

Prohledávání stavového prostoru

Aleš Horák

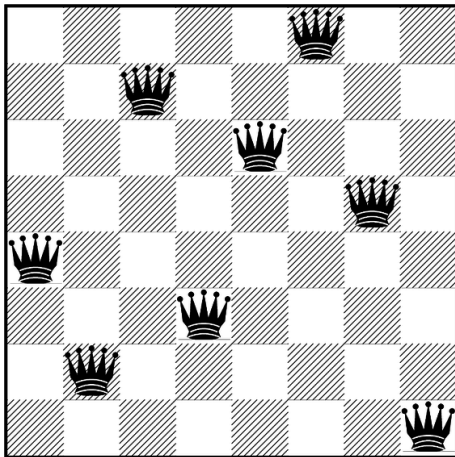
E-mail: hales@fi.muni.cz
<http://nlp.fi.muni.cz/uui/>

Obsah:

- Problém osmi dam
- Prohledávání stavového prostoru
- Neinformované prohledávání

Problém osmi dam

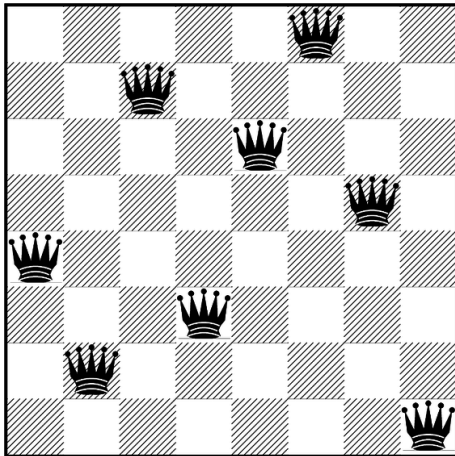
úkol: Rozestavte po šachovnici 8 dam tak, aby se žádné dvě vzájemně neohrožovaly.



celkem pro 8 dam existuje 92 různých řešení

Problém osmi dam

úkol: Rozestavte po šachovnici 8 dam tak, aby se žádné dvě vzájemně neohrožovaly.



celkem pro 8 dam existuje 92 různých řešení

Problém osmi dam I

datová struktura – osmiprvkový seznam **[X1/Y1, X2/Y2, X3/Y3, X4/Y4, X5/Y5, X6/Y6, X7/Y7, X8/Y8]**

Solution = [1/4, 2/2, 3/7, 4/3, 5/6, 6/8, 7/5, 8/1]

`solution(S) :- template(S), sol(S).`

`sol([]).`

`sol([X/Y|Others]) :- sol(Others),
 member(X,[1,2,3,4,5,6,7,8]),
 member(Y,[1,2,3,4,5,6,7,8]),
 noattack(X/Y,Others).`

`noattack(-,[]).`

`noattack(X/Y,[X1/Y1|Others]) :- X=\=X1, Y=\=Y1, Y1-Y=\=X1-X,
 Y1-Y=\=X-X1, noattack(X/Y,Others).`

`template([X1/Y1, X2/Y2, X3/Y3, X4/Y4, X5/Y5, X6/Y6, X7/Y7, X8/Y8]).`

?– `solution(Solution).`

`Solution = [8/4, 7/2, 6/7, 5/3, 4/6, 3/8, 2/5, 1/1] ;`

`Solution = [7/2, 8/4, 6/7, 5/3, 4/6, 3/8, 2/5, 1/1] ;`

`Yes`

Problém osmi dam I

datová struktura – osmiprvkový seznam **[X1/Y1, X2/Y2, X3/Y3, X4/Y4, X5/Y5, X6/Y6, X7/Y7, X8/Y8]**

Solution = [1/4, 2/2, 3/7, 4/3, 5/6, 6/8, 7/5, 8/1]

`solution(S) :- template(S), sol(S).`

`sol([]).`

`sol([X/Y|Others]) :- sol(Others),
 member(X,[1,2,3,4,5,6,7,8]),
 member(Y,[1,2,3,4,5,6,7,8]),
 noattack(X/Y,Others).`

`noattack(-,[]).`

`noattack(X/Y,[X1/Y1|Others]) :- X=\=X1, Y=\=Y1, Y1-Y=\=X1-X,
 Y1-Y=\=X-X1, noattack(X/Y,Others).`

`template([X1/Y1, X2/Y2, X3/Y3, X4/Y4, X5/Y5, X6/Y6, X7/Y7, X8/Y8]).`

?– `solution(Solution).`

`Solution = [8/4, 7/2, 6/7, 5/3, 4/6, 3/8, 2/5, 1/1] ;`

`Solution = [7/2, 8/4, 6/7, 5/3, 4/6, 3/8, 2/5, 1/1] ;`

`Yes`

Problém osmi dam I

datová struktura – osmiprvkový seznam **[X1/Y1, X2/Y2, X3/Y3, X4/Y4, X5/Y5, X6/Y6, X7/Y7, X8/Y8]**

Solution = [1/4, 2/2, 3/7, 4/3, 5/6, 6/8, 7/5, 8/1]

`solution(S) :- template(S), sol(S).`

`sol([]).`

`sol([X/Y|Others]) :- sol(Others),
 member(X,[1,2,3,4,5,6,7,8]),
 member(Y,[1,2,3,4,5,6,7,8]),
 noattack(X/Y,Others).`

`noattack(-,[]).`

`noattack(X/Y,[X1/Y1|Others]) :- X=\=X1, Y=\=Y1, Y1-Y=\=X1-X,
 Y1-Y=\=X-X1, noattack(X/Y,Others).`

`template([X1/Y1, X2/Y2, X3/Y3, X4/Y4, X5/Y5, X6/Y6, X7/Y7, X8/Y8]).`

?– `solution(Solution).`

`Solution = [8/4, 7/2, 6/7, 5/3, 4/6, 3/8, 2/5, 1/1] ;`

`Solution = [7/2, 8/4, 6/7, 5/3, 4/6, 3/8, 2/5, 1/1] ;`

`Yes`

Problém osmi dam II

počet možností u řešení I = $64 \cdot 63 \cdot 62 \dots \cdot 57 \approx 1.8 \times 10^{14}$

omezení **stavového prostoru** – každá dáma má svůj sloupec

počet možností u řešení II = $8 \cdot 7 \cdot 6 \dots \cdot 1 = 40320$

```
solution(S) :- template(S), sol(S).
```

```
sol([]).
```

```
sol([X/Y|Others]) :- sol(Others), member(Y,[1,2,3,4,5,6,7,8]),
                    noattack(X/Y,Others).
```

```
noattack(-,[]).
```

```
noattack(X/Y,[X1/Y1|Others]) :- Y=\=Y1, Y1-Y=\=X1-X, Y1-Y=\=X-X1,
                                noattack(X/Y,Others).
```

```
template([1/Y1,2/Y2,3/Y3,4/Y4,5/Y5,6/Y6,7/Y7,8/Y8]).
```

Problém osmi dam II

počet možností u řešení I = $64 \cdot 63 \cdot 62 \dots \cdot 57 \approx 1.8 \times 10^{14}$

omezení **stavového prostoru** – každá dáma má svůj sloupec

počet možností u řešení II = $8 \cdot 7 \cdot 6 \dots \cdot 1 = 40320$

```
solution(S) :- template(S), sol(S).
```

```
sol([]).
```

```
sol([X/Y|Others]) :- sol(Others), member(Y,[1,2,3,4,5,6,7,8]),
                    noattack(X/Y,Others).
```

```
noattack(-,[]).
```

```
noattack(X/Y,[X1/Y1|Others]) :- Y=\=Y1, Y1-Y=\=X1-X, Y1-Y=\=X-X1,
                                noattack(X/Y,Others).
```

```
template([1/Y1,2/Y2,3/Y3,4/Y4,5/Y5,6/Y6,7/Y7,8/Y8]).
```


Problém osmi dam II

počet možností u řešení I = $64 \cdot 63 \cdot 62 \dots \cdot 57 \approx 1.8 \times 10^{14}$

omezení **stavového prostoru** – každá dáma má svůj sloupec

počet možností u řešení II = $8 \cdot 7 \cdot 6 \dots \cdot 1 = 40\,320$

```
solution(S) :- template(S), sol(S).
```

```
sol([]).
```

```
sol([X/Y|Others]) :- sol(Others), member(Y,[1,2,3,4,5,6,7,8]),
                    noattack(X/Y,Others).
```

```
noattack(-,[]).
```

```
noattack(X/Y,[X1/Y1|Others]) :- Y=\=Y1, Y1-Y=\=X1-X, Y1-Y=\=X-X1,
                                noattack(X/Y,Others).
```

```
template([1/Y1,2/Y2,3/Y3,4/Y4,5/Y5,6/Y6,7/Y7,8/Y8]).
```

Problém osmi dam III

k souřadnicím x a y \longrightarrow přidáme i souřadnice diagonály u a v

$$u = x - y \qquad D_x = [1..8] \qquad \longrightarrow \qquad D_u = [-7..7]$$

$$v = x + y \qquad D_y = [1..8] \qquad \qquad \qquad D_v = [2..16]$$

po každém umístění dámy aktualizujeme **seznamy volných pozic**

počet možností u řešení III = 2 057

```

solution(YList) :- sol(YList,[1,2,3,4,5,6,7,8],[1,2,3,4,5,6,7,8],
                      [-7,-6,-5,-4,-3,-2,-1,0,1,2,3,4,5,6,7],
                      [2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16]).

sol([],[],Dy,Du,Dv).
sol([Y|YList],[X|Dx1],Dy,Du,Dv) :- del(Y,Dy,Dy1), U is X-Y,
    del(U,Du,Du1), V is X+Y, del(V,Dv,Dv1), sol(YList,Dx1,Dy1,Du1,Dv1).

% když del nenajde Item, končí neúspěchem
del(Item,[Item|List],List).
del(Item,[First|List],[First|List1]) :- del(Item,List,List1).
  
