

Logický agent, výroková logika

Aleš Horák

E-mail: hales@fi.muni.cz
<http://nlp.fi.muni.cz/uui/>

Obsah:

- Logický agent
- Logika
- Výroková logika
- Důkazové metody

Logický agent

logický agent = agent využívající **znalosti** (*knowledge-based agent*)

2 koncepty: { – reprezentace znalostí (*knowledge representation*)
– vyvozování znalostí (*knowledge reasoning*) → **inference**

Logický agent

logický agent = agent využívající **znalosti** (*knowledge-based agent*)

2 koncepty: { – reprezentace znalostí (*knowledge representation*)
– vyvozování znalostí (*knowledge reasoning*) → **inference**

rozdíly od prohledávání stavového prostoru:

- **znalost** při prohledávání stavového prostoru → jen **zadané funkce** (přechodová funkce, cílový test, ...)
- **znalosti logického agenta** → **obecná forma** umožňující **kombinace** těchto znalostí

Logický agent

logický agent = agent využívající **znalosti** (*knowledge-based agent*)

2 koncepty: { – reprezentace znalostí (*knowledge representation*)
– vyvozování znalostí (*knowledge reasoning*) → **inference**

rozdíly od prohledávání stavového prostoru:

- **znalost** při prohledávání stavového prostoru → jen **zadané funkce** (přechodová funkce, cílový test, ...)
- **znalosti logického agenta** → **obecná forma** umožňující **kombinace** těchto znalostí

obecné znalosti – důležité v **částečně pozorovatelných** prostředích (*partially observable environments*)

flexibilita logického agenta:

- schopnost řešit i **nové úkoly**
- možnost **učení** nových znalostí
- **úprava** stávajících znalostí podle stavu prostředí

Návrh logického agenta

- agent musí umět:
- reprezentovat stavy, akce, ...
 - zpracovat nové vstupy z prostředí
 - aktualizovat svůj vnitřní popis světa
 - odvodit skryté informace o stavu světa
 - odvodit vlastní odpovídající akce

Návrh logického agenta

- agent musí umět:
- reprezentovat stavy, akce, ...
 - zpracovat nové vstupy z prostředí
 - aktualizovat svůj vnitřní popis světa
 - odvodit skryté informace o stavu světa
 - odvodit vlastní odpovídající akce
- přístupy k tvorbě agenta – **deklarativní** × **procedurální** (kombinace)

Návrh logického agenta

agent musí umět:

- reprezentovat stavy, akce, ...
- zpracovat nové vstupy z prostředí
- aktualizovat svůj vnitřní popis světa
- odvodit skryté informace o stavu světa
- odvodit vlastní odpovídající akce

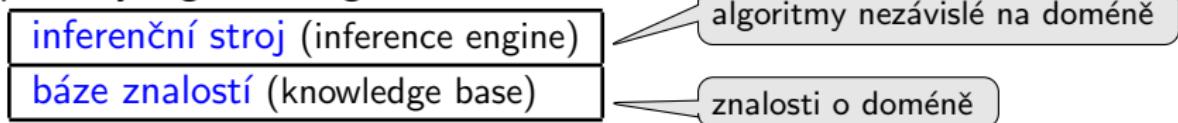
přístupy k tvorbě agenta – **deklarativní** × **procedurální** (kombinace)

návrh agenta → víc pohledů:

- **znalostní hledisko** – tvorba agenta → zadání znalostí pozadí, znalostí domény a cílového požadavku
např. automatické taxi
 - znalost mapy, dopravních pravidel, ...
 - požadavek – dopravit zákazníka na FI MU Brno
- **implementační hledisko** – jaké datové struktury KB obsahuje + algoritmy, které s nimi manipulují

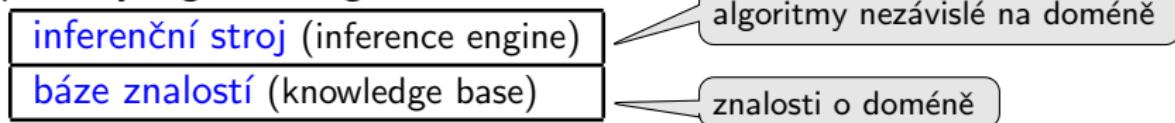
Komponenty agenta, Báze znalostí

komponenty logického agenta:



Komponenty agenta, Báze znalostí

komponenty logického agenta:



báze znalostí (KB) =

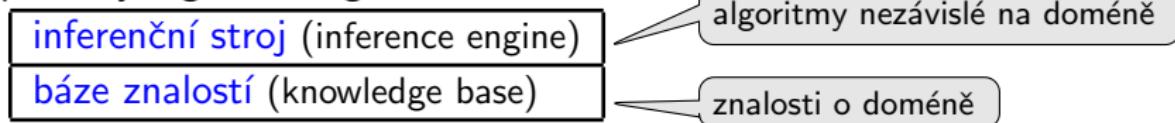
množina vět (*tvrzení*) vyjádřených v jazyce reprezentace znalostí

obsah báze znalostí:

- na začátku – tzv. **znanosti pozadí** (*background knowledge*)
- průběžně **doplňované** znalosti → úkol **tell(+KB,+Sentence)**

Komponenty agenta, Báze znalostí

komponenty logického agenta:



báze znalostí (KB) =

množina vět (*tvrzení*) vyjádřených v jazyce reprezentace znalostí

obsah báze znalostí:

- na začátku – tzv. **znalosti pozadí** (*background knowledge*)
- průběžně **doplňované** znalosti → úkol **tell(+KB,+Sentence)**

akce logického agenta:

```
% kb_agent_action(+KB,+ATime,+Percept,-Action,-NewATime)
kb_agent_action(KB,ATime,Percept,Action,NewATime):-
    make_percept_sentence(Percept,ATime,Sentence),
    tell(KB,Sentence), % přidáme výsledky pozorování do KB
    make_action_query(ATime,Query),
    ask(KB,Query,Action), % zeptáme se na další postup
    make_action_sentence(Action,ATime,ASentence),
    tell(KB,ASentence), % přidáme informace o akci do KB
    NewATime is ATime + 1.
```

Obsah

1 Logický agent

- Návrh logického agenta
- Komponenty agenta, Báze znalostí
- Wumpusova jeskyně

2 Logika

- Důsledek
- Model
- Inference

3 Výroková logika

- Sémantika výrokové logiky
- Logická ekvivalence
- Platnost a splnitelnost
- Tvrzení pro Wumpusově jeskyni

4 Důkazové metody

- Inference kontrolou modelů
- Dopředné a zpětné řetězení

Popis světa – PEAS

zadání světa rozumného agenta:

- míra výkonnosti (*Performance measure*)
plus body za dosažené (mezi)cíle, pokuty za nežádoucí následky
- prostředí (*Environment*)
objekty ve světě, se kterými agent musí počítat, a jejich vlastnosti
- akční prvky (*Actuators*)
možné součásti činnosti agenta, jeho akce se skládají z použití těchto prvků
- senzory (*Sensors*)
zpětné vazby akcí agenta, podle jejich výstupů se tvoří další akce

Popis světa – PEAS

zadání světa rozumného agenta:

- **míra výkonnosti** (*Performance measure*)
plus body za dosažené (mezi)cíle, pokuty za nežádoucí následky
- **prostředí** (*Environment*)
objekty ve světě, se kterými agent musí počítat, a jejich vlastnosti
- **akční prvky** (*Actuators*)
možné součásti činnosti agenta, jeho akce se skládají z použití těchto prvků
- **senzory** (*Sensors*)
zpětné vazby akcí agenta, podle jejich výstupů se tvoří další akce

např. zmiňované **automatické taxi**:

míra výkonnosti

prostředí

akční prvky

senzory

Popis světa – PEAS

zadání světa rozumného agenta:

- míra výkonnosti (*Performance measure*)
plus body za dosažené (mezi)cíle, pokuty za nežádoucí následky
 - prostředí (*Environment*)
objekty ve světě, se kterými agent musí počítat, a jejich vlastnosti
 - akční prvky (*Actuators*)
možné součásti činnosti agenta, jeho akce se skládají z použití těchto prvků
 - senzory (*Sensors*)
zpětné vazby akcí agenta, podle jejich výstupů se tvoří další akce

např. zmiňované automatické taxi:

míra výkonnosti doprava na místo, vzdálenost, bezpečnost, bez přestupků, komfort, ...

prostředí

akční prvky

senzory

Popis světa – PEAS

zadání světa rozumného agenta:

- **míra výkonnosti** (*Performance measure*)
plus body za dosažené (mezi)cíle, pokuty za nežádoucí následky
- **prostředí** (*Environment*)
objekty ve světě, se kterými agent musí počítat, a jejich vlastnosti
- **akční prvky** (*Actuators*)
možné součásti činnosti agenta, jeho akce se skládají z použití těchto prvků
- **senzory** (*Sensors*)
zpětné vazby akcí agenta, podle jejich výstupů se tvoří další akce

např. zmiňované **automatické taxi**:

<i>míra výkonnosti</i>	doprava na místo, vzdálenost, bezpečnost, bez přestupků, komfort, ...
<i>prostředí</i>	ulice, křižovatky, účastníci provozu, chodci, počasí, ...
<i>akční prvky</i>	
<i>senzory</i>	

Popis světa – PEAS

zadání světa rozumného agenta:

- **míra výkonnosti** (*Performance measure*)
plus body za dosažené (mezi)cíle, pokuty za nežádoucí následky
- **prostředí** (*Environment*)
objekty ve světě, se kterými agent musí počítat, a jejich vlastnosti
- **akční prvky** (*Actuators*)
možné součásti činnosti agenta, jeho akce se skládají z použití těchto prvků
- **senzory** (*Sensors*)
zpětné vazby akcí agenta, podle jejich výstupů se tvoří další akce

např. zmiňované **automatické taxi**:

<i>míra výkonnosti</i>	doprava na místo, vzdálenost, bezpečnost, bez přestupků, komfort, ...
<i>prostředí</i>	ulice, křižovatky, účastníci provozu, chodci, počasí, ...
<i>akční prvky</i>	řízení, plyn, brzda, houkačka, blinkry, komunikátory, ...
<i>senzory</i>	

Popis světa – PEAS

zadání světa rozumného agenta:

- **míra výkonnosti** (*Performance measure*)
plus body za dosažené (mezi)cíle, pokuty za nežádoucí následky
- **prostředí** (*Environment*)
objekty ve světě, se kterými agent musí počítat, a jejich vlastnosti
- **akční prvky** (*Actuators*)
možné součásti činnosti agenta, jeho akce se skládají z použití těchto prvků
- **senzory** (*Sensors*)
zpětné vazby akcí agenta, podle jejich výstupů se tvoří další akce

např. zmiňované **automatické taxi**:

<i>míra výkonnosti</i>	doprava na místo, vzdálenost, bezpečnost, bez přestupků, komfort, ...
<i>prostředí</i>	ulice, křižovatky, účastníci provozu, chodci, počasí, ...
<i>akční prvky</i>	řízení, plyn, brzda, houkačka, blinkry, komunikátory, ...
<i>senzory</i>	kamera, tachometr, počítač kilometrů, senzory motoru, GPS, ...

