

Operace na datových strukturách

Aleš Horák

E-mail: hales@fi.muni.cz
<http://nlp.fi.muni.cz/uui/>

Obsah:

- Operace na datových strukturách
- Binární stromy
- Reprezentace grafů

Práce se seznamy

Seznam:

- rekurzivní datová struktura
- uspořádaná posloupnost prvků (libovolných termů včetně seznamů)
- operátor $./2$; prázdný seznam $[]$
- $.(Hlava, Tělo)$, alternativně $[Hlava|Tělo]$, **Hlava** je (typu) *prvek seznamu*, **Tělo** je (typu) *seznam*

$.(a, [])$	$[a]$	$[a []]$
$.(a, .(b, .(c, [])))$	$[a, b, c]$	$[a, b [c]], [a [b, c]],$ $[a, b, c []], [a [b, c []]],$ $[a [b [c []]]]$
$.(a, .(.(b, .(c, [])), []))$	$[a, [b, c]]$	$[a [[b, c]]], \dots$
\dots	$[a1, [[b3, c3], d2, e2], f1]$	\dots

Práce se seznamy

Seznam:

- rekurzivní datová struktura
- uspořádaná posloupnost prvků (libovolných termů včetně seznamů)
- operátor $./2$; prázdný seznam $[]$
- $.(Hlava, Tělo)$, alternativně $[Hlava|Tělo]$, **Hlava** je (typu) *prvek seznamu*, **Tělo** je (typu) *seznam*

$.(a, [])$	$[a]$	$[a []]$
$.(a,.(b,.(c,[])))$	$[a,b,c]$	$[a,b [c]], [a [b,c]],$ $[a,b,c []], [a [b,c []]],$ $[a [b [c []]]]$
$.(a,.(.(b,.(c,[])),[]))$	$[a,[b,c]]$	$[a [[b,c]]], \dots$
\dots	$[a1,[[[b3,c3],d2,e2],f1]]$	\dots

Práce se seznamy

Seznam:

- rekurzivní datová struktura
- uspořádaná posloupnost prvků (libovolných termů včetně seznamů)
- operátor $./2$; prázdný seznam $[]$
- $.(Hlava, Tělo)$, alternativně $[Hlava|Tělo]$, **Hlava** je (typu) *prvek seznamu*, **Tělo** je (typu) *seznam*

$.(a, [])$	$[a]$	$[a []]$
$.(a,.(b,.(c,[])))$	$[a,b,c]$	$[a,b [c]], [a [b,c]],$ $[a,b,c []], [a [b,c []]],$ $[a [b [c []]]]$
$.(a,.(.(b,.(c,[])),[]))$	$[a,[b,c]]$	$[a [b,c]], \dots$
\dots	$[a1,[[b3,c3],d2,e2],f1]$	\dots

Práce se seznamy – member

member(+Prvek,+Seznam) – true, pokud v seznamu je zadaný prvek

```
1. member(X, [X|_]).
   member(X, [_|T]) :- member(X,T).
   ?- member(a, [X,b,c]).
      X=a
      Yes
```

```
2. member(X, [Y|_]) :- X == Y.
   member(X, [_|T]) :- member(X,T).
   ?- member(a, [X,b,c]).           ?- member(a, [a,b,a]),write(ok),nl,fail.
      No                               ok
                                       ok
                                       No
```

```
3. member(X, [Y|_]) :- X == Y.
   member(X, [Y|T]) :- X \== Y, member(X,T).
   ?- member(a, [a,b,a]),write(ok),nl,fail.
      ok
      No
```

Práce se seznamy – member

member(+Prvek,+Seznam) – true, pokud v seznamu je zadaný prvek

```
1. member(X,[X|_]).
   member(X,[_|T]) :- member(X,T).
   ?- member(a,[X,b,c]).
      X=a
      Yes
```

```
2. member(X,[Y|_]) :- X == Y.
   member(X,[_|T]) :- member(X,T).
   ?- member(a,[X,b,c]).           ?- member(a,[a,b,a]),write(ok),nl,fail.
      No                               ok
                                       ok
                                       No
```

```
3. member(X,[Y|_]) :- X == Y.
   member(X,[Y|T]) :- X \== Y, member(X,T).
   ?- member(a,[a,b,a]),write(ok),nl,fail.
      ok
      No
```

Práce se seznamy – member

member(+Prvek,+Seznam) – true, pokud v seznamu je zadaný prvek

```
1. member(X, [X|_]).
   member(X, [_|T]) :- member(X,T).
   ?- member(a, [X,b,c]).
      X=a
      Yes
```

```
2. member(X, [Y|_]) :- X == Y.
   member(X, [_|T]) :- member(X,T).
   ?- member(a, [X,b,c]).           ?- member(a, [a,b,a]),write(ok),nl,fail.
      No                               ok
                                       ok
                                       No
```

```
3. member(X, [Y|_]) :- X == Y.
   member(X, [Y|T]) :- X \== Y, member(X,T).
   ?- member(a, [a,b,a]),write(ok),nl,fail.
      ok
      No
```

Práce se seznamy – member

member(+Prvek,+Seznam) – true, pokud v seznamu je zadaný prvek

```
1. member(X,[X|_]).
   member(X,[_|T]) :- member(X,T).
   ?- member(a,[X,b,c]).
      X=a
      Yes
```

```
2. member(X,[Y|_]) :- X == Y.
   member(X,[_|T]) :- member(X,T).
   ?- member(a,[X,b,c]).           ?- member(a,[a,b,a]),write(ok),nl,fail.
      No                               ok
                                       ok
                                       No
```

```
3. member(X,[Y|_]) :- X == Y.
   member(X,[Y|T]) :- X \== Y, member(X,T).
   ?- member(a,[a,b,a]),write(ok),nl,fail.
      ok
      No
```


Práce se seznamy – member

member(+Prvek,+Seznam) – true, pokud v seznamu je zadaný prvek

```
1. member(X,[X|_]).
   member(X,[_|T]) :- member(X,T).
   ?- member(a,[X,b,c]).
      X=a
      Yes
```

```
2. member(X,[Y|_]) :- X == Y.
   member(X,[_|T]) :- member(X,T).
   ?- member(a,[X,b,c]).           ?- member(a,[a,b,a]),write(ok),nl,fail.
      No                               ok
                                       ok
                                       No
```

```
3. member(X,[Y|_]) :- X == Y.
   member(X,[Y|T]) :- X \== Y, member(X,T).
   ?- member(a,[a,b,a]),write(ok),nl,fail.
      ok
      No
```

Práce se seznamy – member

member(+Prvek,+Seznam) – true, pokud v seznamu je zadaný prvek

- ```

1. member(X,[X|_]).
 member(X,[_|T]) :- member(X,T).
 ?- member(a,[X,b,c]).
 X=a
 Yes

```
- ```

2. member(X,[Y|_]) :- X == Y.
   member(X,[_|T]) :- member(X,T).
   ?- member(a,[X,b,c]).           ?- member(a,[a,b,a]),write(ok),nl,fail.
      No                               ok
                                       ok
                                       No

```
- ```

3. member(X,[Y|_]) :- X == Y.
 member(X,[Y|T]) :- X \== Y, member(X,T).
 ?- member(a,[a,b,a]),write(ok),nl,fail.
 ok
 No

```

# Práce se seznamy – member

**member(+Prvek,+Seznam) – true**, pokud v seznamu je zadaný prvek

- ```

1. member(X,[X|_]).
   member(X,[_|T]) :- member(X,T).
   ?- member(a,[X,b,c]).
      X=a
      Yes