```

Problém n dam pro $n = 100$:

řešení I ... 10^{400}

řešení II ... 10^{158}

řešení III ... 10^{52}

Problém osmi dam III

k souřadnicím x a y \longrightarrow přidáme i souřadnice diagonály u a v

$$u = x - y \qquad D_x = [1..8] \qquad \longrightarrow \qquad D_u = [-7..7]$$

$$v = x + y \qquad D_y = [1..8] \qquad \qquad \qquad D_v = [2..16]$$

po každém umístění dámy aktualizujeme seznamy volných pozic

počet možností u řešení III = 2 057

```

solution(YList) :- sol(YList,[1,2,3,4,5,6,7,8],[1,2,3,4,5,6,7,8],
    [-7,-6,-5,-4,-3,-2,-1,0,1,2,3,4,5,6,7],
    [2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16]).

sol([],[],Dy,Du,Dv).
sol([Y|YList],[X|Dx1],Dy,Du,Dv) :- del(Y,Dy,Dy1), U is X-Y,
    del(U,Du,Du1), V is X+Y, del(V,Dv,Dv1), sol(YList,Dx1,Dy1,Du1,Dv1).

% když del nenajde Item, končí neúspěchem
del(Item,[Item|List],List).
del(Item,[First|List],[First|List1]) :- del(Item,List,List1).
  
```

Problém n dam pro $n = 100$:

řešení I ... 10^{400}

řešení II ... 10^{158}

řešení III ... 10^{52}

Problém osmi dam III

k souřadnicím x a y \longrightarrow přidáme i souřadnice diagonály u a v

$$u = x - y \qquad D_x = [1..8] \qquad \longrightarrow \qquad D_u = [-7..7]$$

$$v = x + y \qquad D_y = [1..8] \qquad \qquad \qquad D_v = [2..16]$$

po každém umístění dámy aktualizujeme seznamy volných pozic

počet možností u řešení III = 2 057

```
solution(YList) :- sol(YList,[1,2,3,4,5,6,7,8],[1,2,3,4,5,6,7,8],
    [-7,-6,-5,-4,-3,-2,-1,0,1,2,3,4,5,6,7],
    [2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16]).
```

```
sol([],[],Dy,Du,Dv).
```

```
sol([Y|YList],[X|Dx1],Dy,Du,Dv) :- del(Y,Dy,Dy1), U is X-Y,
    del(U,Du,Du1), V is X+Y, del(V,Dv,Dv1), sol(YList,Dx1,Dy1,Du1,Dv1).
```

```
% když del nenajde Item, končí neúspěchem
```

```
del(Item,[Item|List],List).
```

```
del(Item,[First|List],[First|List1]) :- del(Item,List,List1).
```

Problém n dam pro $n = 100$:

řešení I ... 10^{400}

řešení II ... 10^{158}

řešení III ... 10^{52}

Problém osmi dam III

k souřadnicím x a y \longrightarrow přidáme i souřadnice diagonály u a v

$$u = x - y \qquad D_x = [1..8] \qquad \longrightarrow \qquad D_u = [-7..7]$$

$$v = x + y \qquad D_y = [1..8] \qquad \qquad \qquad D_v = [2..16]$$

po každém umístění dámy aktualizujeme seznamy volných pozic

počet možností u řešení III = 2057

```
solution(YList) :- sol(YList,[1,2,3,4,5,6,7,8],[1,2,3,4,5,6,7,8],
    [-7,-6,-5,-4,-3,-2,-1,0,1,2,3,4,5,6,7],
    [2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16]).
```

```
sol([],[],Dy,Du,Dv).
```

```
sol([Y|YList],[X|Dx1],Dy,Du,Dv) :- del(Y,Dy,Dy1), U is X-Y,
    del(U,Du,Du1), V is X+Y, del(V,Dv,Dv1), sol(YList,Dx1,Dy1,Du1,Dv1).
```

```
% když del nenajde Item, končí neúspěchem
```

```
del(Item,[Item|List],List).
```

```
del(Item,[First|List],[First|List1]) :- del(Item,List,List1).
```

Problém n dam pro $n = 100$:

řešení I ... 10^{400}

řešení II ... 10^{158}

řešení III ... 10^{52}

Problém osmi dam III

k souřadnicím x a y \longrightarrow přidáme i souřadnice diagonály u a v

$$u = x - y \qquad D_x = [1..8] \qquad \longrightarrow \qquad D_u = [-7..7]$$

$$v = x + y \qquad D_y = [1..8] \qquad \qquad \qquad D_v = [2..16]$$

po každém umístění dámy aktualizujeme seznamy volných pozic

počet možností u řešení III = 2 057

```
solution(YList) :- sol(YList,[1,2,3,4,5,6,7,8],[1,2,3,4,5,6,7,8],
    [-7,-6,-5,-4,-3,-2,-1,0,1,2,3,4,5,6,7],
    [2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16]).
```

```
sol([],[],Dy,Du,Dv).
```

```
sol([Y|YList],[X|Dx1],Dy,Du,Dv) :- del(Y,Dy,Dy1), U is X-Y,
    del(U,Du,Du1), V is X+Y, del(V,Dv,Dv1), sol(YList,Dx1,Dy1,Du1,Dv1).
```

```
% když del nenajde Item, končí neúspěchem
```

```
del(Item,[Item|List],List).
```

```
del(Item,[First|List],[First|List1]) :- del(Item,List,List1).
```

Problém n dam pro $n = 100$:

řešení I ... 10^{400}

řešení II ... 10^{158}

řešení III ... 10^{52}

Problém osmi dam III

k souřadnicím x a y \longrightarrow přidáme i souřadnice diagonály u a v

$$u = x - y \qquad D_x = [1..8] \qquad \longrightarrow \qquad D_u = [-7..7]$$

$$v = x + y \qquad D_y = [1..8] \qquad \qquad \qquad D_v = [2..16]$$

po každém umístění dámy aktualizujeme seznamy volných pozic

počet možností u řešení III = 2 057

```
solution(YList) :- sol(YList,[1,2,3,4,5,6,7,8],[1,2,3,4,5,6,7,8],
    [-7,-6,-5,-4,-3,-2,-1,0,1,2,3,4,5,6,7],
    [2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16]).
```

```
sol([],[],Dy,Du,Dv).
```

```
sol([Y|YList],[X|Dx1],Dy,Du,Dv) :- del(Y,Dy,Dy1), U is X-Y,
    del(U,Du,Du1), V is X+Y, del(V,Dv,Dv1), sol(YList,Dx1,Dy1,Du1,Dv1).
```

```
% když del nenajde Item, končí neúspěchem
```

```
del(Item,[Item|List],List).
```

```
del(Item,[First|List],[First|List1]) :- del(Item,List,List1).
```

Problém n dam pro $n = 100$:

řešení I ... 10^{400} řešení II ... 10^{158}

řešení III ... 10^{52}

Problém osmi dam III

k souřadnicím x a y \longrightarrow přidáme i souřadnice diagonály u a v

$$u = x - y \qquad D_x = [1..8] \qquad \longrightarrow \qquad D_u = [-7..7]$$

$$v = x + y \qquad D_y = [1..8] \qquad \qquad \qquad D_v = [2..16]$$

po každém umístění dámy aktualizujeme seznamy volných pozic

počet možností u řešení III = 2057

```
solution(YList) :- sol(YList,[1,2,3,4,5,6,7,8],[1,2,3,4,5,6,7,8],
    [-7,-6,-5,-4,-3,-2,-1,0,1,2,3,4,5,6,7],
    [2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16]).
```

```
sol([],[],Dy,Du,Dv).
```

```
sol([Y|YList],[X|Dx1],Dy,Du,Dv) :- del(Y,Dy,Dy1), U is X-Y,
    del(U,Du,Du1), V is X+Y, del(V,Dv,Dv1), sol(YList,Dx1,Dy1,Du1,Dv1).
```

```
% když del nenajde Item, končí neúspěchem
```

```
del(Item,[Item|List],List).
```

```
del(Item,[First|List],[First|List1]) :- del(Item,List,List1).
```

Problém n dam pro $n = 100$:

řešení I ... 10^{400}

řešení II ... 10^{158}

řešení III ... 10^{52}

Prohledávání stavového prostoru

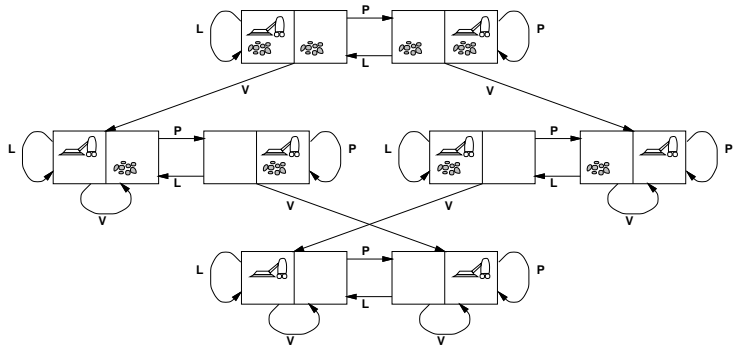
Řešení problému prohledáváním stavového prostoru:

- **stavový prostor**, předpoklady – statické a deterministické prostředí, diskrétní stavy
- *počáteční stav* **init(State)**
- *cílová podmínka* **goal(State)**
- *přechodové akce* **move(State,NewState)**

Prohledávací strategie – prohledávací strom:

- *kořenový uzel*
- *uzel* prohledávacího stromu:
 - *stav*
 - *rodičovský uzel*
 - *přechodová akce*
 - *hloubka uzlu*
 - *cena* – $g(n)$ cesty, $c(x, a, y)$ přechodu
- *(optimální) řešení*

Problém agenta Vysavače



- máme dvě **místnosti** (L, P)
- jeden **vysavač** (v L nebo P)
- v každé místnosti je/není špína
- počet **stavů** je $2 \times 2^2 = 8$
- **akce** = {doLeva, doPrava, Vysávej}

Další příklad – posunovačka

počáteční stav (např.)

| | | |
|---|---|---|
| 7 | 2 | 4 |
| 5 | | 6 |
| 8 | 3 | 1 |

→ ... →

cílový stav

| | | |
|---|---|---|
| | 1 | 2 |
| 3 | 4 | 5 |
| 6 | 7 | 8 |

- hra na čtvercové šachovnici $m \times m$ s $n = m^2 - 1$ očíslovanými kameny
- příklad pro šachovnici 3×3 , posunování osmi kamenů (8-posunovačka)
- **stavy** – pozice všech kamenů
- **akce** – “pohyb” prázdného místa

☞ **Optimální řešení** obecné n -posunovačky je **NP-úplné**

| | | | |
|-------------|------------------|-----|-------------------|
| Počet stavů | u 8-posunovačky | ... | $9!/2 = 181\,440$ |
| | u 15-posunovačky | ... | 10^{13} |
| | u 24-posunovačky | ... | 10^{25} |

Další příklad – posunovačka

počáteční stav (např.)

| | | |
|---|---|---|
| 7 | 2 | 4 |
| 5 | | 6 |
| 8 | 3 | 1 |

→ ... →

cílový stav

| | | |
|---|---|---|
| | 1 | 2 |
| 3 | 4 | 5 |
| 6 | 7 | 8 |

- hra na čtvercové šachovnici $m \times m$ s $n = m^2 - 1$ očíslovanými kameny
- příklad pro šachovnici 3×3 , posunování osmi kamenů (8-posunovačka)
- **stavy** – pozice všech kamenů
- **akce** – “pohyb” prázdného místa

☞ **Optimální řešení** obecné n -posunovačky je **NP-úplné**

| | | | |
|-------------|------------------|-----|-------------------|
| Počet stavů | u 8-posunovačky | ... | $9!/2 = 181\,440$ |
| | u 15-posunovačky | ... | 10^{13} |
| | u 24-posunovačky | ... | 10^{25} |

Reálné problémy řešitelné prohledáváním

- hledání cesty z města A do města B
- hledání itineráře, problém obchodního cestujícího
- návrh VLSI čipu
- navigace auta, robota, . . .
- postup práce automatické výrobní linky
- návrh proteinů – 3D-sekvence aminokyselin
- Internetové vyhledávání informací

Řešení problému prohledáváním

Kostrá algoritmu:

```
solution(Solution) :- init(State),solve(State,Solution).
```

```
solve(State,[State]) :- goal(State).
```

```
solve(State,[State|Sol]) :- move(State,NewState),solve(NewState,Sol).
```

move(State,NewState) – definuje prohledávací **strategii**

Porovnání strategií:

složitost závisí na:

- úplnost
 - optimálnost
 - časová složitost
 - prostorová složitost
- b – faktor **větvení** (branching factor)
 - d – hloubka cíle (goal depth)
 - m – maximální hloubka větve/délka cesty (maximum depth/path, může být ∞ ?)

Řešení problému prohledáváním

Kostra algoritmu:

```
solution(Solution) :- init(State),solve(State,Solution).
```

```
solve(State,[State]) :- goal(State).
```

```
solve(State,[State|Sol]) :- move(State,NewState),solve(NewState,Sol).
```

move(State,NewState) – definuje prohledávací **strategii**

Porovnání strategií:

- úplnost
- optimálnost
- časová složitost
- prostorová složitost

složitost závisí na:

- b – faktor **větvení** (branching factor)
- d – hloubka cíle (goal depth)
- m – maximální hloubka větve/délka cesty (maximum depth/path, může být ∞ ?)

Řešení problému prohledáváním

Kostra algoritmu:

```
solution(Solution) :- init(State),solve(State,Solution).
```

```
solve(State,[State]) :- goal(State).
```

```
solve(State,[State|Sol]) :- move(State,NewState),solve(NewState,Sol).
```

move(State,NewState) – definuje prohledávací **strategii**

Porovnání strategií:

- úplnost
- optimálnost
- časová složitost
- prostorová složitost

složitost závisí na:

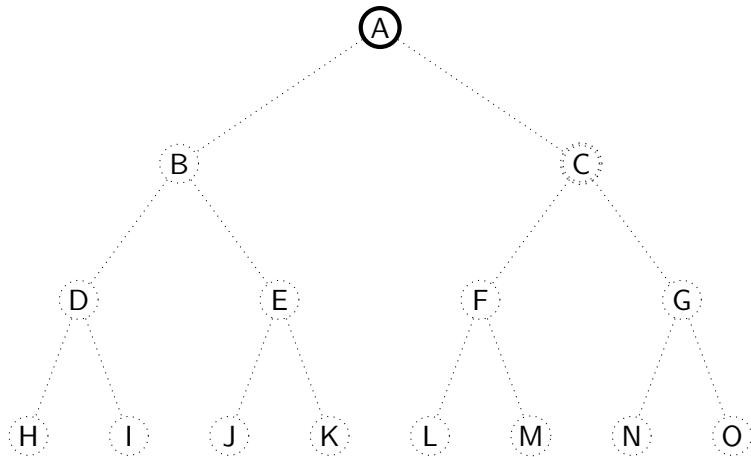
- b – faktor **větvení** (branching factor)
- d – hloubka cíle (goal depth)
- m – maximální hloubka větve/délka cesty (maximum depth/path, může být ∞ ?)

Neinformované prohledávání

- prohledávání do hloubky
- prohledávání do hloubky s limitem
- prohledávání do šířky
- prohledávání podle ceny
- prohledávání s postupným prohlubováním

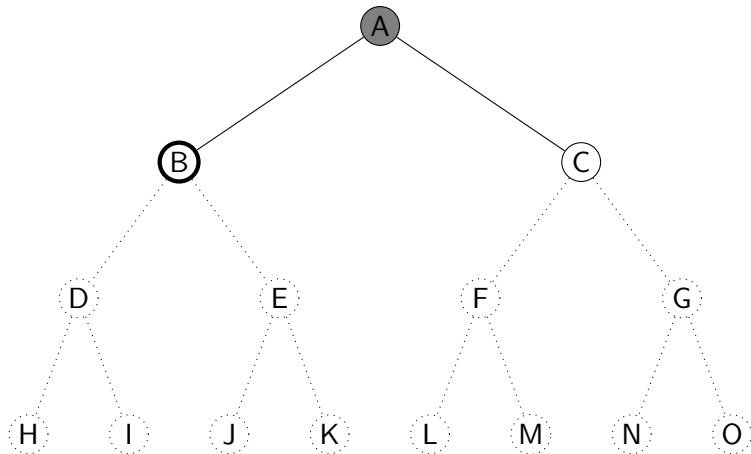
Prohledávání do hloubky

Prohledává se vždy nejlevější a nejhlubší neexpandovaný uzel (*Depth-first Search, DFS*)



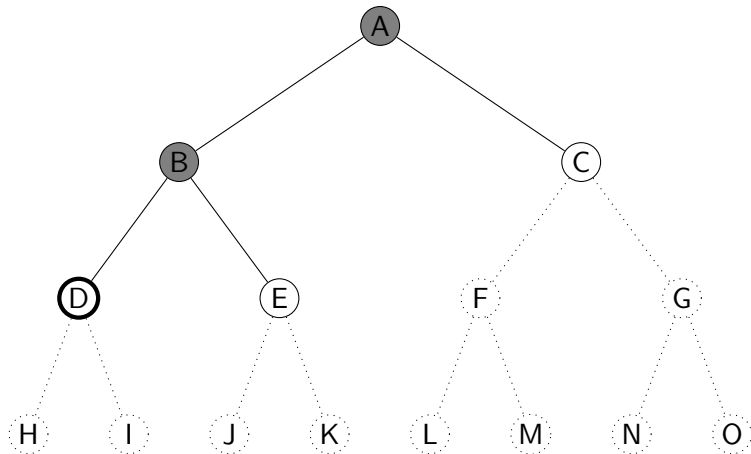
Prohledávání do hloubky

Prohledává se vždy nejlevější a nejhlubší neexpandovaný uzel (*Depth-first Search, DFS*)