Wumpusova jeskyně

PEAS zadání **Wumpusovy jeskyně**:

- **P – míra výkonnosti**

zlato +1000, smrt -1000, -1 za krok, -10 za užití šípu

- **E – prostředí**

Místnosti vedle Wumpuse zapáchají.

V místnosti vedle jámy je vánek.

V místnosti je zlato \Leftrightarrow je v ní třpyt.

Výstrel zabije Wumpuse, pokud jsi obrácený k němu.

Výstrel vyčerpá jediný šíp, který máš.

Zvednutím vezmeš zlato ve stejné místnosti.

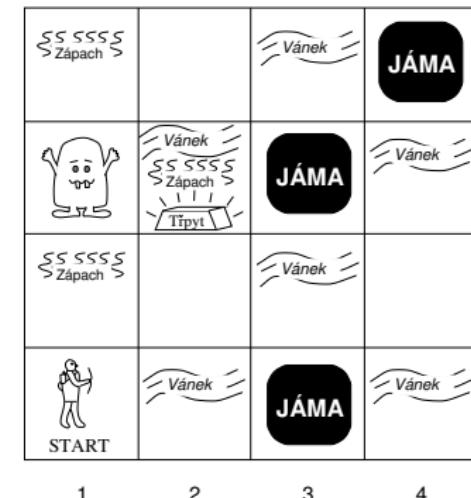
Položení odloží zlato v aktuální místnosti.

- **A – akční prvky**

Otočení vlevo, Otočení vpravo, Krok dopředu, Zvednutí, Položení, Výstrel

- **S – senzory**

Vánek, Třpyt, Zápach, Náraz do zdi, Chropťení Wumpuse



Vlastnosti problému Wumpusovy jeskyně

pozorovatelné

deterministické

episodické

statické

diskrétní

více agentů

Vlastnosti problému Wumpusovy jeskyně

*pozorovatelné ne, jen lokální vnímání
deterministické
episodické
statické
diskrétní
více agentů*

Vlastnosti problému Wumpusovy jeskyně

pozorovatelné ne, jen lokální vnímání

deterministické ano, přesně dané výsledky

episodické

statické

diskrétní

více agentů

Vlastnosti problému Wumpusovy jeskyně

pozorovatelné ne, jen lokální vnímání

deterministické ano, přesně dané výsledky

episodické ne, sekvenční na úrovni akcí

statické

diskrétní

více agentů

Vlastnosti problému Wumpusovy jeskyně

- pozorovatelné* ne, jen lokální vnímání
- deterministické* ano, přesně dané výsledky
- episodické* ne, sekvenční na úrovni akcí
- statické* ano, Wumpus a jámy se nehýbou
- diskrétní*
- více agentů*

Vlastnosti problému Wumpusovy jeskyně

- pozorovatelné* ne, jen lokální vnímání
- deterministické* ano, přesně dané výsledky
- episodické* ne, sekvenční na úrovni akcí
- statické* ano, Wumpus a jámy se nehýbou
- diskrétní* ano
- více agentů*

Vlastnosti problému Wumpusovy jeskyně

- pozorovatelné* ne, jen lokální vnímání
- deterministické* ano, přesně dané výsledky
- episodické* ne, sekvenční na úrovni akcí
- statické* ano, Wumpus a jámy se nehýbou
- diskrétní* ano
- více agentů* ne, Wumpus je spíše vlastnost prostředí

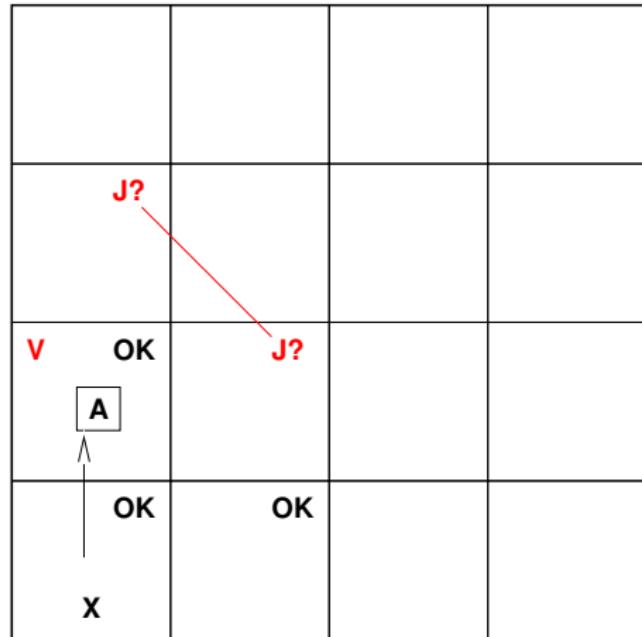
Průzkum Wumpusovy jeskyně

OK			
OK	OK		

1

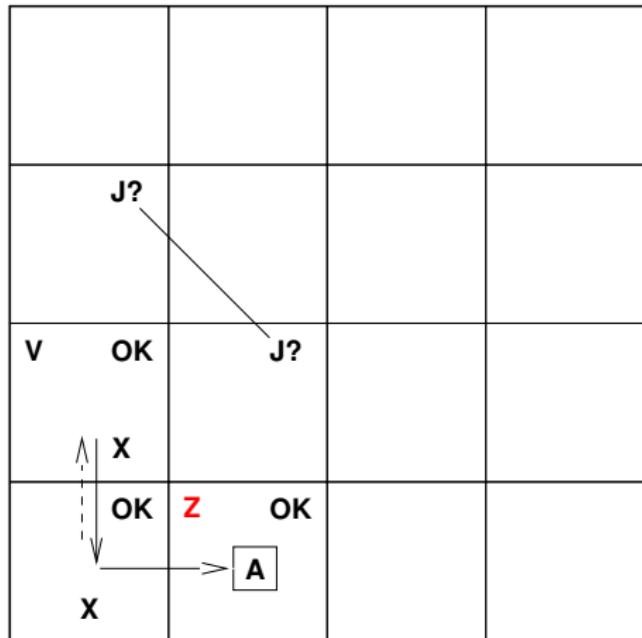
A	= Agent
V	= Vánek
T	= Třpyt
OK	= bezpečí
J	= Jáma
Z	= Zápach
X	= navštívěno
W	= Wampus

Průzkum Wumpusovy jeskyně



A	= Agent
V	= Vánek
T	= Třpyt
OK	= bezpečí
J	= Jáma
Z	= Zápach
X	= navštívěno
W	= Wumpus

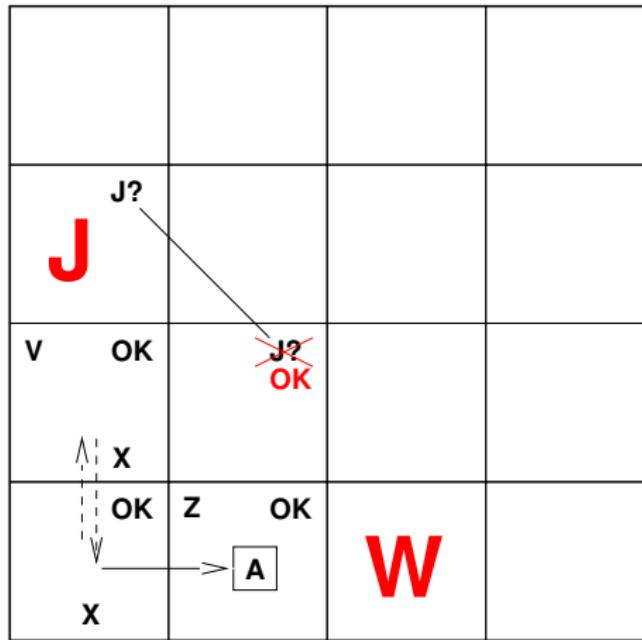
Průzkum Wumpusovy jeskyně



3

A	= Agent
V	= Vánek
T	= Třpyt
OK	= bezpečí
J	= Jáma
Z	= Zápach
X	= navštívěno
W	= Wampus