```
- ```

2. member(X,[Y|_]) :- X == Y.
 member(X,[_|T]) :- member(X,T).
 ?- member(a,[X,b,c]). ?- member(a,[a,b,a]),write(ok),nl,fail.
 No ok
 ok
 No

```
- ```

3. member(X,[Y|_]) :- X == Y.
   member(X,[Y|T]) :- X \== Y, member(X,T).
   ?- member(a,[a,b,a]),write(ok),nl,fail.
      ok
      No

```

Práce se seznamy – member

member(+Prvek,+Seznam) – true, pokud v seznamu je zadaný prvek

- ```

1. member(X, [X|_]).
 member(X, [_|T]) :- member(X,T).
 ?- member(a, [X,b,c]).
 X=a
 Yes

```
- ```

2. member(X, [Y|_]) :- X == Y.
   member(X, [_|T]) :- member(X,T).
   ?- member(a, [X,b,c]).           ?- member(a, [a,b,a]),write(ok),nl,fail.
      No                               ok
                                       ok
                                       No

```
- ```

3. member(X, [Y|_]) :- X == Y.
 member(X, [Y|T]) :- X \== Y, member(X,T).
 ?- member(a, [a,b,a]),write(ok),nl,fail.
 ok
 No

```

# Práce se seznamy – del a insert

predikát **del(+A,+L,-Vysl)** smaže všechny výskyty prvku **A** ze seznamu **L**  
**del1(+A,+L,-Vysl)** smaže vždy jeden (dle pořadí) **výskyt A** v seznamu **L**

```
del(_, [], []). ?- del(1, [1,2,1,1,2,3,1,1], L).
del(A, [A|T], V) :- del(A, T, V). L = [2, 2, 3]
del(A, [H|T1], [H|T2]) :- A\=H, del(A, T1, T2). Yes
 ?- del1(1, [1,2,1], L).
del1(A, [A|T], T). L = [2, 1] ;
del1(A, [H|T1], [H|T2]) :- del1(A, T1, T2). L = [1, 2] ;
 No
```

**insert(+A,+L,-Vysl)** vkládá postupně (při žádosti o další řešení) na všechny pozice seznamu **L** prvek **A**

**insert1(+A,+L,-Vysl)** vloží **A** na začátek seznamu **L** (ve výsledku **Vysl**)

```
insert(A, L, [A|L]). ?- insert(4, [2,3,1], L).
insert(A, [H|T1], [H|T2]) :- insert(A, T1, T2). L = [4, 2, 3, 1] ;
 L = [2, 4, 3, 1] ;
 L = [2, 3, 4, 1] ;
insert1(X, List, [X|List]). L = [2, 3, 1, 4] ;
 No
```

# Práce se seznamy – del a insert

predikát **del(+A,+L,-Vysl)** smaže všechny výskyty prvku **A** ze seznamu **L**  
**del1(+A,+L,-Vysl)** smaže vždy jeden (dle pořadí) **výskyt A** v seznamu **L**

```
del(_, [], []). ?- del(1, [1,2,1,1,2,3,1,1], L).
del(A, [A|T], V) :- del(A, T, V). L = [2, 2, 3]
del(A, [H|T1], [H|T2]) :- A\=H, del(A, T1, T2). Yes
 ?- del1(1, [1,2,1], L).
del1(A, [A|T], T). L = [2, 1] ;
del1(A, [H|T1], [H|T2]) :- del1(A, T1, T2). L = [1, 2] ;
 No
```

**insert(+A,+L,-Vysl)** vkládá postupně (při žádosti o další řešení) na všechny pozice seznamu **L** prvek **A**

**insert1(+A,+L,-Vysl)** vloží **A** na začátek seznamu **L** (ve výsledku **Vysl**)

```
insert(A, L, [A|L]). ?- insert(4, [2,3,1], L).
insert(A, [H|T1], [H|T2]) :- insert(A, T1, T2). L = [4, 2, 3, 1] ;
 L = [2, 4, 3, 1] ;
 L = [2, 3, 4, 1] ;
insert1(X, List, [X|List]). L = [2, 3, 1, 4] ;
 No
```

# Práce se seznamy – del a insert

predikát **del(+A,+L,-Vysl)** smaže všechny výskyty prvku **A** ze seznamu **L**  
**del1(+A,+L,-Vysl)** smaže vždy jeden (dle pořadí) **výskyt A** v seznamu **L**

```
del(_, [], []).
del(A, [A|T], V) :- del(A, T, V).
del(A, [H|T1], [H|T2]) :- A\=H, del(A, T1, T2).

del1(A, [A|T], T).
del1(A, [H|T1], [H|T2]) :- del1(A, T1, T2).

?- del(1, [1,2,1,1,2,3,1,1], L).
L = [2, 2, 3]
Yes
?- del1(1, [1,2,1], L).
L = [2, 1] ;
L = [1, 2] ;
No
```

**insert(+A,+L,-Vysl)** vkládá postupně (při žádosti o další řešení) na všechny pozice seznamu **L** prvek **A**

**insert1(+A,+L,-Vysl)** vloží **A** na začátek seznamu **L** (ve výsledku **Vysl**)

```
insert(A, L, [A|L]).
insert(A, [H|T1], [H|T2]) :- insert(A, T1, T2).

insert1(X, List, [X|List]).

?- insert(4, [2,3,1], L).
L = [4, 2, 3, 1] ;
L = [2, 4, 3, 1] ;
L = [2, 3, 4, 1] ;
L = [2, 3, 1, 4] ;
No
```

# Práce se seznamy – del a insert

predikát **del(+A,+L,-Vysl)** smaže všechny výskyty prvku **A** ze seznamu **L**  
**del1(+A,+L,-Vysl)** smaže vždy jeden (dle pořadí) **výskyt A** v seznamu **L**

```
del(_, [], []). ?- del(1, [1,2,1,1,2,3,1,1], L).
del(A, [A|T], V) :- del(A, T, V). L = [2, 2, 3]
del(A, [H|T1], [H|T2]) :- A\=H, del(A, T1, T2). Yes
 ?- del1(1, [1,2,1], L).
del1(A, [A|T], T). L = [2, 1] ;
del1(A, [H|T1], [H|T2]) :- del1(A, T1, T2). L = [1, 2] ;
 No
```

**insert(+A,+L,-Vysl)** vkládá postupně (při žádosti o další řešení) na všechny pozice seznamu **L** prvek **A**

**insert1(+A,+L,-Vysl)** vloží **A** na začátek seznamu **L** (ve výsledku **Vysl**)

```
insert(A, L, [A|L]). ?- insert(4, [2,3,1], L).
insert(A, [H|T1], [H|T2]) :- insert(A, T1, T2). L = [4, 2, 3, 1] ;
 L = [2, 4, 3, 1] ;
 L = [2, 3, 4, 1] ;
insert1(X, List, [X|List]). L = [2, 3, 1, 4] ;
 No
```



# Práce se seznamy – del a insert

predikát **del(+A,+L,-Vysl)** smaže všechny výskyty prvku **A** ze seznamu **L**  
**del1(+A,+L,-Vysl)** smaže vždy jeden (dle pořadí) **výskyt A** v seznamu **L**

```
del(_, [], []). ?- del(1, [1,2,1,1,2,3,1,1], L).
del(A, [A|T], V) :- del(A, T, V). L = [2, 2, 3]
del(A, [H|T1], [H|T2]) :- A\=H, del(A, T1, T2). Yes
del1(A, [A|T], T). ?- del1(1, [1,2,1], L).
del1(A, [H|T1], [H|T2]) :- del1(A, T1, T2). L = [2, 1] ;
 L = [1, 2] ;
 No
```

