

## Logika prvního řádu a transparentní intenzionální logika (TIL)

Aleš Horák

E-mail: [hales@fi.muni.cz](mailto:hales@fi.muni.cz)

<http://nlp.fi.muni.cz/uui/>

Obsah:

- Predikátová logika prvního řádu
- Logická analýza přirozeného jazyka
- Transparentní intenzionální logika

## VÝHODY A NEVÝHODY VÝROKOVÉ LOGIKY

- 😊 výroková logika je **deklarativní**: syntaxe přímo koresponduje s fakty
- 😊 výroková logika umožňuje zpracovávat částečné/disjunktivní/negované informace (což je víc, než umí většina datových struktur a databází)
- 😊 výroková logika je **kompoziční**:  
význam  $P_1 \wedge P_2$  je odvozen z významu  $P_1$  a  $P_2$
- 😊 ve výrokové logice je význam **kontextově nezávislý** (narozdíl od přirozeného jazyka, kde význam závisí na kontextu)
- 😞 výroková logika má velice omezenou expresivitu (narozdíl od přirozeného jazyka)  
např. nemáme jak říct “Jámy způsobují Vánek ve vedlejších místnostech” jinak, než vyjmenovat odpovídající výrok pro každé pole

## PREDIKÁTOVÁ LOGIKA PRVNÍHO ŘÁDU

- *First-order predicate logic*, FOPL/PL1
- výroková logika → svět obsahuje **fakty** × PL1 předpokládá, že svět obsahuje:
  - **objekty** – lidi, domy, teorie, barvy, roky, ...
  - **relace** – červený, kulatý, prvočíselný, bratři, větší než, uvnitř, ...
  - **funkce** – otec někoho, nejlepší přítel, plus jedna, začátek čeho, ...

## SYNTAXE PREDIKÁTOVÉ LOGIKY

- **základní prvky** –
 

konstanty	KingJohn, 2, RichardTheLionheart, ...
funktory predikátů	Brother, >, ...
funkce	Sqrt, LeftLegOf, ...
proměnné	$x, y, a, b, \dots$
spojky	$\wedge \vee \neg \Rightarrow \Leftrightarrow$
rovnost	=
kvantifikátory	$\forall \exists$

- **atomické formule** –
 

predikáty	Brother(KingJohn, RichardTheLionheart)
složené termy	$>(\text{Length}(\text{LeftLegOf}(\text{Richard})), \text{Length}(\text{LeftLegOf}(\text{KingJohn})))$

- **složené formule** – tvoří se z atomických formulí pomocí spojek

$$\neg S, \quad S_1 \wedge S_2, \quad S_1 \vee S_2, \quad S_1 \Rightarrow S_2, \quad S_1 \Leftrightarrow S_2$$

např.  $\text{Sibling}(\text{KingJohn}, \text{Richard}) \Rightarrow \text{Sibling}(\text{Richard}, \text{KingJohn})$

$$>(1, 2) \vee \leq(1, 2)$$

$$>(1, 2) \wedge \neg >(1, 2)$$

## PRAVDIVOST V PREDIKÁTOVÉ LOGICE

pravdivost formule (sémantika) se určuje vzhledem k *modelu a interpretaci*

**model** obsahuje  $\geq 1$  objektů a relace mezi nimi

**interpretace** definuje vztah mezi syntaxí a modelem – určuje referenty pro:

konstantní symboly  $\rightarrow$  objekty

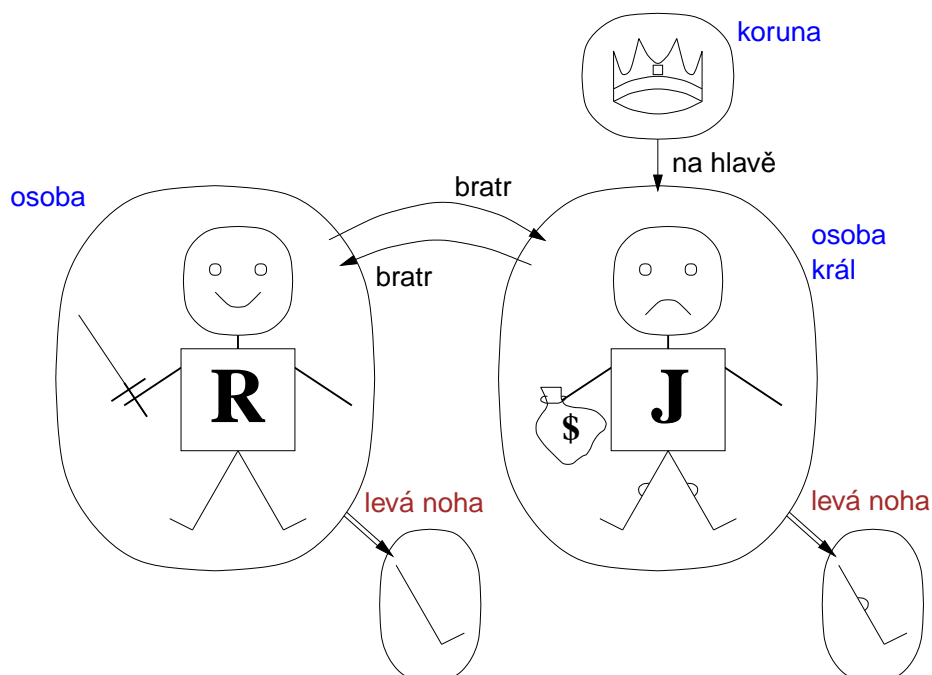
predikátové symboly  $\rightarrow$  relace