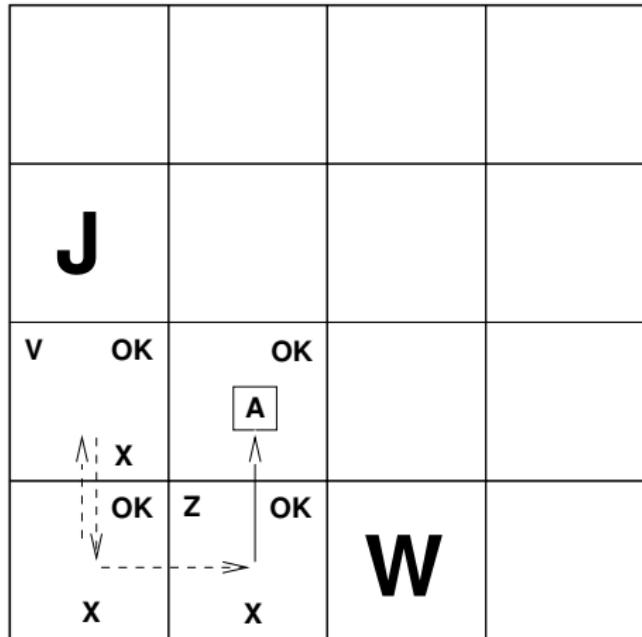
Průzkum Wumpusovy jeskyně



4

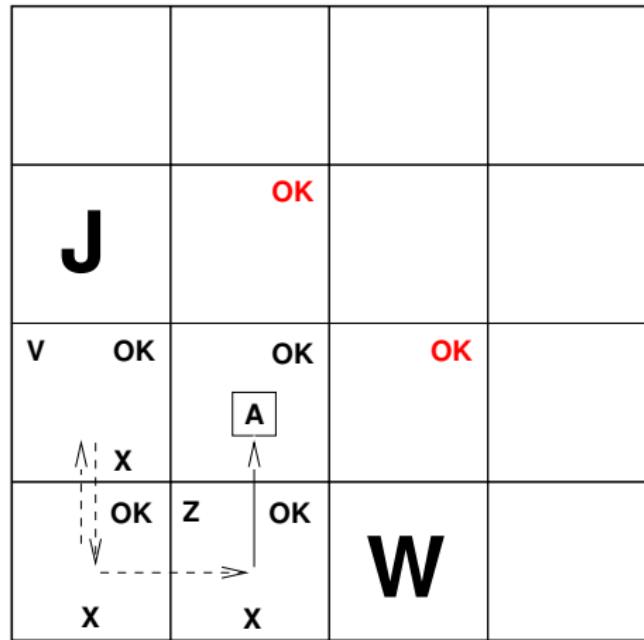
A	= Agent
V	= Vánek
T	= Třpyt
OK	= bezpečí
J	= Jáma
Z	= Zápach
X	= navštívěno
W	= Wumpus

Průzkum Wumpusovy jeskyně



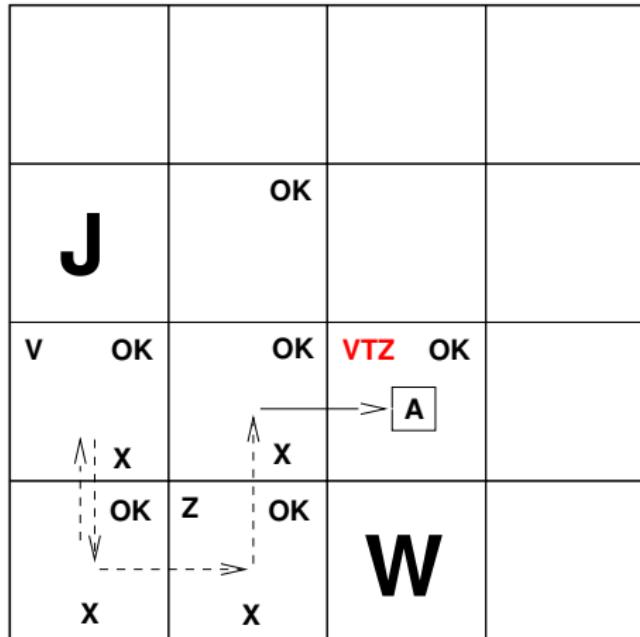
A	=	Agent
V	=	Vánek
T	=	Třpyt
OK	=	bezpečí
J	=	Jáma
Z	=	Zápach
X	=	navštívěno
W	=	Wumpus

Průzkum Wumpusovy jeskyně



A	= Agent
V	= Vánek
T	= Třpyt
OK	= bezpečí
J	= Jáma
Z	= Zápach
X	= navštívěno
W	= Wampus

Průzkum Wumpusovy jeskyně



Průzkum Wumpusovy jeskyně

J	OK		
V	OK	OK	VTZ OK
X	X	X	A ZVEDNI!
OK	Z	OK	W
X	X		

8

A	= Agent
V	= Vánek
T	= Třpyt
OK	= bezpečí
J	= Jáma
Z	= Zápach
X	= navštívěno
W	= Wumpus

Průzkum Wumpusovy jeskyně – problémy

Základní vlastnost logického vyvozování:

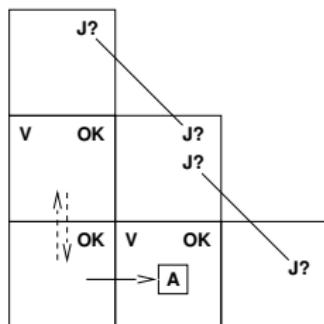
Kdykoliv agent dospěje k závěru z daných informací → tento závěr je zaručeně správný, pokud jsou správné dodané informace.

Průzkum Wumpusovy jeskyně – problémy

Základní vlastnost logického vyvozování:

Kdykoliv agent dospěje k závěru z daných informací → tento závěr je zaručeně správný, pokud jsou správné dodané informace.

Obtížné situace:



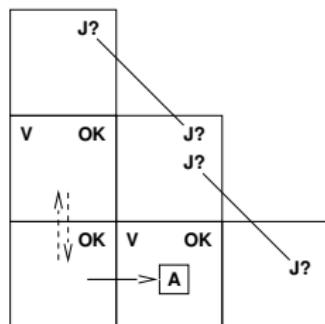
Vánek v (1, 2) i v (2, 1) ⇒ žádná bezpečná akce
 Při předpokladu uniformní distribuce děr
 → díra v (2, 2) má pravděpodobnost 0.86, na krajích 0.31

Průzkum Wumpusovy jeskyně – problémy

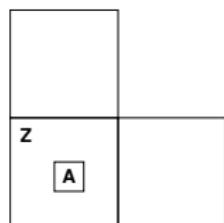
Základní vlastnost logického vyvozování:

Kdykoliv agent dospěje k závěru z daných informací → tento závěr je zaručeně správný, pokud jsou správné dodané informace.

Obtížné situace:



Vánek v (1, 2) i v (2, 1) ⇒ žádná bezpečná akce
 Při předpokladu uniformní distribuce děr
 → díra v (2, 2) má pravděpodobnost 0.86, na krajích 0.31



Zápach v (1, 1) ⇒ nemůže se pohnout
 je možné použít donucovací strategii (strategy of coercion):

1. Výstrel jedním ze směrů
2. byl tam Wumpus ⇒ je mrtvý (poznám podle Chroptění)
 ⇒ bezpečné
3. nebyl tam Wumpus (žádné Chroptění) ⇒ bezpečný směr

Obsah

1 Logický agent

- Návrh logického agenta
- Komponenty agenta, Báze znalostí
- Wumpusova jeskyně

2 Logika

- Důsledek
- Model
- Inference

3 Výroková logika

- Sémantika výrokové logiky
- Logická ekvivalence
- Platnost a splnitelnost
- Tvrzení pro Wumpusově jeskyni

4 Důkazové metody

- Inference kontrolou modelů
- Dopředné a zpětné řetězení

Logika

Logika = syntaxe a sémantika formálního jazyka pro reprezentaci znalostí umožňující vyvozování závěrů

Syntaxe definuje všechny *dobře utvořené* věty jazyka

Sémantika definuje "význam" vět \Rightarrow definuje pravdivost vět v jazyce
(v závislosti na *možném světě*)

Logika

Logika = syntaxe a sémantika formálního jazyka pro reprezentaci znalostí umožňující vyvozování závěrů

Syntaxe definuje všechny *dobře utvořené* věty jazyka

Sémantika definuje "význam" vět \Rightarrow definuje pravdivost vět v jazyce (v závislosti na možném světě)

např. jazyk aritmetiky:

- $x + 2 \geq y$ je dobře utvořená věta; $x2 + y >$ není věta

Logika

Logika = syntaxe a sémantika formálního jazyka pro reprezentaci znalostí umožňující vyvozování závěrů

Syntaxe definuje všechny dobře utvořené věty jazyka

Sémantika definuje "význam" vět \Rightarrow definuje pravdivost vět v jazyce (v závislosti na možném světě)

např. jazyk aritmetiky:

- $x + 2 \geq y$ je dobré utvořená věta; $x2 + y >$ není věta
- $x + 2 \geq y$ je pravda \Leftrightarrow číslo $x + 2$ není menší než číslo y

Logika

Logika = syntaxe a sémantika formálního jazyka pro reprezentaci znalostí umožňující vyvozování závěrů

Syntaxe definuje všechny dobře utvořené věty jazyka

Sémantika definuje "význam" vět \Rightarrow definuje pravdivost vět v jazyce (v závislosti na možném světě)

např. jazyk aritmetiky:

- $x + 2 \geq y$ je dobré utvořená věta; $x2 + y >$ není věta
- $x + 2 \geq y$ je pravda \Leftrightarrow číslo $x + 2$ není menší než číslo y
- $x + 2 \geq y$ je pravda ve světě, kde $x = 7$, $y = 1$

Logika

Logika = syntaxe a sémantika formálního jazyka pro reprezentaci znalostí umožňující vyvozování závěrů

Syntaxe definuje všechny dobře utvořené věty jazyka

Sémantika definuje "význam" vět \Rightarrow definuje pravdivost vět v jazyce (v závislosti na možném světě)

např. jazyk aritmetiky:

- $x + 2 \geq y$ je dobré utvořená věta; $x2 + y >$ není věta
- $x + 2 \geq y$ je pravda \Leftrightarrow číslo $x + 2$ není menší než číslo y
- $x + 2 \geq y$ je pravda ve světě, kde $x = 7, y = 1$
- $x + 2 \geq y$ je nepravda ve světě, kde $x = 0, y = 6$

Logika

Logika = syntaxe a sémantika formálního jazyka pro reprezentaci znalostí umožňující vyvozování závěrů

Syntaxe definuje všechny dobře utvořené věty jazyka

Sémantika definuje "význam" vět \Rightarrow definuje pravdivost vět v jazyce (v závislosti na možném světě)

např. jazyk aritmetiky:

- $x + 2 \geq y$ je dobré utvořená věta; $x2 + y >$ není věta
- $x + 2 \geq y$ je pravda \Leftrightarrow číslo $x + 2$ není menší než číslo y
- $x + 2 \geq y$ je pravda ve světě, kde $x = 7, y = 1$
- $x + 2 \geq y$ je nepravda ve světě, kde $x = 0, y = 6$

zápis na papíře v libovolné syntaxi \rightarrow v KB se jedná o konfiguraci (částí) agenta

vlastní vyvozování \rightarrow generování a manipulace s těmito konfiguracemi

Důsledek

Důsledek (vyplývání, *entailment*) – jedna věc logicky vyplývá z druhé (je jejím důsledkem):

$$KB \models \alpha$$

Z báze znalostí KB vyplývá věta α \Leftrightarrow α je pravdivá ve všech světech, kde je KB pravdivá

