- perceptrony (jednovrstvé sítě) mají nízkou vyjadřovací sílu
- vícevrstvé sítě jsou dostatečně silné; mohou být trénovány pomocí zpětného šíření chyby
- velké množství reálných aplikací
 - rozpoznávání řeči
 - řízení auta
 - rozpoznávání ručně psaného písma
 - ...

PA026 – Projekt z umělé inteligence

- navazuje na předmět PB016 Úvod do umělé inteligence
- volba programovacího jazyka ovšem není nijak omezena
- samostatná volba tématu v rozsahu ≥ 1 semestru
- předmět probíhá jako konzultace
- zajímavé výsledky (<http://nlp.fi.muni.cz/uiprojekt/>)
 - projekt elnet – > 5 let spolupráce na grantových projektech simulace elektrorozvodných sítí
 - projekt plagiaty_z_webu – reálné a funkční vyhledávání shod s dokumenty na celém webu
 - projekt robot_johnny_5 – sestavení a “oživení” robota – mobilního počítače