**insert(+A,+L,-Vysl)** vkládá postupně (při žádosti o další řešení) na všechny pozice seznamu **L** prvek **A**

**insert1(+A,+L,-Vysl)** vloží **A** na začátek seznamu **L** (ve výsledku **Vysl**)

```
insert(A, L, [A|L]). ?- insert(4, [2,3,1], L).
insert(A, [H|T1], [H|T2]) :- insert(A, T1, T2). L = [4, 2, 3, 1] ;
 L = [2, 4, 3, 1] ;
 L = [2, 3, 4, 1] ;
insert1(X, List, [X|List]). L = [2, 3, 1, 4] ;
 No
```

# Práce se seznamy – del a insert

predikát **del(+A,+L,-Vysl)** smaže všechny výskyty prvku **A** ze seznamu **L**  
**del1(+A,+L,-Vysl)** smaže vždy jeden (dle pořadí) **výskyt A** v seznamu **L**

```
del(_, [], []). ?- del(1, [1,2,1,1,2,3,1,1], L).
del(A, [A|T], V) :- del(A, T, V). L = [2, 2, 3]
del(A, [H|T1], [H|T2]) :- A\=H, del(A, T1, T2). Yes
 ?- del1(1, [1,2,1], L).
del1(A, [A|T], T). L = [2, 1] ;
del1(A, [H|T1], [H|T2]) :- del1(A, T1, T2). L = [1, 2] ;
 No
```

**insert(+A,+L,-Vysl)** vkládá postupně (při žádosti o další řešení) na všechny pozice seznamu **L** prvek **A**

**insert1(+A,+L,-Vysl)** vloží **A** na začátek seznamu **L** (ve výsledku **Vysl**)

```
insert(A, L, [A|L]). ?- insert(4, [2,3,1], L).
insert(A, [H|T1], [H|T2]) :- insert(A, T1, T2). L = [4, 2, 3, 1] ;
 L = [2, 4, 3, 1] ;
 L = [2, 3, 4, 1] ;
insert1(X, List, [X|List]). L = [2, 3, 1, 4] ;
 No
```

# Práce se seznamy – del a insert

predikát **del(+A,+L,-Vysl)** smaže všechny výskyty prvku **A** ze seznamu **L**  
**del1(+A,+L,-Vysl)** smaže vždy jeden (dle pořadí) **výskyt A** v seznamu **L**

```
del(_, [], []). ?- del(1, [1,2,1,1,2,3,1,1], L).
del(A, [A|T], V) :- del(A,T,V). L = [2, 2, 3]
del(A, [H|T1], [H|T2]) :- A\=H, del(A,T1,T2). Yes
 ?- del1(1, [1,2,1], L).
del1(A, [A|T], T). L = [2, 1] ;
del1(A, [H|T1], [H|T2]) :- del1(A,T1,T2). L = [1, 2] ;
 No
```

**insert(+A,+L,-Vysl)** vkládá postupně (při žádosti o další řešení) na všechny pozice seznamu **L** prvek **A**

**insert1(+A,+L,-Vysl)** vloží **A** na začátek seznamu **L** (ve výsledku **Vysl**)

```
insert(A,L, [A|L]). ?- insert(4, [2,3,1], L).
insert(A, [H|T1], [H|T2]) :- insert(A,T1,T2). L = [4, 2, 3, 1] ;
 L = [2, 4, 3, 1] ;
 L = [2, 3, 4, 1] ;
insert1(X,List, [X|List]). L = [2, 3, 1, 4] ;
 No
```

# Práce se seznamy – del a insert

predikát **del(+A,+L,-Vysl)** smaže všechny výskyty prvku **A** ze seznamu **L**  
**del1(+A,+L,-Vysl)** smaže vždy jeden (dle pořadí) výskyt **A** v seznamu **L**

```
del(_, [], []). ?- del(1, [1,2,1,1,2,3,1,1], L).
del(A, [A|T], V) :- del(A, T, V). L = [2, 2, 3]
del(A, [H|T1], [H|T2]) :- A\=H, del(A, T1, T2). Yes
del1(A, [A|T], T). ?- del1(1, [1,2,1], L).
del1(A, [H|T1], [H|T2]) :- del1(A, T1, T2). L = [2, 1] ;
 L = [1, 2] ;
 No
```

**insert(+A,+L,-Vysl)** vkládá postupně (při žádosti o další řešení) na všechny pozice seznamu **L** prvek **A**

**insert1(+A,+L,-Vysl)** vloží **A** na začátek seznamu **L** (ve výsledku **Vysl**)

```
insert(A, L, [A|L]). ?- insert(4, [2,3,1], L).
insert(A, [H|T1], [H|T2]) :- insert(A, T1, T2). L = [4, 2, 3, 1] ;
 L = [2, 4, 3, 1] ;
 L = [2, 3, 4, 1] ;
insert1(X, List, [X|List]). L = [2, 3, 1, 4] ;
 No
```

# Práce se seznamy – permutace

## 1. pomocí **insert**

```
perm1([], []).
perm1([H|T],L):- perm1(T,V), insert(H,V,L).
```

```
?- perm1([1,2,3],L).
L = [1, 2, 3] ;
L = [2, 1, 3] ;
L = [2, 3, 1] ;
L = [1, 3, 2] ;
L = [3, 1, 2] ;
L = [3, 2, 1] ;
No
```

## 2. pomocí **del1**

```
perm2([], []).
perm2(L, [X|P]) :- del1(X,L,L1), perm2(L1,P).
```

## 3. pomocí **append**

```
perm3([], []).
perm3(L, [H|T]) :- append(A, [H|B], L), append(A,B,L1), perm3(L1,T).
```

# Práce se seznamy – permutace

## 1. pomocí **insert**

```
perm1([], []).
perm1([H|T],L):- perm1(T,V), insert(H,V,L).
```

```
?- perm1([1,2,3],L).
L = [1, 2, 3] ;
L = [2, 1, 3] ;
L = [2, 3, 1] ;
L = [1, 3, 2] ;
L = [3, 1, 2] ;
L = [3, 2, 1] ;
No
```

## 2. pomocí **del1**

```
perm2([], []).
perm2(L, [X|P]) :- del1(X,L,L1), perm2(L1,P).
```

## 3. pomocí **append**

```
perm3([], []).
perm3(L, [H|T]) :- append(A, [H|B], L), append(A,B,L1), perm3(L1,T).
```

# Práce se seznamy – permutace

## 1. pomocí **insert**

```
perm1([], []).
perm1([H|T],L):- perm1(T,V), insert(H,V,L).
```

```
?- perm1([1,2,3],L).
L = [1, 2, 3] ;
L = [2, 1, 3] ;
L = [2, 3, 1] ;
L = [1, 3, 2] ;
L = [3, 1, 2] ;
L = [3, 2, 1] ;
No
```