Důsledek

Důsledek (vyplývání, *entailment*) – jedna věc logicky vyplývá z druhé (je jejím důsledkem):

$$KB \models \alpha$$

Z báze znalostí KB vyplývá věta α \Leftrightarrow α je pravdivá ve všech světech, kde je KB pravdivá

např.:

- KB obsahuje věty – “Češi vyhráli”
– “Slováci vyhráli”

z KB pak vyplývá – “Češi vyhráli nebo Slováci vyhráli”

Důsledek

Důsledek (vyplývání, *entailment*) – jedna věc logicky vyplývá z druhé (je jejím důsledkem):

$$KB \models \alpha$$

Z báze znalostí KB vyplývá věta α $\Leftrightarrow \alpha$ je pravdivá ve všech světech, kde je KB pravdivá

např.:

- KB obsahuje věty – “Češi vyhráli”
 - “Slováci vyhráli”

z KB pak vyplývá – “Češi vyhráli nebo Slováci vyhráli”
- z $x + y = 4$ vyplývá $4 = x + y$

Důsledek

Důsledek (vyplývání, *entailment*) – jedna věc logicky vyplývá z druhé (je jejím důsledkem):

$$KB \models \alpha$$

Z báze znalostí KB vyplývá věta α $\Leftrightarrow \alpha$ je pravdivá ve všech světech, kde je KB pravdivá

např.:

- KB obsahuje věty – “Češi vyhráli”
 - “Slováci vyhráli”

z KB pak vyplývá – “Češi vyhráli nebo Slováci vyhráli”
- z $x + y = 4$ vyplývá $4 = x + y$

Důsledek je vztah mezi větami (*syntaxe*), který je založený na *sémantice*.

Model

možný svět = **model** ... formálně strukturovaný (abstraktní) svět,
umožňuje vyhodnocení pravdivosti

říkáme: m je model věty α \Leftrightarrow α je pravdivá v m

Model

možný svět = **model** ... formálně strukturovaný (abstraktní) svět, umožňuje vyhodnocení pravdivosti

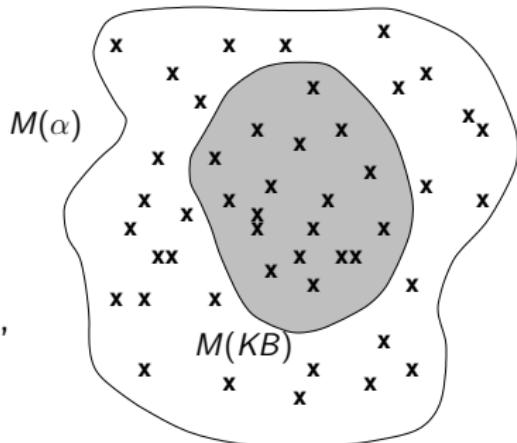
říkáme: m je model věty $\alpha \Leftrightarrow \alpha$ je pravdivá v m

$M(\alpha)$... množina všech modelů věty α

$$KB \models \alpha \Leftrightarrow M(KB) \subseteq M(\alpha)$$

např.:

$$\begin{aligned} KB &= \text{“Češi vyhráli”} \wedge \text{“Slováci vyhráli”} \\ \alpha &= \text{“Češi vyhráli”} \end{aligned}$$



Inference

Vyvozování požadovaných důsledků – inference

$KB \vdash_i \alpha \dots$ věta α může být vyvozena z KB pomocí (procedury) i
(i odvodí α z KB)

všechny možné důsledky KB jsou “kupka sena”; α je jehla
vyplývání = jehla v kupce sena; inference = její nalezení

Bezespornost: i je bezesporná $\Leftrightarrow \forall KB \vdash_i \alpha \Rightarrow KB \models \alpha$
Úplnost: i je úplná $\Leftrightarrow \forall KB \models \alpha \Rightarrow KB \vdash_i \alpha$

Inference

Vyvozování požadovaných důsledků – **inference**

$KB \vdash; \alpha \dots$ věta α může být vyvozena z KB pomocí (procedury) i
 $(i$ odvodí α z KB)

všechny možné důsledky KB jsou “kupka sena”; α je jehla
 vyplývání = jehla v kupce sena; inference = její nalezení

Bezespornost: i je bezesporná $\Leftrightarrow \forall KB \vdash; \alpha \Rightarrow KB \models \alpha$
Úplnost: i je úplná $\Leftrightarrow \forall KB \models \alpha \Rightarrow KB \vdash; \alpha$

Vztah k **reálnému světu**:

Pokud je KB pravdivá v reálném světě $\Rightarrow \forall$ věta α vyvozená z KB pomocí bezesporné inference je také pravdivá ve skutečném světě

Jestliže máme sémantiku “pravdivou” v reálném světě \rightarrow můžeme vyvozovat závěry o skutečném světě pomocí logiky

Obsah

1 Logický agent

- Návrh logického agenta
- Komponenty agenta, Báze znalostí
- Wumpusova jeskyně

2 Logika

- Důsledek
- Model
- Inference

3 Výroková logika

- Sémantika výrokové logiky
- Logická ekvivalence
- Platnost a splnitelnost
- Tvrzení pro Wumpusově jeskyni

4 Důkazové metody

- Inference kontrolou modelů
- Dopředné a zpětné řetězení

Výroková logika

Výroková logika – nejjednodušší logika, ilustruje základní myšlenky

- výrokové symboly P_1, P_2, \dots jsou věty
- negace – S je věta $\Rightarrow \neg S$ je věta
- konjunkce – S_1 a S_2 jsou věty $\Rightarrow S_1 \wedge S_2$ je věta
- disjunkce – S_1 a S_2 jsou věty $\Rightarrow S_1 \vee S_2$ je věta
- implikace – S_1 a S_2 jsou věty $\Rightarrow S_1 \Rightarrow S_2$ je věta
- ekvivalence – S_1 a S_2 jsou věty $\Rightarrow S_1 \Leftrightarrow S_2$ je věta

Sémantika výrokové logiky

- každý model musí určit pravdivostní hodnoty výrokových symbolů
např.: $m_1 = \{P_1 = \text{false}, P_2 = \text{false}, P_3 = \text{true}\}$

Sémantika výrokové logiky

- každý model musí určit pravdivostní hodnoty výrokových symbolů
např.: $m_1 = \{P_1 = \text{false}, P_2 = \text{false}, P_3 = \text{true}\}$
- pravidla pro vyhodnocení pravdivosti u složených výroků pro model m :

$\neg S$	je true	\Leftrightarrow	S	je false			
$S_1 \wedge S_2$	je true	\Leftrightarrow	S_1	je true	a	S_2	je true
$S_1 \vee S_2$	je true	\Leftrightarrow	S_1	je true	nebo	S_2	je true
$S_1 \Rightarrow S_2$	je true	\Leftrightarrow	S_1	je false	nebo	S_2	je true
tj.	je false	\Leftrightarrow	S_1	je true	a	S_2	je false
$S_1 \Leftrightarrow S_2$	je true	\Leftrightarrow	$S_1 \Rightarrow S_2$	je true	a	$S_2 \Rightarrow S_1$	je true

Sémantika výrokové logiky

- každý model musí určit pravdivostní hodnoty výrokových symbolů
např.: $m_1 = \{P_1 = \text{false}, P_2 = \text{false}, P_3 = \text{true}\}$
- pravidla pro vyhodnocení pravdivosti u složených výroků pro model m :

$\neg S$	je true	\Leftrightarrow	S	je false			
$S_1 \wedge S_2$	je true	\Leftrightarrow	S_1	je true	a	S_2	je true
$S_1 \vee S_2$	je true	\Leftrightarrow	S_1	je true	nebo	S_2	je true
$S_1 \Rightarrow S_2$	je true	\Leftrightarrow	S_1	je false	nebo	S_2	je true
tj.	je false	\Leftrightarrow	S_1	je true	a	S_2	je false
$S_1 \Leftrightarrow S_2$	je true	\Leftrightarrow	$S_1 \Rightarrow S_2$	je true	a	$S_2 \Rightarrow S_1$	je true

- rekurzivním procesem vyhodnotíme lib. větu:

$$\neg P_1 \wedge (P_2 \vee P_3) = \text{true} \wedge (\text{false} \vee \text{true}) = \text{true} \wedge \text{true} = \text{true}$$

Sémantika výrokové logiky

- každý model musí určit pravdivostní hodnoty výrokových symbolů
např.: $m_1 = \{P_1 = \text{false}, P_2 = \text{false}, P_3 = \text{true}\}$
- pravidla pro vyhodnocení pravdivosti u složených výroků pro model m :

$\neg S$	je true	\Leftrightarrow	S	je false			
$S_1 \wedge S_2$	je true	\Leftrightarrow	S_1	je true	a	S_2	je true
$S_1 \vee S_2$	je true	\Leftrightarrow	S_1	je true	nebo	S_2	je true
$S_1 \Rightarrow S_2$	je true	\Leftrightarrow	S_1	je false	nebo	S_2	je true
tj.	je false	\Leftrightarrow	S_1	je true	a	S_2	je false
$S_1 \Leftrightarrow S_2$	je true	\Leftrightarrow	$S_1 \Rightarrow S_2$	je true	a	$S_2 \Rightarrow S_1$	je true

- rekurzivním procesem vyhodnotíme lib. větu:

$$\neg P_1 \wedge (P_2 \vee P_3) = \text{true} \wedge (\text{false} \vee \text{true}) = \text{true} \wedge \text{true} = \text{true}$$

pravdivostní tabulka:

P	Q	$\neg P$	$P \wedge Q$	$P \vee Q$	$P \Rightarrow Q$	$P \Leftrightarrow Q$
false	false	true	false	false	true	true
false	true	true	false	true	true	false
true	false	false	false	true	false	false
true	true	false	true	true	true	true