funkční symboly  $\rightarrow$  funkce

atomická formule **predikát**( $term_1, \dots, term_n$ ) je pravdivá  $\Leftrightarrow$

$\Leftrightarrow$  objekty odkazované pomocí  $term_1, \dots, term_n$  jsou v *relaci* pojmenované funktorem **predikát**.

## PŘÍKLAD MODELU A INTERPRETACE VE FOPL



5 objektů, 2 binární relace, 3 unární relace (osoba, král, koruna) a 1 unární funkce (levá noha).

## UNIVERZÁLNÍ KVANTIFIKACE

$\forall \langle \text{proměnné} \rangle \langle \text{formule} \rangle$

“Každý na FI MU je inteligentní:”  $\forall x \text{Na}(x, \text{FI MU}) \Rightarrow \text{inteligentní}(x)$

$\forall x P$  je pravdivé v modelu  $m \Leftrightarrow P$  je pravdivá pro  $x =$  každý možný objekt z modelu  $m$

zhruba odpovídá **konjunkci instancí**  $P$

$\text{Na}(\text{Petr}, \text{FI MU}) \Rightarrow \text{inteligentní}(\text{Petr})$

$\wedge \text{Na}(\text{Honza}, \text{FI MU}) \Rightarrow \text{inteligentní}(\text{Honza})$

$\wedge \text{Na}(\text{FI MU}, \text{FI MU}) \Rightarrow \text{inteligentní}(\text{FI MU})$

$\wedge \dots$

## EXISTENČNÍ KVANTIFIKACE

$\exists \langle \text{proměnné} \rangle \langle \text{formule} \rangle$

“Někdo na MFF UK je inteligentní:”  $\exists x \text{Na}(x, \text{MFF UK}) \wedge \text{inteligentní}(x)$

$\exists x P$  je pravdivé v modelu  $m \Leftrightarrow P$  je pravdivá pro  $x =$  nějaký objekt z modelu  $m$

zhruba odpovídá **disjunkci instancí**  $P$

$\text{Na}(\text{Petr}, \text{MFF UK}) \wedge \text{inteligentní}(\text{Petr})$

$\vee \text{Na}(\text{Honza}, \text{MFF UK}) \wedge \text{inteligentní}(\text{Honza})$

$\vee \text{Na}(\text{MFF UK}, \text{MFF UK}) \wedge \text{inteligentní}(\text{MFF UK})$

$\vee \dots$

## VLASTNOSTI KVANTIFIKACÍ

→ pozor při použití kvantifikátorů na záměnu  $\wedge$  a  $\Rightarrow$ :

	dobře	špatně	znamenalo by
“každý $P$ je $Q$ .”	$\forall x P \Rightarrow Q$	$\forall x P \wedge Q$	“každý je $P$ i $Q$ .”
“někdo $P$ je $Q$ .”	$\exists x (P \wedge Q)$	$\exists x (P \Rightarrow Q)$	“někdo není $P$ nebo je $Q$ .”

→  $\forall x \forall y$  je stejné jako  $\forall y \forall x$   
 $\exists x \exists y$  je stejné jako  $\exists y \exists x$   
 $\exists x \forall y$  **není** stejné jako  $\forall y \exists x$

$\exists x \forall y$  má\_rád( $x, y$ ) – “Existuje osoba, která má ráda všechny lidi na světě.”

$\forall y \exists x$  má\_rád( $x, y$ ) – “Každého na světě má alespoň jedna osoba ráda.” (potenciálně každého jiná)

→ **dualita kvantifikátorů**

oba mohou být vyjádřeny pomocí druhého

$\forall x$  má\_rád( $x, \text{zmrzlina}$ )       $\neg \exists x \neg$ má\_rád( $x, \text{zmrzlina}$ )

$\exists x$  má\_rád( $x, \text{mrkev}$ )       $\neg \forall x \neg$ má\_rád( $x, \text{mrkev}$ )

## INFERENCE VE FOPL

teoreticky **můžeme** určit všechny modely výčtem ze slovníku  $KB$ :

pro počet objektů  $n = 1, \dots, (\infty)$

pro každý  $k$ -ární predikát  $P_k$  ze slovníku

pro každou možnou  $k$ -ární relaci na  $n$  objektech

pro každý konstantní symbol  $C$  ze slovníku

pro každou volbu referenta pro  $C$  z  $n$  objektů . . .