## 2. pomocí **del1**

```
perm2([], []).
perm2(L, [X|P]) :- del1(X,L,L1), perm2(L1,P).
```

## 3. pomocí **append**

```
perm3([], []).
perm3(L, [H|T]) :- append(A, [H|B], L), append(A,B,L1), perm3(L1,T).
```

# Práce se seznamy – append

**append(?Seznam1,?Seznam2,?Seznam)** – **Seznam** je spojení seznamů **Seznam1** a **Seznam2**

```
append([],L,L).
append([H|T1],L2,[H|T]) :- append(T1,L2,T).
```

predikát **append** je **vícesměrný**:

```
?- append([a,b],[c,d],L).
L = [a, b, c, d]
Yes
?- append(X,[c,d],[a,b,c,d]).
X = [a, b]
Yes
?- append(X,Y,[a,b,c]).
X = [] Y = [a, b, c];
X = [a] Y = [b, c];
X = [a, b] Y = [c];
X = [a, b, c] Y = [];
No
```



# Práce se seznamy – append

**append(?Seznam1,?Seznam2,?Seznam)** – **Seznam** je spojení seznamů **Seznam1** a **Seznam2**

```
append([],L,L).
append([H|T1],L2,[H|T]) :- append(T1,L2,T).
```

predikát **append** je **vícesměrný**:

```
?- append([a,b],[c,d],L).
L = [a, b, c, d]
Yes
?- append(X,[c,d],[a,b,c,d]).
X = [a, b]
Yes
?- append(X,Y,[a,b,c]).
X = [] Y = [a, b, c];
X = [a] Y = [b, c];
X = [a, b] Y = [c];
X = [a, b, c] Y = [];
No
```

# Práce se seznamy – append

**append(?Seznam1,?Seznam2,?Seznam)** – **Seznam** je spojení seznamů **Seznam1** a **Seznam2**

```
append([],L,L).
append([H|T1],L2,[H|T]) :- append(T1,L2,T).
```

predikát **append** je **vícesměrný**:

```
?- append([a,b],[c,d],L).
L = [a, b, c, d]
Yes
?- append(X,[c,d],[a,b,c,d]).
X = [a, b]
Yes
?- append(X,Y,[a,b,c]).
X = [] Y = [a, b, c];
X = [a] Y = [b, c];
X = [a, b] Y = [c];
X = [a, b, c] Y = [];
No
```

# Práce se seznamy – append

**append(?Seznam1,?Seznam2,?Seznam)** – **Seznam** je spojení seznamů **Seznam1** a **Seznam2**

```
append([],L,L).
append([H|T1],L2,[H|T]) :- append(T1,L2,T).
```

predikát **append** je **vícesměrný**:

```
?- append([a,b],[c,d],L).
L = [a, b, c, d]
Yes
?- append(X,[c,d],[a,b,c,d]).
X = [a, b]
Yes
?- append(X,Y,[a,b,c]).
X = [] Y = [a, b, c];
X = [a] Y = [b, c];
X = [a, b] Y = [c];
X = [a, b, c] Y = [];
No
```

# Práce se seznamy – append

**append(?Seznam1,?Seznam2,?Seznam)** – **Seznam** je spojení seznamů **Seznam1** a **Seznam2**

```
append([],L,L).
append([H|T1],L2,[H|T]) :- append(T1,L2,T).
```

predikát **append** je **vícesměrný**:

```
?- append([a,b],[c,d],L).
L = [a, b, c, d]
Yes
?- append(X,[c,d],[a,b,c,d]).
X = [a, b]
Yes
?- append(X,Y,[a,b,c]).
X = [] Y = [a, b, c];
X = [a] Y = [b, c];
X = [a, b] Y = [c];
X = [a, b, c] Y = [];
No
```

# Práce se seznamy – append

**append(?Seznam1,?Seznam2,?Seznam)** – Seznam je spojení seznamů Seznam1 a Seznam2

```
append([],L,L).
append([H|T1],L2,[H|T]) :- append(T1,L2,T).
```

predikát **append** je **vícesměrný**:

```
?- append([a,b],[c,d],L).
 L = [a, b, c, d]
 Yes

?- append(X,[c,d],[a,b,c,d]).
 X = [a, b]
 Yes

?- append(X,Y,[a,b,c]).
 X = [] Y = [a, b, c];
 X = [a] Y = [b, c];
 X = [a, b] Y = [c];
 X = [a, b, c] Y = [];
 No
```

# Práce se seznamy – append

**append(?Seznam1,?Seznam2,?Seznam)** – Seznam je spojení seznamů Seznam1 a Seznam2

```
append([],L,L).
append([H|T1],L2,[H|T]) :- append(T1,L2,T).
```

predikát **append** je **vícesměrný**:

```
?- append([a,b],[c,d],L).
L = [a, b, c, d]
Yes
?- append(X,[c,d],[a,b,c,d]).
X = [a, b]
Yes
?- append(X,Y,[a,b,c]).
X = [] Y = [a, b, c];
X = [a] Y = [b, c];
X = [a, b] Y = [c];
X = [a, b, c] Y = [];
No
```

# Práce se seznamy – append

**append(?Seznam1,?Seznam2,?Seznam)** – Seznam je spojení seznamů Seznam1 a Seznam2

```
append([],L,L).
append([H|T1],L2,[H|T]) :- append(T1,L2,T).
```

predikát **append** je **vícesměrný**:

```
?- append([a,b],[c,d],L).
 L = [a, b, c, d]
 Yes

?- append(X,[c,d],[a,b,c,d]).
 X = [a, b]
 Yes

?- append(X,Y,[a,b,c]).
 X = [] Y = [a, b, c];
 X = [a] Y = [b, c];
 X = [a, b] Y = [c];
 X = [a, b, c] Y = [];
 No
```

# Práce se seznamy – append

**append(?Seznam1,?Seznam2,?Seznam)** – **Seznam** je spojení seznamů **Seznam1** a **Seznam2**

```
append([],L,L).
append([H|T1],L2,[H|T]) :- append(T1,L2,T).
```

predikát **append** je **vícesměrný**:

```
?- append([a,b],[c,d],L).
L = [a, b, c, d]
Yes
?- append(X,[c,d],[a,b,c,d]).
X = [a, b]
Yes
?- append(X,Y,[a,b,c]).
X = [] Y = [a, b, c];
X = [a] Y = [b, c];
X = [a, b] Y = [c];
X = [a, b, c] Y = [];
No
```



# Práce se seznamy – append

**append(?Seznam1,?Seznam2,?Seznam)** – **Seznam** je spojení seznamů **Seznam1** a **Seznam2**

```
append([],L,L).
```

```
append([H|T1],L2,[H|T]) :- append(T1,L2,T).
```

predikát **append** je **vícesměrný**:

```
?- append([a,b],[c,d],L).
```

```
L = [a, b, c, d]
```

```
Yes
```

```
?- append(X,[c,d],[a,b,c,d]).
```

```
X = [a, b]
```

```
Yes
```

```
?- append(X,Y,[a,b,c]).
```

```
X = [] Y = [a, b, c];
```

```
X = [a] Y = [b, c];
```

```
X = [a, b] Y = [c];
```

```
X = [a, b, c] Y = [];
```

```
No
```

# Práce se seznamy – append

**append(?Seznam1,?Seznam2,?Seznam)** – **Seznam** je spojení seznamů **Seznam1** a **Seznam2**

```
append([],L,L).
append([H|T1],L2,[H|T]) :- append(T1,L2,T).
```

predikát **append** je **vícesměrný**:

```
?- append([a,b],[c,d],L).
L = [a, b, c, d]
Yes
?- append(X,[c,d],[a,b,c,d]).
X = [a, b]
Yes
?- append(X,Y,[a,b,c]).
X = [] Y = [a, b, c];
X = [a] Y = [b, c];
X = [a, b] Y = [c];
X = [a, b, c] Y = [];
No
```