Logická ekvivalence

Dva výroky jsou **logicky ekvivalentní** právě tehdy, když jsou pravdivé ve stejných modelech:

$$\alpha \equiv \beta \Leftrightarrow \alpha \models \beta \text{ a } \beta \models \alpha$$

$(\alpha \wedge \beta)$	\equiv	$(\beta \wedge \alpha)$	komutativita \wedge
$(\alpha \vee \beta)$	\equiv	$(\beta \vee \alpha)$	komutativita \vee
$((\alpha \wedge \beta) \wedge \gamma)$	\equiv	$(\alpha \wedge (\beta \wedge \gamma))$	asociativita \wedge
$((\alpha \vee \beta) \vee \gamma)$	\equiv	$(\alpha \vee (\beta \vee \gamma))$	asociativita \vee
$\neg(\neg \alpha)$	\equiv	α	eliminace dvojí negace
$(\alpha \Rightarrow \beta)$	\equiv	$(\neg \beta \Rightarrow \neg \alpha)$	kontrapozice
$(\alpha \Rightarrow \beta)$	\equiv	$(\neg \alpha \vee \beta)$	eliminace implikace
$(\alpha \Leftrightarrow \beta)$	\equiv	$((\alpha \Rightarrow \beta) \wedge (\beta \Rightarrow \alpha))$	eliminace ekvivalence
$\neg(\alpha \wedge \beta)$	\equiv	$(\neg \alpha \vee \neg \beta)$	de Morgan
$\neg(\alpha \vee \beta)$	\equiv	$(\neg \alpha \wedge \neg \beta)$	de Morgan
$(\alpha \wedge (\beta \vee \gamma))$	\equiv	$((\alpha \wedge \beta) \vee (\alpha \wedge \gamma))$	distributivita \wedge nad \vee
$(\alpha \vee (\beta \wedge \gamma))$	\equiv	$((\alpha \vee \beta) \wedge (\alpha \vee \gamma))$	distributivita \vee nad \wedge

Platnost a splnitelnost

- Výrok je **platný** \Leftrightarrow je pravdivý ve **všech** modelech

např.: true, $A \vee \neg A$, $A \Rightarrow A$, $(A \wedge (A \Rightarrow B)) \Rightarrow B$

Platnost je spojena s vyplýváním pomocí **věty o dedukci**:

$KB \models \alpha \Leftrightarrow (KB \Rightarrow \alpha)$ je **platný výrok**

Platnost a splnitelnost

- Výrok je **platný** \Leftrightarrow je pravdivý ve všech modelech

např.: true, $A \vee \neg A$, $A \Rightarrow A$, $(A \wedge (A \Rightarrow B)) \Rightarrow B$

Platnost je spojena s vyplýváním pomocí **věty o dedukci**:

$$KB \models \alpha \Leftrightarrow (KB \Rightarrow \alpha) \text{ je platný výrok}$$

- Výrok je **splnitelný** \Leftrightarrow je pravdivý v některých modelech

např.: $A \vee B$, C

Výrok je **nesplnitelný** \Leftrightarrow je nepravdivý ve všech modelech

např.: $A \wedge \neg A$

Splnitelnost je spojena s vyplýváním pomocí důkazu α sporem (*reductio ad absurdum*):

$$KB \models \alpha \Leftrightarrow (KB \wedge \neg \alpha) \text{ je nesplnitelný}$$

Tvrzení pro Wumpusově jeskyni

Definujeme výrokové symboly $J_{i,j}$ je pravda \Leftrightarrow Na $[i,j]$ je Jáma.
a $V_{i,j}$ je pravda \Leftrightarrow Na $[i,j]$ je Vánek.

Tvrzení pro Wumpusově jeskyni

Definujeme výrokové symboly $J_{i,j}$ je pravda \Leftrightarrow Na $[i,j]$ je Jáma.
 a $V_{i,j}$ je pravda \Leftrightarrow Na $[i,j]$ je Vánek.

báze znalostí KB :

- pravidlo pro $[1,1]$: $R_1: \neg J_{1,1}$
- pozorování: $R_2: \neg V_{1,1}, R_3: V_{2,1}$
- pravidla pro vztah Jámy a Vánku:

"Jámy způsobují Vánek ve vedlejších místnostech"

$$R'_4: V_{1,1} \Leftarrow (J_{1,2} \vee J_{2,1})$$

$$R'_5: V_{2,1} \Leftarrow (J_{1,1} \vee J_{2,2} \vee J_{3,1})$$

?	?	
	$\xrightarrow{\text{v}}$ $\square A$?

Tvrzení pro Wumpusově jeskyni

Definujeme výrokové symboly $J_{i,j}$ je pravda \Leftrightarrow Na $[i,j]$ je Jáma.
 a $V_{i,j}$ je pravda \Leftrightarrow Na $[i,j]$ je Vánek.

báze znalostí KB :

- pravidlo pro $[1,1]$: $R_1: \neg J_{1,1}$
- pozorování: $R_2: \neg V_{1,1}, R_3: V_{2,1}$
- pravidla pro vztah Jámy a Vánku:

"Jámy způsobují Vánek ve vedlejších místnostech"

$$R'_4: V_{1,1} \Leftarrow (J_{1,2} \vee J_{2,1})$$

$$R'_5: V_{2,1} \Leftarrow (J_{1,1} \vee J_{2,2} \vee J_{3,1})$$

?	?	
	v --> A	?

"V poli je Vánek právě tehdy, když je ve vedlejším poli Jáma."

$$R_4: V_{1,1} \Leftrightarrow (J_{1,2} \vee J_{2,1})$$

$$R_5: V_{2,1} \Leftrightarrow (J_{1,1} \vee J_{2,2} \vee J_{3,1})$$

Tvrzení pro Wumpusově jeskyni

Definujeme výrokové symboly $J_{i,j}$ je pravda \Leftrightarrow Na $[i,j]$ je Jáma.
 a $V_{i,j}$ je pravda \Leftrightarrow Na $[i,j]$ je Vánek.

báze znalostí KB :

- pravidlo pro $[1,1]$: $R_1: \neg J_{1,1}$
- pozorování: $R_2: \neg V_{1,1}, R_3: V_{2,1}$
- pravidla pro vztah Jámy a Vánku:

"Jámy způsobují Vánek ve vedlejších místnostech"

$$R'_4: V_{1,1} \Leftarrow (J_{1,2} \vee J_{2,1})$$

$$R'_5: V_{2,1} \Leftarrow (J_{1,1} \vee J_{2,2} \vee J_{3,1})$$

?	?	
	v --> A	?

"V poli je Vánek právě tehdy, když je ve vedlejším poli Jáma."

$$R_4: V_{1,1} \Leftrightarrow (J_{1,2} \vee J_{2,1})$$

$$R_5: V_{2,1} \Leftrightarrow (J_{1,1} \vee J_{2,2} \vee J_{3,1})$$

- $KB = R_1 \wedge R_2 \wedge R_3 \wedge R_4 \wedge R_5$

Obsah

1 Logický agent

- Návrh logického agenta
- Komponenty agenta, Báze znalostí
- Wumpusova jeskyně

2 Logika

- Důsledek
- Model
- Inference

3 Výroková logika

- Sémantika výrokové logiky
- Logická ekvivalence
- Platnost a splnitelnost
- Tvrzení pro Wumpusově jeskyni

4 Důkazové metody

- Inference kontrolou modelů
- Dopředné a zpětné řetězení

Důkazové metody

• kontrola modelů (*model checking*)

- procházení pravdivostní tabulky (vždycky exponenciální v n)
- vylepšené prohledávání s navracením (*improved backtracking*), např. Davis–Putnam–Logemann–Loveland
- heuristické prohledávání prostoru modelů (bezesporné, ale neúplné)

Důkazové metody

• kontrola modelů (*model checking*)

- procházení pravdivostní tabulky (vždycky exponenciální v n)
- vylepšené prohledávání s navracením (*improved backtracking*), např. Davis–Putnam–Logemann–Loveland
- heuristické prohledávání prostoru modelů (bezesporné, ale neúplné)

• aplikace inferenčních pravidel

- legitimní (bezesporné) generování nových výroků ze starých
- **důkaz** = sekvence aplikací inferenčních pravidel
je možné použít inferenční pravidla jako operátory ve standardních prohledávacích algoritmech
- typicky vyžaduje překlad vět do **normální formy**

Inference ve Wumpusově jeskyni

situace:

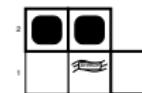
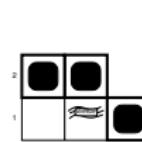
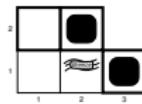
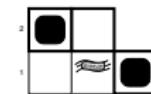
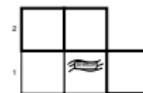
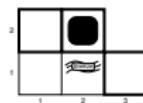
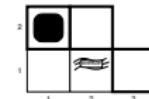
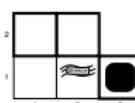
- v [1, 1] nedetekováno nic
 - krok doprava, v [2, 1] Vánek
- uvažujeme možné **modely** pro '?'
(budou nás zajímat jen Jámy)

?	?		
	v -----> A		?