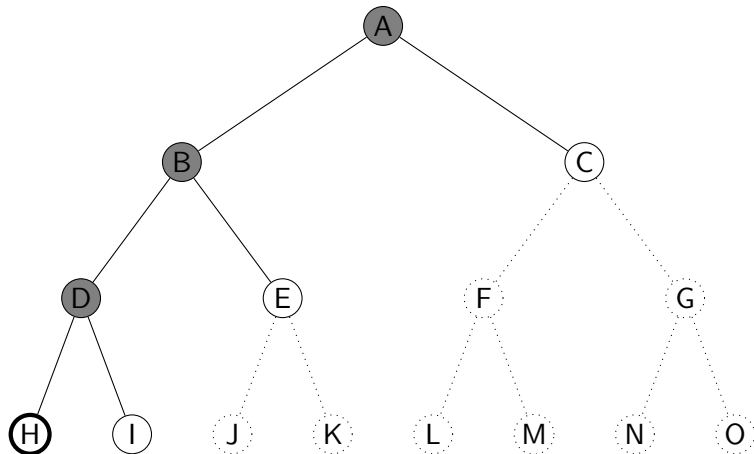
Prohledávání do hloubky

Prohledává se vždy nejlevější a nejhlubší neexpandovaný uzel (*Depth-first Search, DFS*)



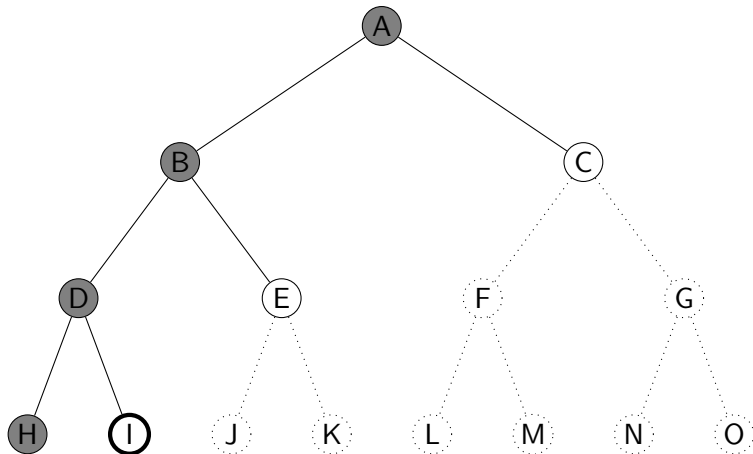
Prohledávání do hloubky

Prohledává se vždy nejlevější a nejhlubší neexpandovaný uzel (*Depth-first Search, DFS*)



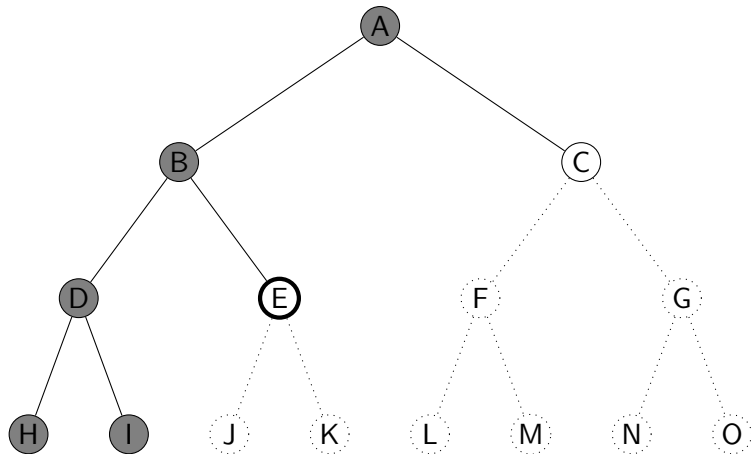
Prohledávání do hloubky

Prohledává se vždy nejlevější a nejhlubší neexpandovaný uzel (*Depth-first Search, DFS*)



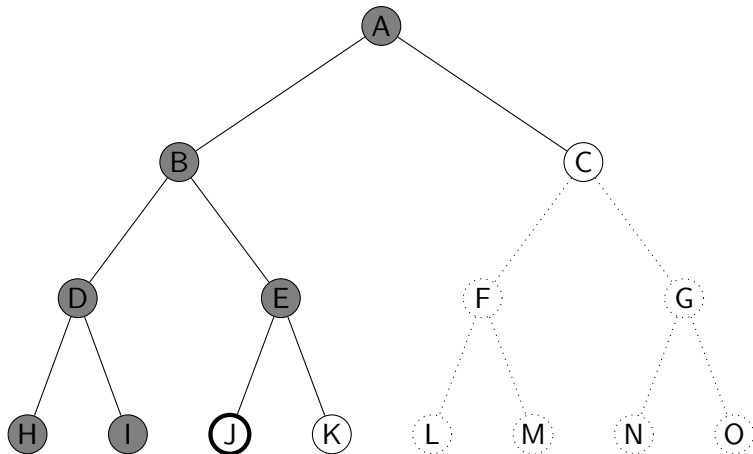
Prohledávání do hloubky

Prohledává se vždy nejlevější a nejhlubší neexpandovaný uzel (*Depth-first Search, DFS*)



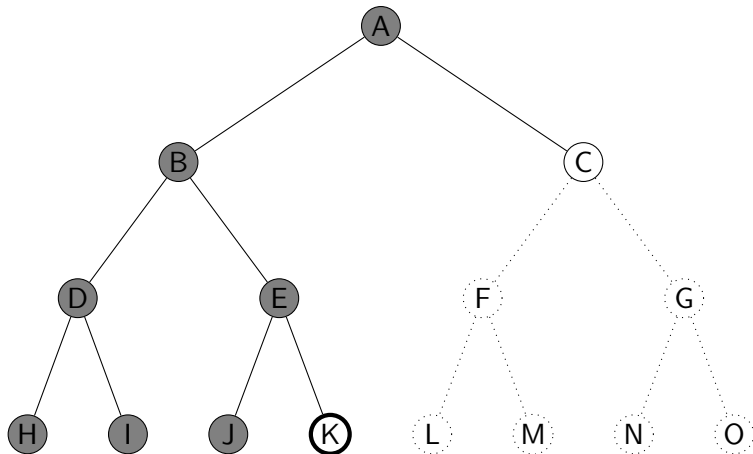
Prohledávání do hloubky

Prohledává se vždy nejlevější a nejhlubší neexpandovaný uzel (*Depth-first Search, DFS*)



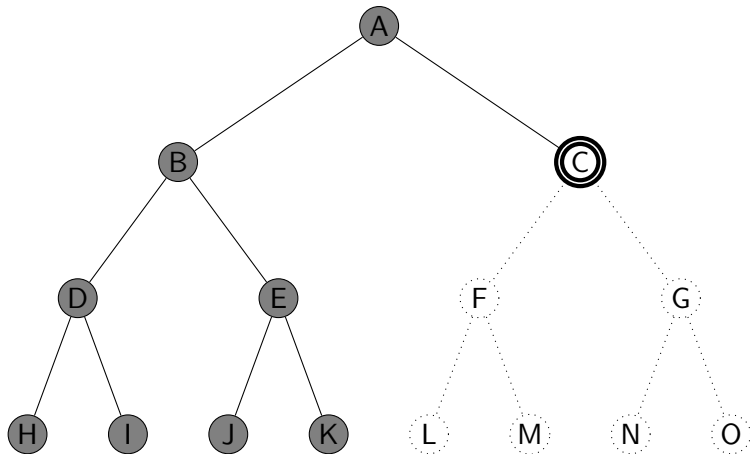
Prohledávání do hloubky

Prohledává se vždy nejlevější a nejhlubší neexpandovaný uzel (*Depth-first Search, DFS*)



Prohledávání do hloubky

Prohledává se vždy nejlevější a nejhlubší neexpandovaný uzel (*Depth-first Search, DFS*)



Prohledávání do hloubky

procedurální programovací jazyk – uzly se uloží do **zásobníku** (fronty LIFO) × Prolog – využití **rekurze**

```
solution(Node,Solution) :- depth_first_search([],Node,Solution).
```

```
depth_first_search(Path,Node,[Node|Path]) :- goal(Node).
```

```
depth_first_search(Path,Node,Sol) :- move(Node,Node1),  
    \+ member(Node1,Path),depth_first_search([Node|Path],Node1,Sol).
```

Prohledávání do hloubky

procedurální programovací jazyk – uzly se uloží do **zásobníku** (fronty LIFO) × Prolog – využití **rekurze**

```
solution(Node,Solution) :- depth_first_search([],Node,Solution).
```

```
depth_first_search(Path,Node,[Node|Path]) :- goal(Node).
```

```
depth_first_search(Path,Node,Sol) :- move(Node,Node1),  
    \+ member(Node1,Path),depth_first_search([Node|Path],Node1,Sol).
```

Prohledávání do hloubky – vlastnosti

| | |
|-----------------------------|-------------------------------------|
| <i>úplnost</i> | není úplný (nekonečná větev, cykly) |
| <i>optimálnost</i> | není optimální |
| <i>časová složitost</i> | $O(b^m)$ |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(bm)$, lineární |

Největší problém – nekonečná větev = nenajde se cíl, program neskončí!

Prohledávání do hloubky – vlastnosti

| | |
|-----------------------------|-------------------------------------|
| <i>úplnost</i> | není úplný (nekonečná větev, cykly) |
| <i>optimálnost</i> | není optimální |
| <i>časová složitost</i> | $O(b^m)$ |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(bm)$, lineární |

Největší problém – nekonečná větev = nenajde se cíl, program neskončí!

Prohledávání do hloubky – vlastnosti

| | |
|-----------------------------|-------------------------------------|
| <i>úplnost</i> | není úplný (nekonečná větev, cykly) |
| <i>optimálnost</i> | není optimální |
| <i>časová složitost</i> | $O(b^m)$ |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(bm)$, lineární |

Největší problém – nekonečná větev = nenajde se cíl, program neskončí!