# Práce se seznamy – využití **append**

predikát **append** je všestranně použitelný:

```
member(X, Ys) :- append(As, [X|Xs], Ys) .
last(X, Xs) :- append(As, [X], Xs) .
prefix(Xs, Ys) :- append(Xs, As, Ys) .
suffix(Xs, Ys) :- append(As, Xs, Ys) .
sublist(Xs, AsXsBs) :- append(AsXs, Bs, AsXsBs), append(As, Xs, AsXs) .
adjacent(X, Y, Zs) :- append(As, [X, Y|Ys], Zs) .
```

# Práce se seznamy – využití **append**

predikát **append** je všestranně použitelný:

```
member(X, Ys) :- append(As, [X|Xs], Ys) .
last(X, Xs) :- append(As, [X], Xs) .
prefix(Xs, Ys) :- append(Xs, As, Ys) .
suffix(Xs, Ys) :- append(As, Xs, Ys) .
sublist(Xs, AsXsBs) :- append(AsXs, Bs, AsXsBs), append(As, Xs, AsXs) .
adjacent(X, Y, Zs) :- append(As, [X, Y|Ys], Zs) .
```

# Práce se seznamy – využití **append**

predikát **append** je všestranně použitelný:

```
member(X, Ys) :- append(As, [X|Xs], Ys) .
last(X, Xs) :- append(As, [X], Xs) .
prefix(Xs, Ys) :- append(Xs, As, Ys) .
suffix(Xs, Ys) :- append(As, Xs, Ys) .
sublist(Xs, AsXsBs) :- append(AsXs, Bs, AsXsBs), append(As, Xs, AsXs) .
adjacent(X, Y, Zs) :- append(As, [X, Y|Ys], Zs) .
```

# Práce se seznamy – využití **append**

predikát **append** je všestranně použitelný:

```
member(X, Ys) :- append(As, [X|Xs], Ys) .
last(X, Xs) :- append(As, [X], Xs) .
prefix(Xs, Ys) :- append(Xs, As, Ys) .
suffix(Xs, Ys) :- append(As, Xs, Ys) .
sublist(Xs, AsXsBs) :- append(AsXs, Bs, AsXsBs), append(As, Xs, AsXs) .
adjacent(X, Y, Zs) :- append(As, [X, Y|Ys], Zs) .
```

# Práce se seznamy – využití **append**

predikát **append** je všestranně použitelný:

```
member(X, Ys) :- append(As, [X|Xs], Ys) .
last(X, Xs) :- append(As, [X], Xs) .
prefix(Xs, Ys) :- append(Xs, As, Ys) .
suffix(Xs, Ys) :- append(As, Xs, Ys) .
sublist(Xs, AsXsBs) :- append(AsXs, Bs, AsXsBs), append(As, Xs, AsXs) .
adjacent(X, Y, Zs) :- append(As, [X, Y|Ys], Zs) .
```

# Práce se seznamy – využití **append**

predikát **append** je všestranně použitelný:

```
member(X, Ys) :- append(As, [X|Xs], Ys) .
last(X, Xs) :- append(As, [X], Xs) .
prefix(Xs, Ys) :- append(Xs, As, Ys) .
suffix(Xs, Ys) :- append(As, Xs, Ys) .
sublist(Xs, AsXsBs) :- append(AsXs, Bs, AsXsBs), append(As, Xs, AsXs) .
adjacent(X, Y, Zs) :- append(As, [X, Y|Ys], Zs) .
```



# Práce se seznamy – využití **append**

predikát **append** je všestranně použitelný:

```
member(X, Ys) :- append(As, [X|Xs], Ys) .
last(X, Xs) :- append(As, [X], Xs) .
prefix(Xs, Ys) :- append(Xs, As, Ys) .
suffix(Xs, Ys) :- append(As, Xs, Ys) .
sublist(Xs, AsXsBs) :- append(AsXs, Bs, AsXsBs), append(As, Xs, AsXs) .
adjacent(X, Y, Zs) :- append(As, [X, Y|Ys], Zs) .
```

# Práce se seznamy – efektivita **append**

Efektivní řešení predikátu **append** – **rozdílové seznamy** (difference lists)  
 Rozdílový seznam se zapisuje jako **Seznam1-Seznam2**.

Např.:

|                |     |                            |      |                                    |      |
|----------------|-----|----------------------------|------|------------------------------------|------|
| <b>[a,b,c]</b> | ... | <b>[a,b,c]</b> - []        | nebo | <b>[a,b,c,d]</b> - [d]             | nebo |
|                |     | <b>[a,b,c,d,e]</b> - [d,e] |      | obecně <b>[a,b,c X]</b> - <b>X</b> |      |
| <b>[]</b>      | ... | <b>A-A</b>                 |      |                                    |      |
| <b>[a]</b>     | ... | <b>[a A]-A</b>             |      |                                    |      |

**Seznam2** jako volná proměnná slouží jako “ukazatel” na konec seznamu **Seznam1**

predikát **append** s rozdílovými seznamy (**append\_dl**):

```
append_dl(A-B,B-C,A-C).
```

```
?- append_dl([a,b|X]-X,[c,d|Y]-Y,Z).
```

```
X = [c, d|Y]
```

```
Y = Y
```

```
Z = [a, b, c, d|Y] - Y
```

```
Yes
```

# Práce se seznamy – efektivita **append**

Efektivní řešení predikátu **append** – **rozdílové seznamy** (difference lists)  
 Rozdílový seznam se zapisuje jako **Seznam1-Seznam2**.

Např.:

|                |     |                            |      |                                    |      |
|----------------|-----|----------------------------|------|------------------------------------|------|
| <b>[a,b,c]</b> | ... | <b>[a,b,c]</b> - []        | nebo | <b>[a,b,c,d]</b> - [d]             | nebo |
|                |     | <b>[a,b,c,d,e]</b> - [d,e] |      | obecně <b>[a,b,c X]</b> - <b>X</b> |      |
| <b>[]</b>      | ... | <b>A-A</b>                 |      |                                    |      |
| <b>[a]</b>     | ... | <b>[a A]-A</b>             |      |                                    |      |

**Seznam2** jako volná proměnná slouží jako “ukazatel” na konec seznamu **Seznam1**

predikát **append** s rozdílovými seznamy (**append\_dl**):

```
append_dl(A-B,B-C,A-C).
```

```
?- append_dl([a,b|X]-X,[c,d|Y]-Y,Z).
```

```
X = [c, d|Y]
```

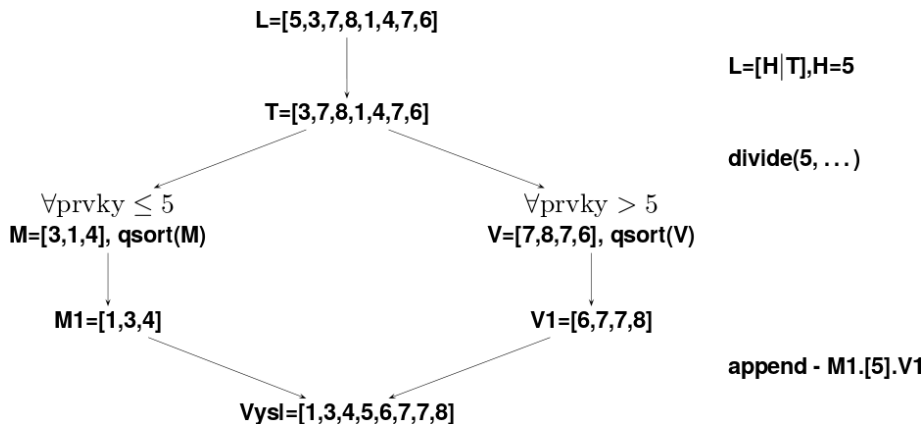
```
Y = Y
```

```
Z = [a, b, c, d|Y] - Y
```

```
Yes
```