3 pole s Booleovskými možnostmi $\{T, F\}$ \Rightarrow $2^3 = 8$ možných modelů

Modely ve Wumpusově jeskyni

uvažujeme všech 8 možných modelů:



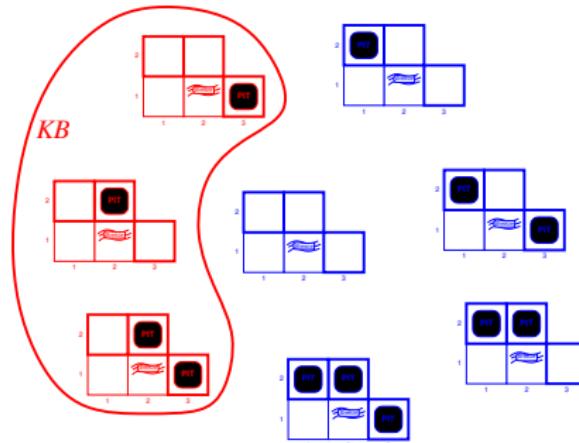
KB = pravidla Wumpusovy jeskyně + pozorování

α_1 = “[1, 2] je bezpečné pole”

α_2 = “[2, 2] je bezpečné pole”

Modely ve Wumpusově jeskyni

uvažujeme všech 8 možných modelů:



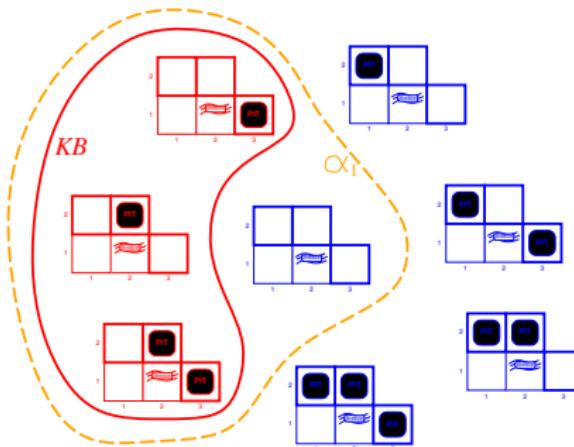
KB = pravidla Wumpusovy jeskyně + pozorování

α_1 = “[1, 2] je bezpečné pole”

α_2 = “[2, 2] je bezpečné pole”

Modely ve Wumpusově jeskyni

uvažujeme všech 8 možných modelů:



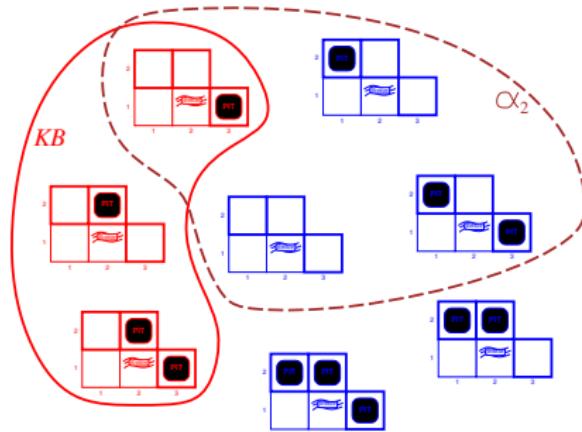
KB = pravidla Wumpusovy jeskyně + pozorování

α_1 = “[1, 2] je bezpečné pole” $KB \models \alpha_1$, pomocí kontroly modelů

α_2 = “[2, 2] je bezpečné pole”

Modely ve Wumpusově jeskyni

uvažujeme všech 8 možných modelů:



$KB =$ pravidla Wumpusovy jeskyně + pozorování

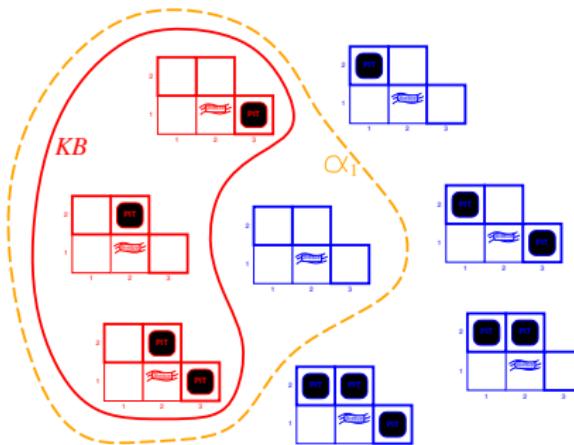
$\alpha_1 = "[1, 2] \text{ je bezpečné pole}"$

$\alpha_2 = "[2, 2] \text{ je bezpečné pole}"$

$KB \not\models \alpha_2 \iff \exists \text{ modely: } KB \text{ je pravdivá} \wedge \alpha_2 \text{ je nepravdivá}$

Modely ve Wumpusově jeskyni

uvažujeme všech 8 možných modelů:



KB = pravidla Wumpusovy jeskyně + pozorování

α_1 = “[1, 2] je bezpečné pole” $KB \models \alpha_1$

α_2 = “[2, 2] je bezpečné pole” $KB \not\models \alpha_2$

kontrola modelů → jednoduchý způsob logické inference

Pravdivostní tabulka pro inferenci

$V_{1,1}$	$V_{2,1}$	$J_{1,1}$	$J_{1,2}$	$J_{2,1}$	$J_{2,2}$	$J_{3,1}$	KB	α_1
false	false	true						
false	false	false	false	false	false	true	false	true
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
false	true	false	false	false	false	false	false	true
false	true	false	false	false	false	true	true	true
false	true	false	false	false	true	false	true	true
false	true	false	false	true	false	false	false	true
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
true	false	false						

KB = pravidla Wumpusovy jeskyně + pozorování

α_1 = “[1, 2] je bezpečné pole”

Inference kontrolou modelů

Kontrola všech modelů *do hloubky* je bezesporňá a úplná (pro konečný počet výrokových symbolů)

```
% tt_entails(+KB,+Alpha)
```

```
tt_entails(KB,Alpha):- proposition_symbols(Symbols,[KB,Alpha]),
    tt_check_all(KB,Alpha,Symbols,[]).
```

vrací **true**, pokud je **Alpha** pravdivá v **Modelu**

```
% tt_check_all(+KB,+Alpha,+Symbols,+Model)
```

```
tt_check_all(KB,Alpha,[],Model):- pl_true(KB,Model),!,pl_true(Alpha,Model).
tt_check_all(KB,Alpha,[],Model):- !.
```

```
tt_check_all(KB,Alpha,[P|Symbols],Model):- % vytvoříme modely pro ∀ hodnoty symbolů
    tt_check_all(KB,Alpha,Symbols,[P-true|Model]),
    tt_check_all(KB,Alpha,Symbols,[P-false|Model]).
```

$O(2^n)$ pro n symbolů, NP-úplný problém

Dopředné a zpětné řetězení

KB = konjunkce Hornových klauzulí

Hornova klauzule = $\begin{cases} \text{výrokový symbol; nebo} \\ (\text{konjunkce symbolů}) \Rightarrow \text{symbol} \end{cases}$

např.: $KB = C \wedge (B \Rightarrow A) \wedge (C \wedge D \Rightarrow B)$

Dopředné a zpětné řetězení

$KB = \text{konjunkce Hornových klauzulí}$

Hornova klauzule = $\begin{cases} \text{výrokový symbol; nebo} \\ (\text{konjunkce symbolů}) \Rightarrow \text{symbol} \end{cases}$

např.: $KB = C \wedge (B \Rightarrow A) \wedge (C \wedge D \Rightarrow B)$

pravidlo **Modus Ponens** – pro KB z Hornových klauzulí je úplné

$$\frac{\alpha_1, \dots, \alpha_n, \quad \alpha_1 \wedge \dots \wedge \alpha_n \Rightarrow \beta}{\beta}$$

pravidla pro logickou ekvivalenci se taky dají použít pro inferenci

Dopředné a zpětné řetězení

$KB = \text{konjunkce Hornových klauzulí}$

Hornova klauzule = $\begin{cases} \text{výrokový symbol; nebo} \\ (\text{konjunkce symbolů}) \Rightarrow \text{symbol} \end{cases}$

např.: $KB = C \wedge (B \Rightarrow A) \wedge (C \wedge D \Rightarrow B)$

pravidlo **Modus Ponens** – pro KB z Hornových klauzulí je úplné

$$\frac{\alpha_1, \dots, \alpha_n, \quad \alpha_1 \wedge \dots \wedge \alpha_n \Rightarrow \beta}{\beta}$$

pravidla pro logickou ekvivalenci se taky dají použít pro inferenci inference Hornových klauzulí → algoritmus dopředného nebo zpětného řetězení
oba tyto algoritmy jsou přirozené a mají lineární časovou složitost

Dopředné řetězení

Idea: aplikuj pravidlo, jehož premisy jsou splněné v KB
přidej jeho důsledek do KB
pokračuj do doby, než je nalezena odpověď'

Dopředné řetězení

Idea: aplikuj pravidlo, jehož premisy jsou splněné v KB
 přidej jeho důsledek do KB
 pokračuj do doby, než je nalezena odpověď'

$KB:$

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

$$B \wedge L \Rightarrow M$$

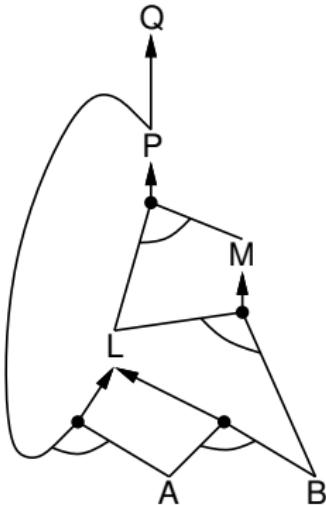
$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$

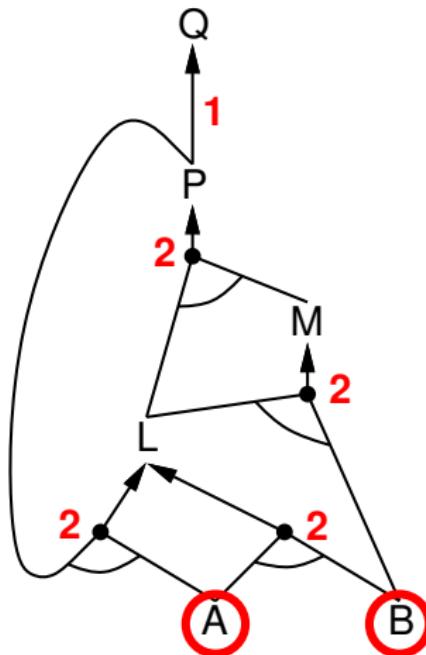
AND-OR graf $KB:$



Dopředné řetězení – příklad

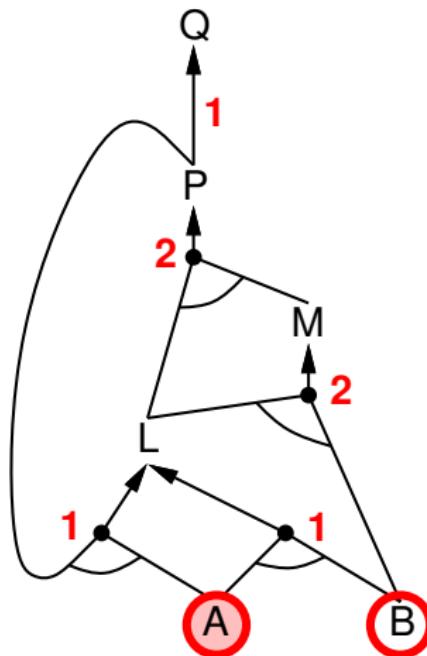
$P \Rightarrow Q$
 $L \wedge M \Rightarrow P$
 $B \wedge L \Rightarrow M$
 $A \wedge P \Rightarrow L$
 $A \wedge B \Rightarrow L$