Prohledávání do hloubky – vlastnosti

| | |
|-----------------------------|-------------------------------------|
| <i>úplnost</i> | není úplný (nekonečná větev, cykly) |
| <i>optimálnost</i> | není optimální |
| <i>časová složitost</i> | $O(b^m)$ |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(bm)$, lineární |

Největší problém – nekonečná větev = nenajde se cíl, program neskončí!

Prohledávání do hloubky – vlastnosti

| | |
|-----------------------------|-------------------------------------|
| <i>úplnost</i> | není úplný (nekonečná větev, cykly) |
| <i>optimálnost</i> | není optimální |
| <i>časová složitost</i> | $O(b^m)$ |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(bm)$, lineární |

Největší problém – nekonečná větev = nenajde se cíl, program neskončí!

Prohledávání do hloubky – vlastnosti

| | |
|-----------------------------|-------------------------------------|
| <i>úplnost</i> | není úplný (nekonečná větev, cykly) |
| <i>optimálnost</i> | není optimální |
| <i>časová složitost</i> | $O(b^m)$ |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(bm)$, lineární |

Největší problém – nekonečná větev = nenajde se cíl, program neskončí!

Prohledávání do hloubky s limitem

Řešení nekonečné větve – použití “zarážky” = limit hloubky ℓ

```
solution(Node,Solution) :- depth_first_search_limit(Node,Solution, $\ell$ ).
```

```
depth_first_search_limit(Node,[Node],_) :- goal(Node).
```

```
depth_first_search_limit(Node,[Node|Sol],MaxDepth) :- MaxDepth > 0,  
  move(Node,Node1), Max1 is MaxDepth-1,  
  depth_first_search_limit(Node1,Sol,Max1).
```

neúspěch (**fail**) má dvě možné interpretace – vyčerpání limitu nebo neexistenci řešení

Vlastnosti:

| | |
|-----------------------------|----------------------------------|
| <i>úplnost</i> | není úplný (pro $\ell < d$) |
| <i>optimálnost</i> | není optimální (pro $\ell > d$) |
| <i>časová složitost</i> | $O(b^\ell)$ |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(b\ell)$ |

dobrá volba limitu ℓ – podle znalosti problému

Prohledávání do hloubky s limitem

Řešení nekonečné větve – použití “zarážky” = limit hloubky ℓ

```
solution(Node,Solution) :- depth_first_search_limit(Node,Solution, $\ell$ ).
```

```
depth_first_search_limit(Node,[Node],_) :- goal(Node).
```

```
depth_first_search_limit(Node,[Node|Sol],MaxDepth) :- MaxDepth > 0,  
  move(Node,Node1), Max1 is MaxDepth-1,  
  depth_first_search_limit(Node1,Sol,Max1).
```

neúspěch (**fail**) má dvě možné interpretace – vyčerpání limitu nebo neexistenci řešení

Vlastnosti:

| | |
|-----------------------------|----------------------------------|
| <i>úplnost</i> | není úplný (pro $\ell < d$) |
| <i>optimálnost</i> | není optimální (pro $\ell > d$) |
| <i>časová složitost</i> | $O(b^\ell)$ |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(b\ell)$ |

dobrá volba limitu ℓ – podle znalosti problému

Prohledávání do hloubky s limitem

Řešení nekonečné větve – použití “zarážky” = limit hloubky ℓ

```
solution(Node,Solution) :- depth_first_search_limit(Node,Solution, $\ell$ ).
```

```
depth_first_search_limit(Node,[Node],_) :- goal(Node).
```

```
depth_first_search_limit(Node,[Node|Sol],MaxDepth) :- MaxDepth > 0,  
  move(Node,Node1), Max1 is MaxDepth-1,  
  depth_first_search_limit(Node1,Sol,Max1).
```

neúspěch (**fail**) má dvě možné interpretace – vyčerpání limitu nebo neexistenci řešení

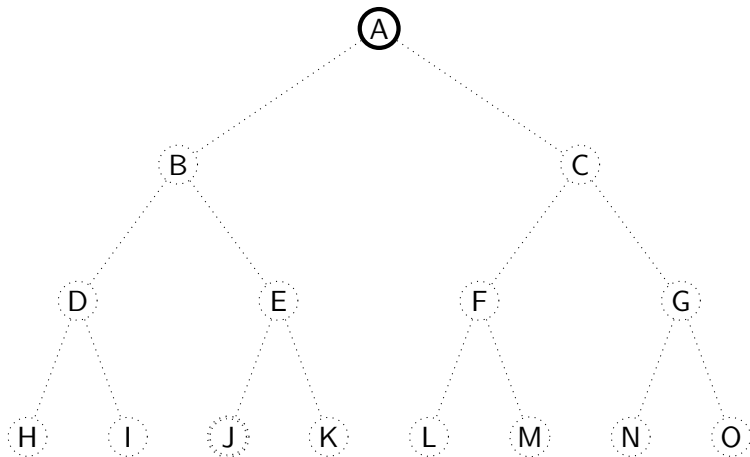
Vlastnosti:

| | |
|-----------------------------|----------------------------------|
| <i>úplnost</i> | není úplný (pro $\ell < d$) |
| <i>optimálnost</i> | není optimální (pro $\ell > d$) |
| <i>časová složitost</i> | $O(b^\ell)$ |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(b\ell)$ |

dobrá volba limitu ℓ – podle znalosti problému

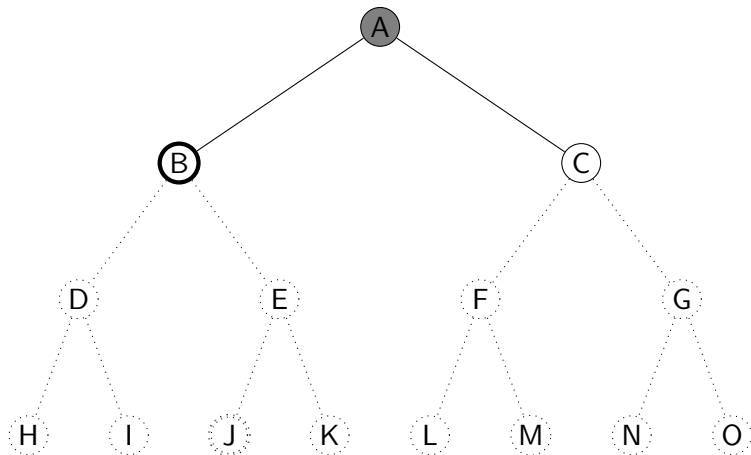
Prohledávání do šířky

Prohledává se vždy nejlevější neexpandovaný uzel s nejmenší hloubkou.
(*Breadth-first Search, BFS*)



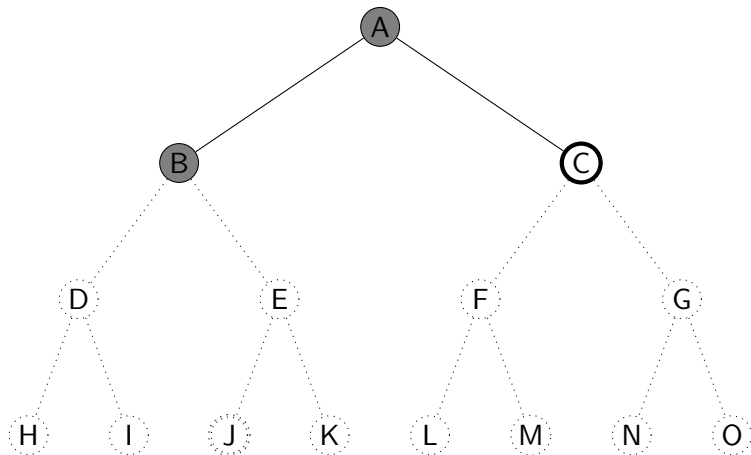
Prohledávání do šířky

Prohledává se vždy nejlevější neexpandovaný uzel s nejmenší hloubkou.
(*Breadth-first Search, BFS*)



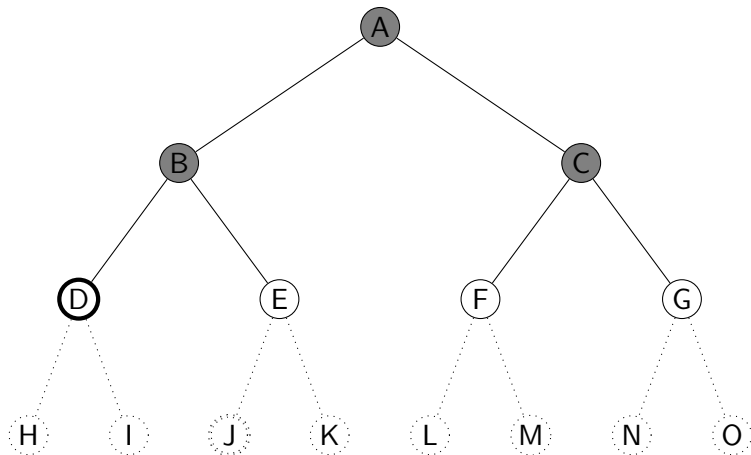
Prohledávání do šířky

Prohledává se vždy nejlevější neexpandovaný uzel s nejmenší hloubkou.
(*Breadth-first Search, BFS*)