# Třídění seznamů — quicksort

predikát **qsort(+L,-Vysl)** – třídí seznam **L** technikou **rozděl a panuj**



# Třídění seznamů — quicksort

predikát **qsort(+L,-Vysl)** – třídí seznam **L** technikou **rozděl a panuj**

```
qsort([],[]) :- !. % 'řez' - zahod' další možnosti řešení
qsort([H],[H]) :- !.
qsort([H|T],L) :- divide(H,T,M,V),
 qsort(M,M1), qsort(V,V1),
 append(M1,[H|V1],L).

divide(_,[],[],[]) :- !.
divide(H,[K|T],[K|M],V) :- K=<H, !, divide(H,T,M,V).
divide(H,[K|T],M,[K|V]) :- K>H, divide(H,T,M,V).
```

# Třídění seznamů — quicksort II

predikát **qsort\_dl(+L,-Vysl)** – efektivnější varianta predikátu **qsort** s rozdílovými seznamy

```
qsort(L,S):- qsort_dl(L,S-[]).
```

```
qsort_dl([],A-A).
```

```
qsort_dl([H|T],A-B):- divide(H,T,L1,L2),
 qsort_dl(L2,A1-B),
 qsort_dl(L1,A-[H|A1]).
```

```
divide(_,[],[],[]):- !.
```

```
divide(H,[K|T],[K|M],V):- K<=H, !, divide(H,T,M,V).
```

```
divide(H,[K|T],M,[K|V]):- K>H, divide(H,T,M,V).
```

# Obsah

- 1 Operace na datových strukturách
  - Práce se seznamy
  - Třídění seznamů
- 2 Binární stromy
  - Uspořádané binární stromy
  - Přidávání do binárního stromu
  - Odebírání z binárního stromu
  - Vícesměrný algoritmus pro vkládání/odebírání
  - Výpis binárního stromu
- 3 Reprezentace grafů
  - Reprezentace grafů
  - Cesty v grafech
  - Kostra grafu

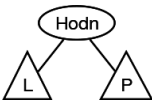
# Uspořádané binární stromy

## Reprezentace binárního stromu:

- **nil** – prázdný strom



- **t(L,Hodn,P)** – strom

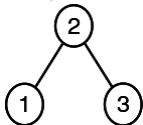


Příklady stromů:

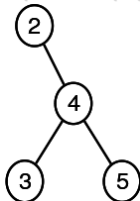
$t(\text{nil}, 8, \text{nil})$



$t(t(\text{nil}, 1, \text{nil}), 2, t(\text{nil}, 3, \text{nil}))$



$t(\text{nil}, 2, t(t(\text{nil}, 3, \text{nil}), 4, t(\text{nil}, 5, \text{nil})))$





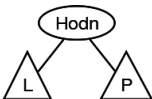
# Uspořádané binární stromy

## Reprezentace binárního stromu:

- **nil** – prázdný strom



- **t(L,Hodn,P)** – strom

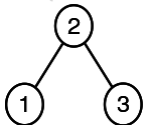


Příklady stromů:

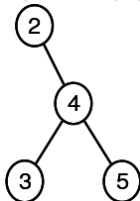
**t(nil,8,nil)**

8

t(t(nil,1,nil),  
2,t(nil,3,nil))



t(nil,2,t(t(nil,3,nil),4,t(nil,5,nil)))



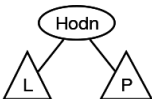
# Uspořádané binární stromy

## Reprezentace binárního stromu:

- **nil** – prázdný strom



- **t(L,Hodn,P)** – strom

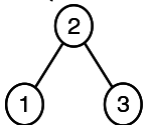


Příklady stromů:

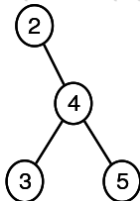
**t(nil,8,nil)**

8

**t(t(nil,1,nil),  
2,t(nil,3,nil))**



**t(nil,2,t(t(nil,3,nil),4,t(nil,5,nil)))**



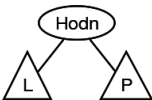
# Uspořádané binární stromy

## Reprezentace binárního stromu:

- **nil** – prázdný strom



- **t(L,Hodn,P)** – strom

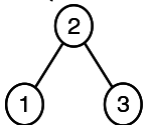


Příklady stromů:

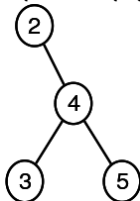
**t(nil,8,nil)**

8

**t(t(nil,1,nil),  
2,t(nil,3,nil))**



**t(nil,2,t(t(nil,3,nil),4,t(nil,5,nil)))**



# Přidávání do binárního stromu

**addleaf(+T,+X,-Vysl)** přidá do binárního stromu **T** hodnotu **X** na správnou pozici vzhledem k setřídění stromu

```
addleaf(nil,X,t(nil,X,nil)).
addleaf(t(Left,X,Right),X,t(Left,X,Right)).
addleaf(t(Left,Root,Right),X,t(Left1,Root,Right)) :-
 Root>X,addleaf(Left,X,Left1).
addleaf(t(Left,Root,Right),X,t(Left,Root,Right1)) :-
 Root<X,addleaf(Right,X,Right1).
```

```
?- addleaf(nil,6,T),addleaf(T,8,T1), addleaf(T1,2,T2), addleaf(T2,4,T3),
 addleaf(T3,1,T4).
```

```
T4 = t(t(t(nil, 1, nil), 2, t(nil, 4, nil)), 6, t(nil, 8, nil))
```

```
?- addleaf(t(t(t(nil,1,nil),2,t(t(nil,3,nil),4,t(nil,5,nil))),
 6,t(t(nil,7,nil),8,t(nil,9,nil))),
 10,
 T).
```

```
T = t(t(t(nil, 1, nil), 2, t(t(nil, 3, nil), 4, t(nil, 5, nil))),
 6, t(t(nil, 7, nil), 8, t(nil, 9, t(nil, 10, nil))))
```

# Přidávání do binárního stromu

**addleaf(+T,+X,-Vysl)** přidá do binárního stromu **T** hodnotu **X** na správnou pozici vzhledem k setřídění stromu

```

addleaf(nil,X,t(nil,X,nil)).
addleaf(t(Left,X,Right),X,t(Left,X,Right)).
addleaf(t(Left,Root,Right),X,t(Left1,Root,Right)) :-
 Root>X,addleaf(Left,X,Left1).
addleaf(t(Left,Root,Right),X,t(Left,Root,Right1)) :-
 Root<X,addleaf(Right,X,Right1).

?- addleaf(nil,6,T),addleaf(T,8,T1), addleaf(T1,2,T2), addleaf(T2,4,T3),
 addleaf(T3,1,T4).
 T4 = t(t(t(nil, 1, nil), 2, t(nil, 4, nil)), 6, t(nil, 8, nil))
?- addleaf(t(t(t(nil,1,nil),2,t(t(nil,3,nil),4,t(nil,5,nil))),
 6,t(t(nil,7,nil),8,t(nil,9,nil))),
 10,
 T).
 T = t(t(t(nil, 1, nil), 2, t(t(nil, 3, nil), 4, t(nil, 5, nil))),
 6, t(t(nil, 7, nil), 8, t(nil, 9, t(nil, 10, nil))))