A
 B



Dopředné řetězení – příklad

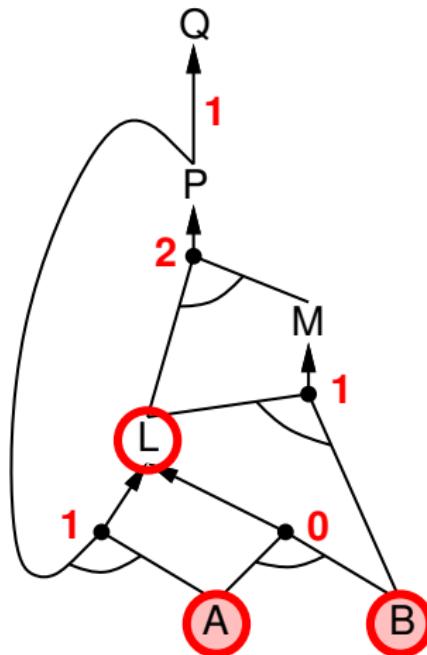
$P \Rightarrow Q$
 $L \wedge M \Rightarrow P$
 $B \wedge L \Rightarrow M$
 $A \wedge P \Rightarrow L$
 $A \wedge B \Rightarrow L$
 A
 B



Dopředné řetězení – příklad

$P \Rightarrow Q$
 $L \wedge M \Rightarrow P$
 $B \wedge L \Rightarrow M$
 $A \wedge P \Rightarrow L$
 $A \wedge B \Rightarrow L$

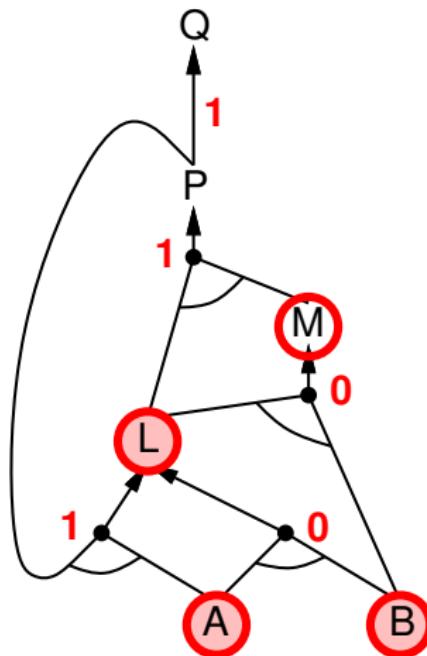
A
B



Dopředné řetězení – příklad

$P \Rightarrow Q$
 $L \wedge M \Rightarrow P$
 $B \wedge L \Rightarrow M$
 $A \wedge P \Rightarrow L$
 $A \wedge B \Rightarrow L$

A
 B



Dopředné řetězení – příklad

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

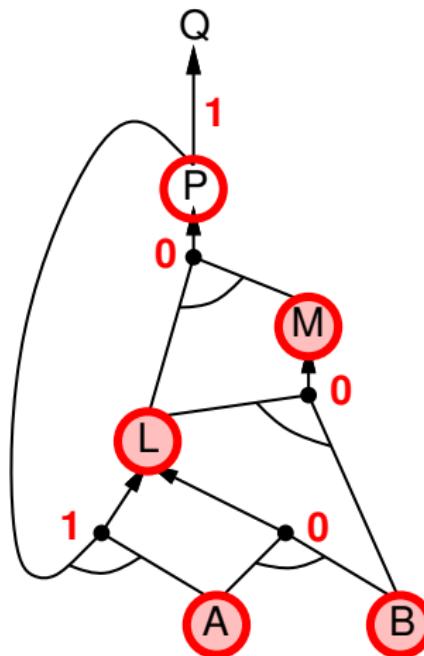
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

A

B



Dopředné řetězení – příklad

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

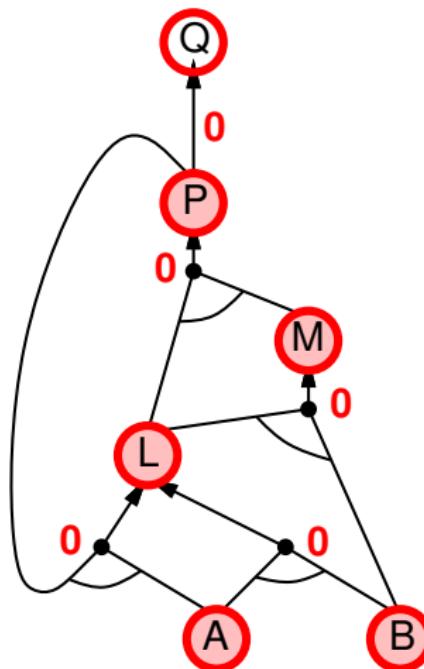
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

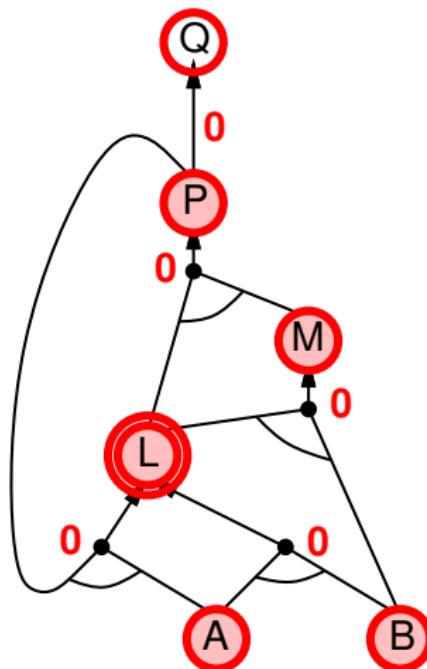
$$A$$

$$B$$



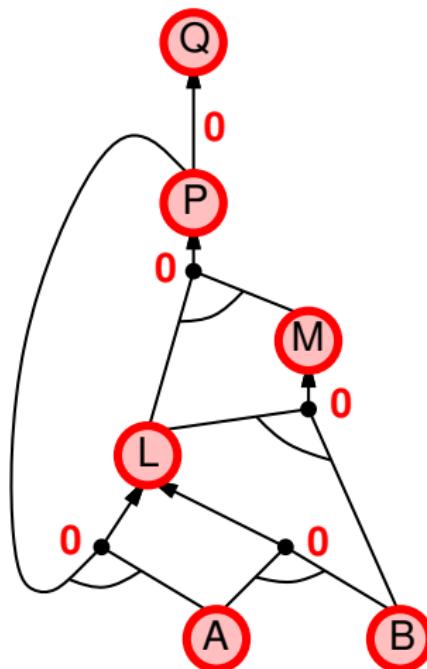
Dopředné řetězení – příklad

$P \Rightarrow Q$
 $L \wedge M \Rightarrow P$
 $B \wedge L \Rightarrow M$
 $A \wedge P \Rightarrow L$
 $A \wedge B \Rightarrow L$
 A
 B



Dopředné řetězení – příklad

$P \Rightarrow Q$
 $L \wedge M \Rightarrow P$
 $B \wedge L \Rightarrow M$
 $A \wedge P \Rightarrow L$
 $A \wedge B \Rightarrow L$
 A
 B



Algoritmus dopředného řetězení

```

:- op( 800, fx, if),
op( 700, xfx, then),
op( 300, xfy, or),
op( 200, xfy, and).

```

```

forward :- new_derived_fact( P), !, %
    write( 'Derived: '), write( P), nl,
    assert( fact( P)),
    forward %
; write( 'No more facts'), nl. %

```

Nový fakt

Pokračuje generování faktů

Všechny fakty odvozeny

```

new_derived_fact( Concl) :- if Cond then Concl, %
    \+ fact( Concl), %
composed_fact( Cond). %

```

Pravidlo

Concl ještě není fakt

Cond je true?

```

composed_fact( Cond) :- fact( Cond). %
composed_fact( Cond1 and Cond2) :- composed_fact( Cond1), composed_fact( Cond2).
composed_fact( Cond1 or Cond2) :- composed_fact( Cond1); composed_fact( Cond2).

```

Jednoduchý fakt

Zpětné řetězení

Idea: pracuje zpětně od dotazu q

zkontroluj, jestli není q už známo

dokaž zpětným řetězením všechny premisy nějakého pravidla,
které má q jako důsledek

kontrola cyklů – pro každý podcíl se nejprve podívej, jestli už nebyl řešen
(tj. pamatuje si *true* i *false* výsledek)

Zpětné řetězení – příklad

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

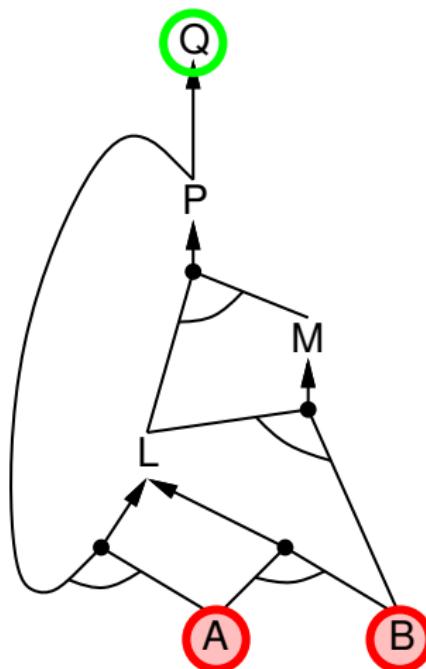
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