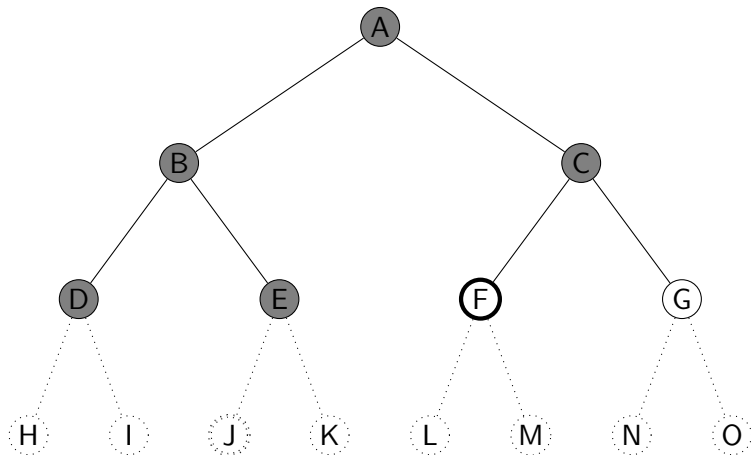
Prohledávání do šířky

Prohledává se vždy nejlevější neexpandovaný uzel s nejmenší hloubkou.
(*Breadth-first Search, BFS*)



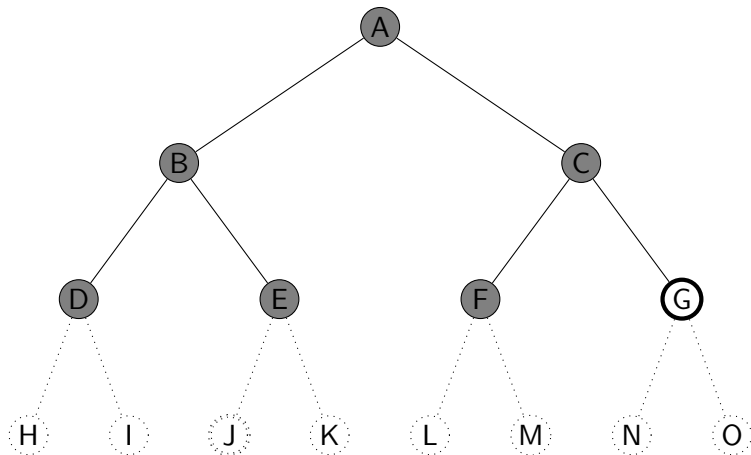
Prohledávání do šířky

Prohledává se vždy nejlevější neexpandovaný uzel s nejmenší hloubkou.
(*Breadth-first Search, BFS*)



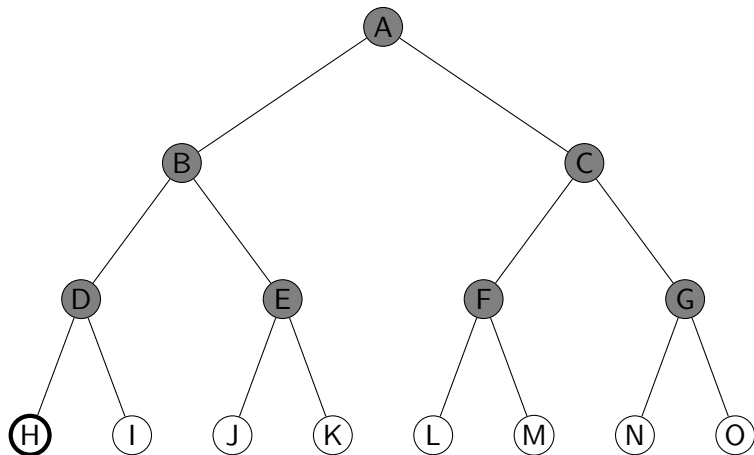
Prohledávání do šířky

Prohledává se vždy nejlevější neexpandovaný uzel s nejmenší hloubkou.
(*Breadth-first Search, BFS*)



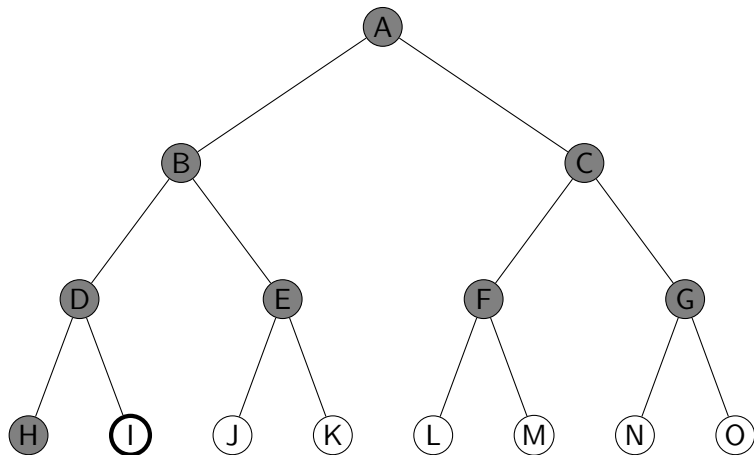
Prohledávání do šířky

Prohledává se vždy nejlevější neexpandovaný uzel s nejmenší hloubkou.
(*Breadth-first Search, BFS*)



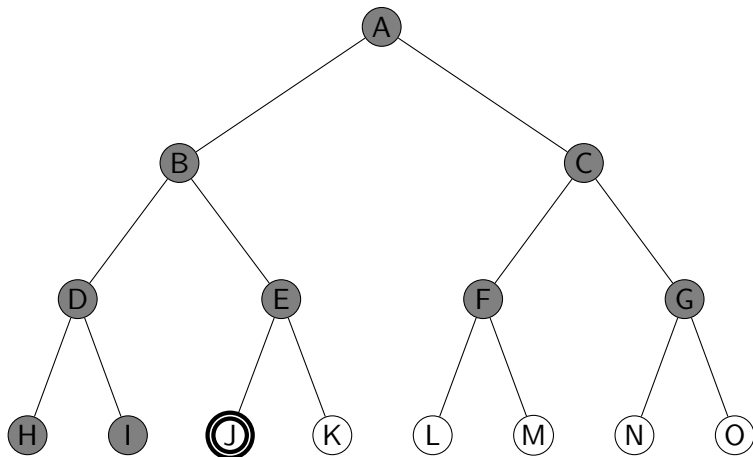
Prohledávání do šířky

Prohledává se vždy nejlevější neexpandovaný uzel s nejmenší hloubkou.
(*Breadth-first Search, BFS*)



Prohledávání do šířky

Prohledává se vždy nejlevější neexpandovaný uzel s nejmenší hloubkou.
(*Breadth-first Search, BFS*)



Prohledávání do šířky

procedurální programovací jazyk – uzly se uloží do **fronty** (FIFO) × Prolog
 – udržuje **seznam cest**

```
solution(Start,Solution) :- breadth_first_search([[Start]],Solution).
```

```
breadth_first_search([[Node|Path]|_],[Node|Path]) :- goal(Node).
```

```
breadth_first_search([[N|Path]|Paths],Solution) :-
```

```
  bagof([M,N|Path], (move(N,M), \+ member(M,[N|Path])), NewPaths),
```

```
  NewPaths\=[], append(Paths,NewPaths,Path1), !,
```

```
  breadth_first_search(Path1,Solution); breadth_first_search(Paths,Solution).
```

Vylepšení:

- **append** → **append_dl**

- seznam cest:

| | | |
|--|---|--|
| <pre>[[a]] [[b,a],[c,a]] [[c,a],[d,b,a],[e,b,a]] [[d,b,a],[e,b,a],[f,c,a],[g,c,a]]</pre> | → | <pre>l(a) t(a,[l(b),l(c)]) t(a,[t(b,[l(d),l(e)]),l(c)]) t(a,[t(b,[l(d),l(e)]),t(c,[l(f),l(g)])])</pre> |
|--|---|--|

Prohledávání do šířky

procedurální programovací jazyk – uzly se uloží do **fronty** (FIFO) × Prolog
 – udržuje **seznam cest**

```
solution(Start,Solution) :- breadth_first_search([[Start]],Solution)
```

```
breadth_first_search([[Node|Path]|_],[Node|Path]) :- goal(Node).
```

```
breadth_first_search([[N|Path]|Paths],Solution) :-
```

```
    bagof([M,N|Path], (move(N,M), \+ member(M,[N|Path])), NewPaths),
```

```
    NewPaths\=[], append(Paths,NewPaths,Path1), !,
```

```
    breadth_first_search(Path1,Solution); breadth_first_search(Paths,Solution).
```

bagof(+Prom,+Cíl,-Sezn) postupně
 vyhodnocuje **Cíl** a všechny vyhovující
 instance **Prom** řadí do seznamu **Sezn**

Vylepšení:

- **append** → **append_dl**

- seznam cest:

```
[[a]]
[[b,a],[c,a]]
[[c,a],[d,b,a],[e,b,a]]
[[d,b,a],[e,b,a],[f,c,a],[g,c,a]]
```

→

```
l(a)
t(a,[l(b),l(c)])
t(a,[t(b,[l(d),l(e)]),l(c)])
t(a,[t(b,[l(d),l(e)]),t(c,[l(f),l(g)])])
```


Prohledávání do šířky

procedurální programovací jazyk – uzly se uloží do **fronty** (FIFO) × Prolog
 – udržuje **seznam cest**

```
solution(Start,Solution) :- breadth_first_search([[Start]],Solution)
```

```
breadth_first_search([[Node|Path]|_],[Node|Path]) :- goal(Node).
```

```
breadth_first_search([[N|Path]|Paths],Solution) :-
```

```
  bagof([M,N|Path], (move(N,M), \+ member(M,[N|Path])), NewPaths),
```

```
  NewPaths\=[], append(Paths,NewPaths,Path1), !,
```

```
  breadth_first_search(Path1,Solution); breadth_first_search(Paths,Solution).
```

bagof(+Prom,+Cíl,-Sezn) postupně
 vyhodnocuje **Cíl** a všechny vyhovující
 instance **Prom** řadí do seznamu **Sezn**

p :- a,b;c. ⇔ p :- (a,b);c.