```

# Přidávání do binárního stromu

**addleaf(+T,+X,-Vysl)** přidá do binárního stromu **T** hodnotu **X** na správnou pozici vzhledem k setřídění stromu

```
addleaf(nil,X,t(nil,X,nil)).
addleaf(t(Left,X,Right),X,t(Left,X,Right)).
addleaf(t(Left,Root,Right),X,t(Left1,Root,Right)) :-
 Root>X,addleaf(Left,X,Left1).
addleaf(t(Left,Root,Right),X,t(Left,Root,Right1)) :-
 Root<X,addleaf(Right,X,Right1).
```

```
?- addleaf(nil,6,T),addleaf(T,8,T1), addleaf(T1,2,T2), addleaf(T2,4,T3),
 addleaf(T3,1,T4).
```

```
T4 = t(t(t(nil, 1, nil), 2, t(nil, 4, nil)), 6, t(nil, 8, nil))
```

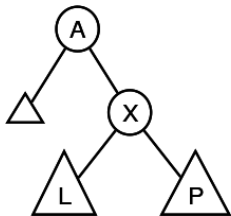
```
?- addleaf(t(t(t(nil,1,nil),2,t(t(nil,3,nil),4,t(nil,5,nil))),
 6,t(t(nil,7,nil),8,t(nil,9,nil))),
 10,
 T).
```

```
T = t(t(t(nil, 1, nil), 2, t(t(nil, 3, nil), 4, t(nil, 5, nil))),
 6, t(t(nil, 7, nil), 8, t(nil, 9, t(nil, 10, nil))))
```

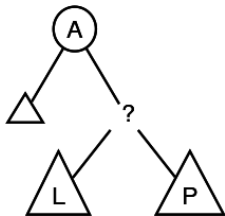
# Odebírání z binárního stromu

Predikát **addleaf** není vícesměrný ☹  $\Rightarrow$  nelze definovat:

```
del(T,X,T1) :- addleaf(T1,X,T).
```



**delete(X)**  
 $\rightarrow$

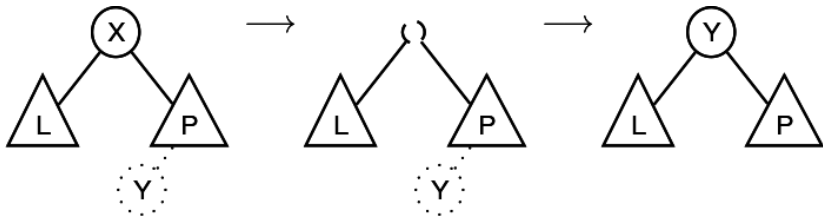


# Odebírání z binárního stromu

správný postup:

- pokud je odebíraná hodnota v **listu** → nahradí se hodnotu **nil**
- jestliže je ale v **kořenu** (pod)stromu → je nutné tento (pod)strom přestavět

Přestavba binárního stromu při odstraňování kořene **X**:





# Odebírání z binárního stromu

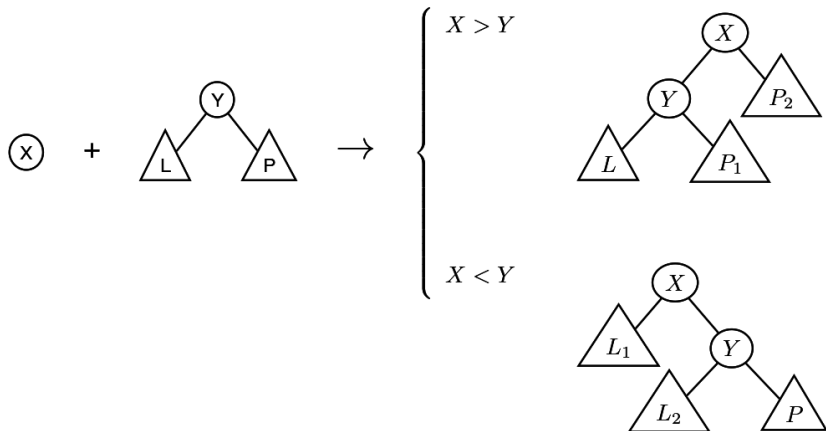
**delleaf(+T,+X,-Vysl)** odstraní ze stromu **T** uzel s hodnotou **X**

```
delleaf(t(nil,X,Right),X,Right).
delleaf(t(Left,X,nil),X,Left).
delleaf(t(Left,X,Right),X,t(Left,Y,Right1)) :- delmin(Right,Y,Right1).
delleaf(t(Left,Root,Right),X,t(Left1,Root,Right)) :-
 X<Root,delleaf(Left,X,Left1).
delleaf(t(Left,Root,Right),X,t(Left,Root,Right1)) :-
 X>Root,delleaf(Right,X,Right1).

delmin(t(nil,Y,R),Y,R).
delmin(t(Left,Root,Right),Y,t(Left1,Root,Right)) :-
 delmin(Left,Y,Left1).
```

# Vícesměrný algoritmus pro vkládání/odebírání

Jiný způsob vkládání:



# Vícesměrný algoritmus pro vkládání/odebírání

**add(?T,+X,?Vysl)** přidá do binárního stromu **T** uzel s hodnotou **X** s přeuspořádáním stromu (jako kořen nebo jinam při navracení)

*% přidej jako kořen*

`add(T,X,T1) :- addroot(T,X,T1).`

*% nebo kamkoliv do stromu (se zachováním uspořádání)*

`add(t(L,Y,R),X,t(L1,Y,R)) :- gt(Y,X),add(L,X,L1).`

`add(t(L,Y,R),X,t(L,Y,R1)) :- gt(X,Y),add(R,X,R1).`

`addroot(nil,X,t(nil,X,nil)).`

`addroot(t(L,Y,R),X,t(L1,X,t(L2,Y,R))) :- gt(Y,X),addroot(L,X,t(L1,X,L2)).`

`addroot(t(L,Y,R),X,t(t(L,Y,R1),X,R2)) :- gt(X,Y),addroot(R,X,t(R1,X,R2)).`

`addroot(t(L,X,R),X,t(L,X,R)).`

Definice predikátu **gt(X,Y)** – na konečném uživateli.