A

B



Zpětné řetězení – příklad

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

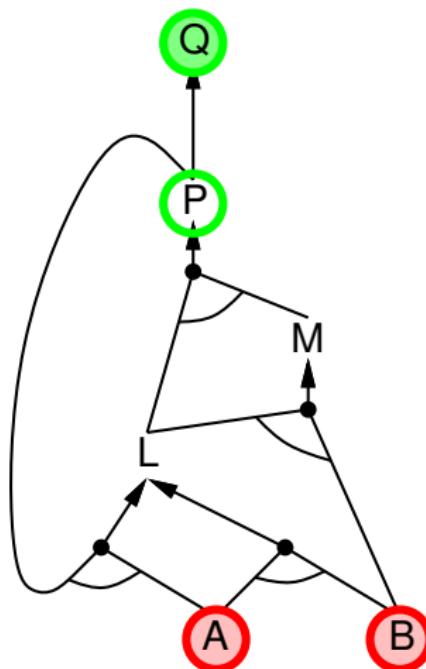
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

A

B



Zpětné řetězení – příklad

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

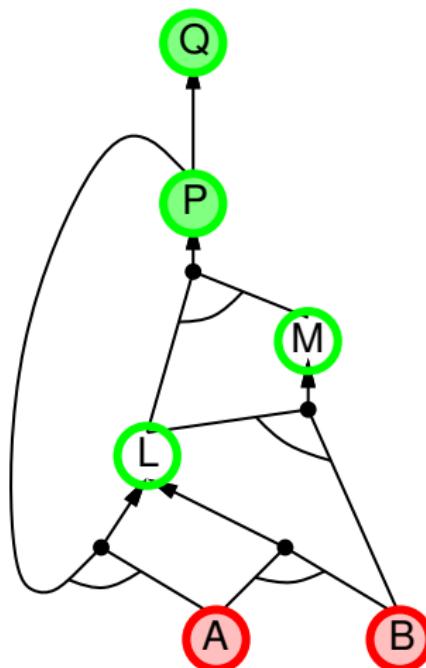
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

A

B



Zpětné řetězení – příklad

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

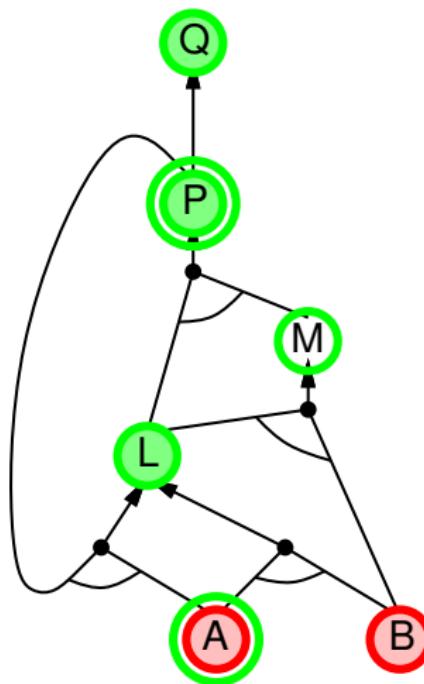
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

A

B



Zpětné řetězení – příklad

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

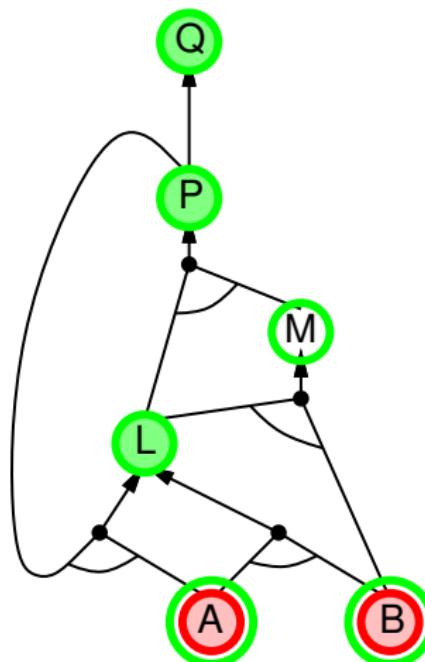
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

A

B



Zpětné řetězení – příklad

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

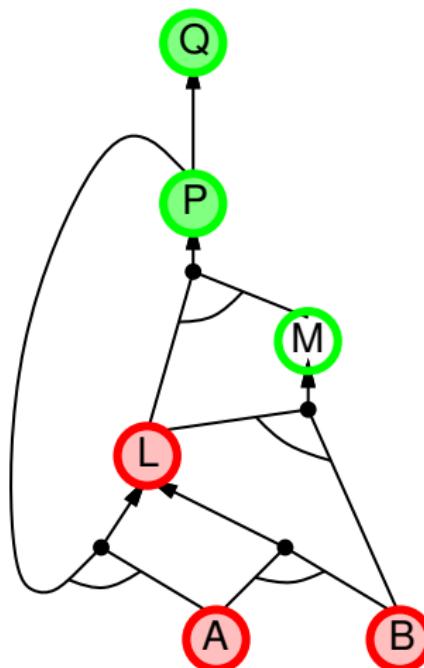
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

A

B



Zpětné řetězení – příklad

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

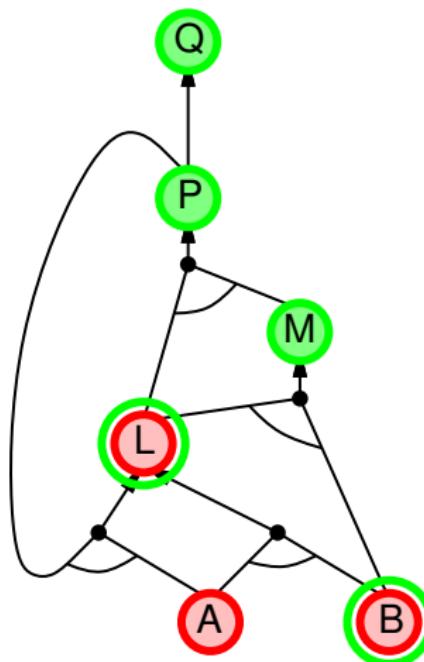
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

A

B



Zpětné řetězení – příklad

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

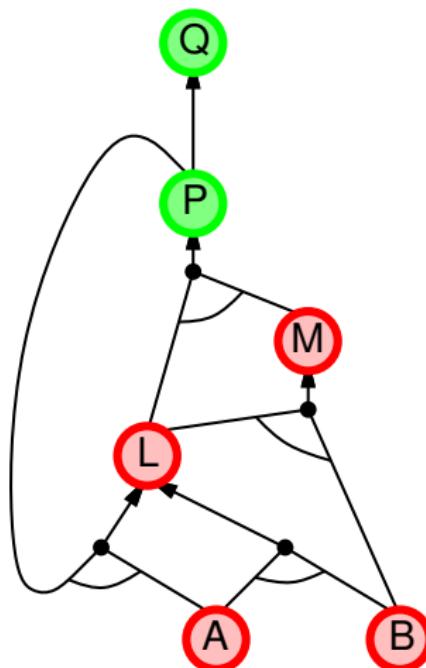
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

A

B

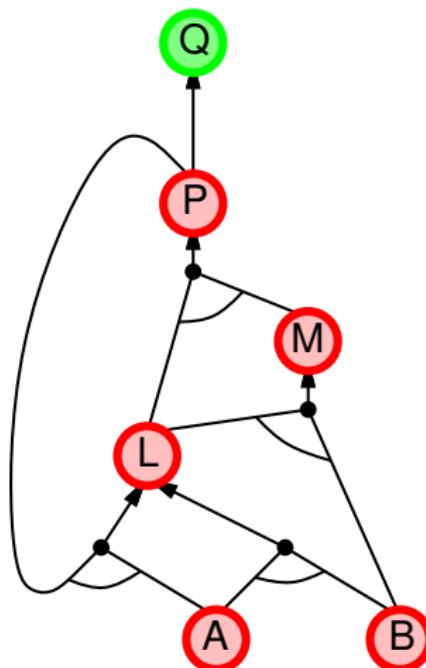


Zpětné řetězení – příklad

$P \Rightarrow Q$
 $L \wedge M \Rightarrow P$
 $B \wedge L \Rightarrow M$
 $A \wedge P \Rightarrow L$
 $A \wedge B \Rightarrow L$

A

B

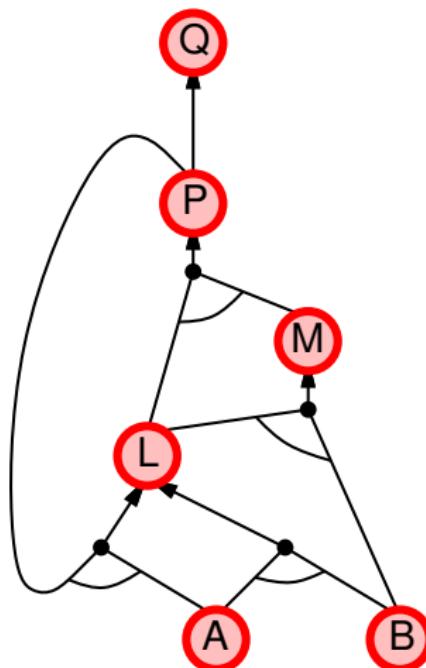


Zpětné řetězení – příklad

$P \Rightarrow Q$
 $L \wedge M \Rightarrow P$
 $B \wedge L \Rightarrow M$
 $A \wedge P \Rightarrow L$
 $A \wedge B \Rightarrow L$

A

B



Porovnání dopředného a zpětného řetězení

• dopředné řetězení je řízeno daty

- automatické, nevědomé zpracování
- např. rozpoznávání objektů, rutinní rozhodování
- může udělat hodně nadbytečné práce bez vztahu k dotazu/cíli

• zpětné řetězení je řízeno dotazem

- vhodné pro hledání odpovědí na konkrétní dotaz
- např. "Kde jsou moje klíče?" "Jak se mám přihlásit na PGS?"
- složitost zpětného řetězení může být mnohem menší než lineární vzhledem k velikosti KB

obecný inferenční algoritmus – **rezoluce**

zpracovává formule v **konjunktivní normální formě** (konjunkce disjunkcí literálů)

rezoluce je **bezesporná** a **úplná** pro výrokovou logiku i predikátovou logiku

1. rádu