Vylepšení:

- **append** → **append_dl**

- seznam cest:

```
[[a]]
[[b,a],[c,a]]
[[c,a],[d,b,a],[e,b,a]]
[[d,b,a],[e,b,a],[f,c,a],[g,c,a]]
```

→

```
l(a)
t(a,[l(b),l(c)])
t(a,[t(b,[l(d),l(e)]),l(c)])
t(a,[t(b,[l(d),l(e)]),t(c,[l(f),l(g)])])
```

Prohledávání do šířky

procedurální programovací jazyk – uzly se uloží do **fronty** (FIFO) × Prolog
 – udržuje **seznam cest**

```
solution(Start,Solution) :- breadth_first_search([[Start]],Solution)
```

```
breadth_first_search([[Node|Path]|_],[Node|Path]) :- goal(Node).
```

```
breadth_first_search([[N|Path]|Paths],Solution) :-
```

```
  bagof([M,N|Path], (move(N,M), \+ member(M,[N|Path])), NewPaths),
```

```
  NewPaths\=[], append(Paths,NewPaths,Path1), !,
```

```
  breadth_first_search(Path1,Solution); breadth_first_search(Paths,Solution).
```

bagof(+Prom,+Cíl,-Sezn) postupně
 vyhodnocuje **Cíl** a všechny vyhovující
 instance **Prom** řadí do seznamu **Sezn**

p :- a,b;c. ⇔ p :- (a,b);c.

Vylepšení:

- **append** → **append_dl**
- seznam cest:

```
[[a]]
[[b,a],[c,a]]
[[c,a],[d,b,a],[e,b,a]]
[[d,b,a],[e,b,a],[f,c,a],[g,c,a]]
```

→

```
l(a)
t(a,[l(b),l(c)])
t(a,[t(b,[l(d),l(e)]),l(c)])
t(a,[t(b,[l(d),l(e)]),t(c,[l(f),l(g)])])
```

Prohledávání do šířky – vlastnosti

úplnost

je úplný (pro konečné b)

optimálnost

je optimální podle délky cesty/**není** optimální podle obecné ceny

časová složitost

$1 + b + b^2 + b^3 + \dots + b^d + b(b^d - 1) = O(b^{d+1})$,
exponenciální v d

prostorová složitost

$O(b^{d+1})$ (každý uzel v paměti)

Největší problém – paměť:

| Hloubka | Uzlů | Čas | Paměť |
|---------|-----------|----------|--------|
| 2 | 1100 | 0.11 sek | 1 MB |
| 4 | 111100 | 11 sek | 106 MB |
| 6 | 10^7 | 19 min | 10 GB |
| 8 | 10^9 | 31 hod | 1 TB |
| 10 | 10^{11} | 129 dnů | 101 TB |
| 12 | 10^{13} | 35 let | 10 PB |
| 14 | 10^{15} | 3523 let | 1 EB |

Ani čas není dobrý → potřebujeme **informované** strategie prohledávání.

Prohledávání do šířky – vlastnosti

úplnost

je úplný (pro konečné b)

optimálnost

je optimální podle délky cesty/*není* optimální podle obecné ceny

časová složitost

$1 + b + b^2 + b^3 + \dots + b^d + b(b^d - 1) = O(b^{d+1})$,
exponenciální v d

prostorová složitost

$O(b^{d+1})$ (každý uzel v paměti)

Největší problém – paměť:

| Hloubka | Uzlů | Čas | Paměť |
|---------|-----------|----------|--------|
| 2 | 1100 | 0.11 sek | 1 MB |
| 4 | 111100 | 11 sek | 106 MB |
| 6 | 10^7 | 19 min | 10 GB |
| 8 | 10^9 | 31 hod | 1 TB |
| 10 | 10^{11} | 129 dnů | 101 TB |
| 12 | 10^{13} | 35 let | 10 PB |
| 14 | 10^{15} | 3523 let | 1 EB |

Ani čas není dobrý → potřebujeme **informované** strategie prohledávání.

Prohledávání do šířky – vlastnosti

| | |
|-----------------------------|--|
| <i>úplnost</i> | je úplný (pro konečné b) |
| <i>optimálnost</i> | je optimální podle délky cesty/ není optimální podle obecné ceny |
| <i>časová složitost</i> | $1 + b + b^2 + b^3 + \dots + b^d + b(b^d - 1) = O(b^{d+1})$, exponenciální v d |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(b^{d+1})$ (každý uzel v paměti) |

Největší problém – paměť:

| Hloubka | Uzlů | Čas | Paměť |
|---------|-----------|----------|--------|
| 2 | 1100 | 0.11 sek | 1 MB |
| 4 | 111100 | 11 sek | 106 MB |
| 6 | 10^7 | 19 min | 10 GB |
| 8 | 10^9 | 31 hod | 1 TB |
| 10 | 10^{11} | 129 dnů | 101 TB |
| 12 | 10^{13} | 35 let | 10 PB |
| 14 | 10^{15} | 3523 let | 1 EB |

Ani čas není dobrý → potřebujeme **informované** strategie prohledávání.

Prohledávání do šířky – vlastnosti

| | |
|-----------------------------|--|
| <i>úplnost</i> | je úplný (pro konečné b) |
| <i>optimálnost</i> | je optimální podle délky cesty/ není optimální podle obecné ceny |
| <i>časová složitost</i> | $1 + b + b^2 + b^3 + \dots + b^d + b(b^d - 1) = O(b^{d+1})$, exponenciální v d |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(b^{d+1})$ (každý uzel v paměti) |

Největší problém – paměť:

| Hloubka | Uzlů | Čas | Paměť |
|---------|-----------|----------|--------|
| 2 | 1100 | 0.11 sek | 1 MB |
| 4 | 111100 | 11 sek | 106 MB |
| 6 | 10^7 | 19 min | 10 GB |
| 8 | 10^9 | 31 hod | 1 TB |
| 10 | 10^{11} | 129 dnů | 101 TB |
| 12 | 10^{13} | 35 let | 10 PB |
| 14 | 10^{15} | 3523 let | 1 EB |

Ani čas není dobrý → potřebujeme **informované** strategie prohledávání.

Prohledávání do šířky – vlastnosti

| | |
|-----------------------------|--|
| <i>úplnost</i> | je úplný (pro konečné b) |
| <i>optimálnost</i> | je optimální podle délky cesty/ není optimální podle obecné ceny |
| <i>časová složitost</i> | $1 + b + b^2 + b^3 + \dots + b^d + b(b^d - 1) = O(b^{d+1})$, exponenciální v d |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(b^{d+1})$ (každý uzel v paměti) |

Největší problém – paměť:

| Hloubka | Uzlů | Čas | Paměť |
|---------|-----------|----------|--------|
| 2 | 1100 | 0.11 sek | 1 MB |
| 4 | 111100 | 11 sek | 106 MB |
| 6 | 10^7 | 19 min | 10 GB |
| 8 | 10^9 | 31 hod | 1 TB |
| 10 | 10^{11} | 129 dnů | 101 TB |
| 12 | 10^{13} | 35 let | 10 PB |
| 14 | 10^{15} | 3523 let | 1 EB |

Ani čas není dobrý → potřebujeme **informované** strategie prohledávání.

Prohledávání do šířky – vlastnosti

| | |
|-----------------------------|--|
| <i>úplnost</i> | je úplný (pro konečné b) |
| <i>optimálnost</i> | je optimální podle délky cesty/ není optimální podle obecné ceny |
| <i>časová složitost</i> | $1 + b + b^2 + b^3 + \dots + b^d + b(b^d - 1) = O(b^{d+1})$, exponenciální v d |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(b^{d+1})$ (každý uzel v paměti) |

Největší problém – paměť:

| Hloubka | Uzlů | Čas | Paměť |
|---------|-----------|-----------|--------|
| 2 | 1100 | 0.11 sek | 1 MB |
| 4 | 111 100 | 11 sek | 106 MB |
| 6 | 10^7 | 19 min | 10 GB |
| 8 | 10^9 | 31 hod | 1 TB |
| 10 | 10^{11} | 129 dnů | 101 TB |
| 12 | 10^{13} | 35 let | 10 PB |
| 14 | 10^{15} | 3 523 let | 1 EB |

Ani čas není dobrý → potřebujeme **informované** strategie prohledávání.