Funguje i “obráceně”  $\Rightarrow$  lze definovat:

`del(T,X,T1) :- add(T1,X,T).`

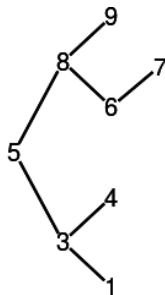
# Výpis binárního stromu

pomocí odsazení zobrazujeme úroveň uzlu ve stromu a celkové uspořádání uzlů (strom je tedy zobrazen “naležato”)

```
t(
 t(
 t(nil,1,nil),
 3,
 t(nil,4,nil)),
 5,
 t(
 t(nil,6,
 t(nil,7,nil)),
 8,
 t(nil,9,nil)))
```



|   |   |   |   |
|---|---|---|---|
|   |   | 9 |   |
|   | 8 |   | 7 |
|   |   | 6 |   |
| 5 |   | 4 |   |
|   | 3 |   | 1 |



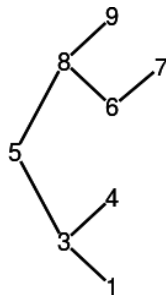
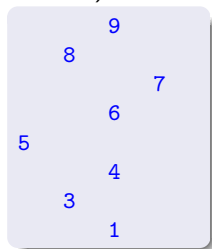
`show(+T)` vypíše obsah uzlů stromu `T` se správným odsazením

```
show(T) :- show2(T,0).
show2(nil,_).
show2(t(L,X,R),Indent) :- Ind2 is Indent+2,show2(R,Ind2),tab(Indent),
 write(X),nl,show2(L,Ind2).
```

# Výpis binárního stromu

pomocí odsazení zobrazujeme úroveň uzlu ve stromu a celkové uspořádání uzlů (strom je tedy zobrazen “naležato”)

```
t(
 t(
 t(nil,1,nil),
 3,
 t(nil,4,nil)),
 5,
 t(
 t(nil,6,
 t(nil,7,nil)),
 8,
 t(nil,9,nil)))
```



**show(+T)** vypíše obsah uzlů stromu **T** se správným odsazením

```
show(T) :- show2(T,0).
show2(nil,_).
show2(t(L,X,R),Indent) :- Ind2 is Indent+2,show2(R,Ind2),tab(Indent),
 write(X),nl,show2(L,Ind2).
```

# Obsah

- 1 Operace na datových strukturách
  - Práce se seznamy
  - Třídění seznamů
- 2 Binární stromy
  - Uspořádané binární stromy
  - Přidávání do binárního stromu
  - Odebírání z binárního stromu
  - Vícesměrný algoritmus pro vkládání/odebírání
  - Výpis binárního stromu
- 3 Reprezentace grafů
  - Reprezentace grafů
  - Cesty v grafech
  - Kostra grafu

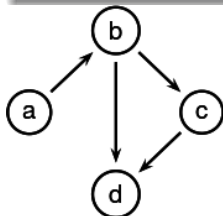
# Reprezentace grafů

Příklady způsobů reprezentace grafů (v Prologu):

- 1 term **graph(V,E)**, kde **V** je seznam vrcholů grafu a **E** je seznam hran grafu.

Každá hrana je tvaru **e(V1,V2)**, kde **V1** a **V2** jsou vrcholy grafu.

```
G = graph([a,b,c,d],[e(a,b),e(b,d),e(b,c),e(c,d)]).
```

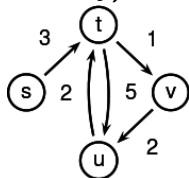


znázorňuje **orientovaný** graf

- 2 **vgraph(V,E)** definuje uspořádanou dvojici seznamů vrcholů (**V**) a hran (**E**).

Hrany jsou tvaru **a(PocatecniV, KoncovyV, CenaHrany)**.

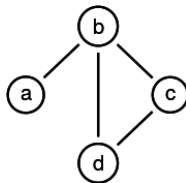
```
G = vgraph([s,t,u,v], [a(s,t,3), a(t,v,1),
a(t,u,5), a(u,t,2), a(v,u,2)]).
```



znázorňuje **orientovaný ohodnocený** graf

- 3 graf může být uložen v programové databázi jako posloupnost faktů (i pravidel).

```
edge(g3,a,b).
edge(g3,b,c).
edge(g3,b,d).
edge(g3,c,d).
edge(X,A,B) :- edge(X,B,A).
```



díky přidání pravidla představuje **neorientovaný** graf (bez pravidla je orientovaný).



# Cesty v grafech

Cesta v neorientovaném grafu:

**path(+A,+Z,+Graf,-Cesta)** v grafu **Graf** najde z vrcholu **A** do vrcholu **Z** cestu **Cesta** (**Graf** je ve tvaru 1).

```
path(A,Z,Graf,Cesta) :- path1(A,[Z],Graf,Cesta).
```

```
path1(A,[A|Cesta1],_,[A|Cesta1]).
```

```
path1(A,[Y|Cesta1],Graf,Cesta) :- adjacent(X,Y,Graf),
 \+ member(X,Cesta1), path1(A,[X,Y|Cesta1],Graf,Cesta).
```

```
adjacent(X,Y,graph(Nodes,Edges)) :-
```

```
 member(e(X,Y),Edges);member(e(Y,X),Edges).
```

# Cesty v grafech II.

Cesta v ohodnoceném neorientovaném grafu:

**path(+A,+Z,+Graf,-Cesta,-Cena)** hledá libovolnou cestu z jednoho vrcholu do druhého a její cenu v ohodnoceném neorientovaném grafu.

```
path(A,Z,Graf,Cesta,Cena) :- path1(A,[Z],0,Graf,Cesta,Cena).
```

```
path1(A,[A|Cesta1],Cena1,Graf,[A|Cesta1],Cena1).
```

```
path1(A,[Y|Cesta1],Cena1,Graf,Cesta,Cena) :- adjacent(X,Y,CenaXY,Graf),
 \+ member(X,Cesta1), Cena2 is Cena1+CenaXY,
 path1(A,[X,Y|Cesta1],Cena2,Graf,Cesta,Cena).
```

```
adjacent(X,Y,CenaXY,Graf) :-
```

```
 member(X-Y/CenaXY,Graf);member(Y-X/CenaXY,Graf).
```

**Graph** je seznam hran ve tvaru **X-Y/CenaXY** (viz **adjacent**).

# Kostra grafu

**Kostra grafu** je strom, který prochází všechny vrcholy grafu a jehož hrany jsou zároveň hranami grafu.

```
stree(Graph,Tree) :- member(Edge,Graph), spread([Edge],Tree,Graph).
```

```
spread(Tree1,Tree,Graph) :- addedge(Tree1,Tree2,Graph),
 spread(Tree2,Tree,Graph).
```

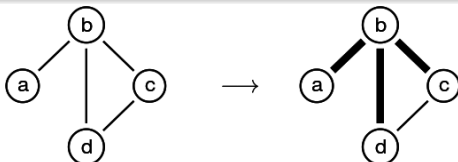
```
spread(Tree,Tree,Graph) :- \+ addedge(Tree,_,Graph).
```

```
adedge(Tree,[A-B|Tree],Graph) :- adjacent(A,B,Graph),node(A,Tree),
 \+ node(B,Tree).
```

```
adjacent(A,B,Graph) :- member(A-B,Graph);member(B-A,Graph).
```

```
node(A,Graph) :- adjacent(A,_,Graph).
```

```
?- stree([a-b,b-c,b-d,c-d],T).
 T = [b-d, b-c, a-b]
 Yes
```



# Kostra grafu

**Kostra grafu** je strom, který prochází všechny vrcholy grafu a jehož hrany jsou zároveň hranami grafu.

```
stree(Graph,Tree) :- member(Edge,Graph), spread([Edge],Tree,Graph).
```

```
spread(Tree1,Tree,Graph) :- addedge(Tree1,Tree2,Graph),
 spread(Tree2,Tree,Graph).
```

```
spread(Tree,Tree,Graph) :- \+ addedge(Tree,_,Graph).
```

```
addege(Tree,[A-B|Tree],Graph) :- adjacent(A,B,Graph),node(A,Tree),
 \+ node(B,Tree).
```

```
adjacent(A,B,Graph) :- member(A-B,Graph);member(B-A,Graph).
```

```
node(A,Graph) :- adjacent(A,_,Graph).
```

```
?- stree([a-b,b-c,b-d,c-d],T).
 T = [b-d, b-c, a-b]
 Yes
```