Prohledávání podle ceny

- BFS je optimální pro rovnoměrně ohodnocené stromy × **prohledávání podle ceny (Uniform-cost Search)** je optimální pro **obecné ohodnocení**
- fronta uzlů se udržuje **uspořádaná** podle ceny cesty

Vlastnosti:

| | |
|-----------------------------|--|
| <i>úplnost</i> | je úplný (pro $\text{cena} \geq \epsilon$) |
| <i>optimálnost</i> | je optimální (pro $\text{cena} \geq \epsilon$, $g(n)$ roste) |
| <i>časová složitost</i> | počet uzlů s $g \leq C^*$, $O(b^{1+\lceil C^*/\epsilon \rceil})$, kde $C^* \dots$ cena optimálního řešení |
| <i>prostorová složitost</i> | počet uzlů s $g \leq C^*$, $O(b^{1+\lceil C^*/\epsilon \rceil})$ |

Prohledávání podle ceny

- BFS je optimální pro rovnoměrně ohodnocené stromy × **prohledávání podle ceny** (**Uniform-cost Search**) je optimální pro **obecné ohodnocení**
- fronta uzlů se udržuje **uspořádaná** podle ceny cesty

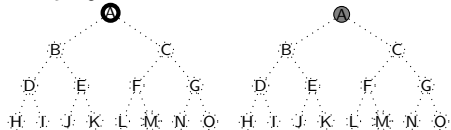
Vlastnosti:

| | |
|-----------------------------|---|
| <i>úplnost</i> | je úplný (pro $\text{cena} \geq \epsilon$) |
| <i>optimálnost</i> | je optimální (pro $\text{cena} \geq \epsilon$, $g(n)$ roste) |
| <i>časová složitost</i> | počet uzlů s $g \leq C^*$, $O(b^{1+\lceil C^*/\epsilon \rceil})$, kde $C^* \dots$ cena optimálního řešení |
| <i>prostorová složitost</i> | počet uzlů s $g \leq C^*$, $O(b^{1+\lceil C^*/\epsilon \rceil})$ |

Prohledávání s postupným prohlubováním

prohledávání do hloubky s postupně se zvyšujícím limitem (Iterative deepening DFS, IDS)

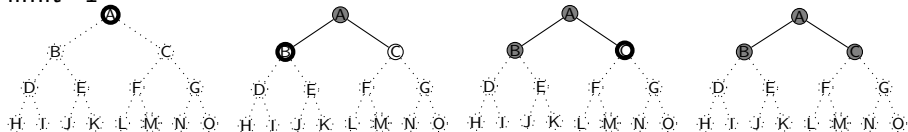
limit=0



Prohledávání s postupným prohlubováním

prohledávání do hloubky s postupně se zvyšujícím limitem (Iterative deepening DFS, IDS)

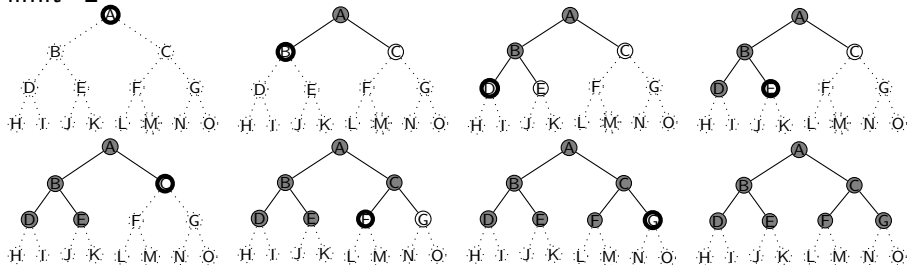
limit=1



Prohledávání s postupným prohlubováním

prohledávání do hloubky s postupně se zvyšujícím limitem (Iterative deepening DFS, IDS)

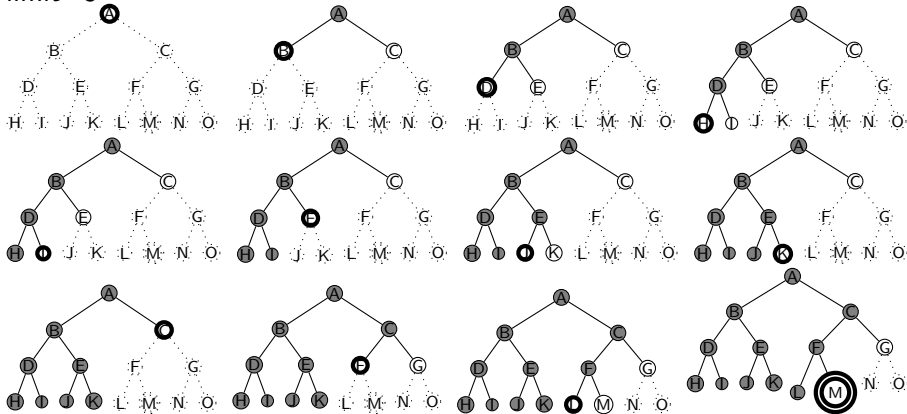
limit=2



Prohledávání s postupným prohlubováním

prohledávání do hloubky s postupně se zvyšujícím limitem (Iterative deepening DFS, IDS)

limit=3



Prohledávání s postupným prohlubováním – vlastnosti

| | |
|-----------------------------|---|
| <i>úplnost</i> | je úplný (pro konečné b) |
| <i>optimálnost</i> | je optimální (pro $g(n)$ rovnoměrně neklesající funkce hloubky) |
| <i>časová složitost</i> | $d(b) + (d - 1)b^2 + \dots + 1(b^d) = O(b^d)$ |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(bd)$ |

- kombinuje výhody BFS a DFS:
 - nízké paměťové nároky – lineární
 - optimálnost, úplnost
- zdánlivé plýtvání opakovaným generováním

ALE generuje o jednu úroveň míň, např. pro $b = 10, d = 5$:

$$N(\text{IDS}) = 50 + 400 + 3\,000 + 20\,000 + 100\,000 = 123\,450$$

$$N(\text{BFS}) = 10 + 100 + 1\,000 + 10\,000 + 100\,000 + 999\,990 = 1\,111\,100$$

IDS je **nejvhodnější** neinformovaná strategie pro **velké prostory** a **neznámou hloubku** řešení.

Prohledávání s postupným prohlubováním – vlastnosti

| | |
|-----------------------------|---|
| <i>úplnost</i> | je úplný (pro konečné b) |
| <i>optimálnost</i> | je optimální (pro $g(n)$ rovnoměrně neklesající funkce hloubky) |
| <i>časová složitost</i> | $d(b) + (d - 1)b^2 + \dots + 1(b^d) = O(b^d)$ |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(bd)$ |

- kombinuje výhody BFS a DFS:
 - nízké paměťové nároky – lineární
 - optimálnost, úplnost
- zdánlivé plýtvání opakovaným generováním

ALE generuje o jednu úroveň míň, např. pro $b = 10, d = 5$:

$$N(\text{IDS}) = 50 + 400 + 3\,000 + 20\,000 + 100\,000 = 123\,450$$

$$N(\text{BFS}) = 10 + 100 + 1\,000 + 10\,000 + 100\,000 + 999\,990 = 1\,111\,100$$

IDS je **nejvhodnější** neinformovaná strategie pro **velké prostory** a **neznámou hloubku** řešení.

Prohledávání s postupným prohlubováním – vlastnosti

| | |
|-----------------------------|---|
| <i>úplnost</i> | je úplný (pro konečné b) |
| <i>optimálnost</i> | je optimální (pro $g(n)$ rovnoměrně neklesající funkce hloubky) |
| <i>časová složitost</i> | $d(b) + (d - 1)b^2 + \dots + 1(b^d) = O(b^d)$ |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(bd)$ |

- kombinuje výhody BFS a DFS:
 - nízké paměťové nároky – lineární
 - optimálnost, úplnost
- zdánlivé plýtvání opakovaným generováním

ALE generuje o jednu úroveň míň, např. pro $b = 10, d = 5$:

$$N(\text{IDS}) = 50 + 400 + 3\,000 + 20\,000 + 100\,000 = 123\,450$$

$$N(\text{BFS}) = 10 + 100 + 1\,000 + 10\,000 + 100\,000 + 999\,990 = 1\,111\,100$$

IDS je **nejvhodnější** neinformovaná strategie pro **velké prostory** a **neznámou hloubku řešení**.

Prohledávání s postupným prohlubováním – vlastnosti

| | |
|-----------------------------|---|
| <i>úplnost</i> | je úplný (pro konečné b) |
| <i>optimálnost</i> | je optimální (pro $g(n)$ rovnoměrně neklesající funkce hloubky) |
| <i>časová složitost</i> | $d(b) + (d - 1)b^2 + \dots + 1(b^d) = O(b^d)$ |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(bd)$ |

- kombinuje výhody BFS a DFS:
 - nízké paměťové nároky – lineární
 - optimálnost, úplnost
- zdánlivé plýtvání opakovaným generováním

ALE generuje o jednu úroveň míň, např. pro $b = 10, d = 5$:

$$N(\text{IDS}) = 50 + 400 + 3\,000 + 20\,000 + 100\,000 = 123\,450$$

$$N(\text{BFS}) = 10 + 100 + 1\,000 + 10\,000 + 100\,000 + 999\,990 = 1\,111\,100$$

IDS je **nejvhodnější** neinformovaná strategie pro **velké prostory** a **neznámou hloubku** řešení.

Shrnutí vlastností algoritmů neinformovaného prohledávání

| <i>Vlastnost</i> | <i>do hloubky</i> | <i>do hloubky s limitem</i> | <i>do šířky</i> | <i>podle ceny</i> | <i>s postupným prohlubováním</i> |
|-----------------------------|-------------------|-----------------------------|-----------------|---|----------------------------------|
| <i>úplnost</i> | ne | ano, pro $l \geq d$ | ano* | ano* | ano* |
| <i>optimálnost</i> | ne | ne | ano* | ano* | ano* |
| <i>časová složitost</i> | $O(b^m)$ | $O(b^\ell)$ | $O(b^{d+1})$ | $O(b^{1+\lfloor C^*/\epsilon \rfloor})$ | $O(b^d)$ |
| <i>prostorová složitost</i> | $O(bm)$ | $O(b\ell)$ | $O(b^{d+1})$ | $O(b^{1+\lfloor C^*/\epsilon \rfloor})$ | $O(bd)$ |