prakticky je *kontrola modelů nepoužitelná*

inference je možná pouze podle **inferenčních pravidel** (dopředné/zpětné řetězení, rezoluce, . . .)

základní inferenční pravidlo – **zobecněné Modus Ponens** (*Generalized Modus Ponens, GMP*)

$$\frac{p_1', p_2', \dots, p_n', (p_1 \wedge p_2 \wedge \dots \wedge p_n \Rightarrow q)}{\text{SUBST}(\theta, q)}$$

kde  $\forall i \text{ SUBST}(\theta, p_i') = \text{SUBST}(\theta, p_i)$

pro atomické formule  $p_i, p_i'$  a  $q$

– používá navíc **unifikaci**

– vzniká z MP pomocí **liftingu**

– využívá upravené verze inferenčních algoritmů – dopředné/zpětné řetězení, rezoluce

## BÁZE ZNALOSTÍ VE FOPL

předpokládejme, že agent ve Wumpusově jeskyni cítí Zápach a Vánek, ale nevidí Třpyt, nenarazil do zdi a nezabil Wumpuse v čase  $t = 5$ :

$\text{TELL}(KB, \text{Percept}([\text{Zápach}, \text{Vánek}, \text{nic}, \text{nic}, \text{nic}], 5))$

$\text{ASK}(KB, \exists a \text{ Action}(a, 5))$

tj. dotaz "Vyplývá nějaká akce z  $KB$  v čase  $t = 5$ ?"

odpověď:  $\text{true}, \{a/\text{Výstřel}\}$  ← **substitute** (hodnot proměnným)

pro větu  $S$  a substituci  $\sigma \rightarrow S\sigma$  označuje výsledek aplikace  $\sigma$  na  $S$ :

$S = \text{chytřejší}(x, y)$

$\sigma = \{x/\text{Petr}, y/\text{Honza}\}$

$S\sigma = \text{chytřejší}(\text{Petr}, \text{Honza})$

$\text{ASK}(KB, S)$  vrací některá/všechna  $\sigma$  takové, že  $KB \models S\sigma$

## BÁZE ZNALOSTÍ PRO WUMPUSOVU JESKYNI

### Vnímání:

$\forall v, tr, n, w, t \text{ Percept}([\text{Zápach}, v, tr, n, w], t) \Rightarrow \text{Je\_zápach}(t)$

$\forall z, v, n, w, t \text{ Percept}([z, v, \text{Třpyt}, n, w], t) \Rightarrow \text{Máme\_zlato}(t)$

### Reflex:

$\forall t \text{ Máme\_zlato}(t) \Rightarrow \text{Action}(\text{Zvednutí}, t)$

**Reflex s vnitřním stavem:** neměli jsme už zlato?

$\forall t \text{ Máme\_zlato}(t) \wedge \neg \text{Držím}(\text{Zlato}, t) \Rightarrow \text{Action}(\text{Zvednutí}, t)$

$\text{Držím}(\text{Zlato}, t)$  není pozorovatelné  $\Rightarrow$  je důležité držet si informace o vnitřních stavech

## BÁZE ZNALOSTÍ PRO WUMPUSOVU JESKYNI pokrač.

### Vyvozování skrytých skutečností:

→ vlastnosti pozice:

$$\forall x, t \text{ Na\_poli}(\text{Agent}, x, t) \wedge \text{Je\_z\u00e1pach}(t) \Rightarrow \text{Zap\u00e1ch\u00e1}(x)$$

$$\forall x, t \text{ Na\_poli}(\text{Agent}, x, t) \wedge \text{Je\_v\u00e1nek}(t) \Rightarrow \text{S\_v\u00e1nkem}(x)$$

→ “V poli vedle Jámy je Vánek:”

– **diagnostické** pravidlo – odvodí příčiny z následku

$$\forall y \text{ Je\_v\u00e1nek}(y) \Rightarrow \exists x \text{ J\u00e1ma}(x) \wedge \text{Vedle}(x, y)$$

– **příčinné** pravidlo – odvodí výsledek z premisy

$$\forall x, y \text{ J\u00e1ma}(x) \wedge \text{Vedle}(x, y) \Rightarrow \text{Je\_v\u00e1nek}(y)$$

– ani jedno z nich není úplné

např. příčinné pravidlo neříká, jestli v poli daleko od Jámy nemůže být Vánek

– **definice** predikátu Je\_vánek:

$$\forall y \text{ Je\_v\u00e1nek}(y) \Leftrightarrow [\exists x \text{ J\u00e1ma}(x) \wedge \text{Vedle}(x, y)]$$

## BÁZE ZNALOSTÍ PRO WUMPUSOVU JESKYNI – ROZHODOVÁNÍ

→ počáteční podmínka v  $KB$ :

$$\text{Na\_poli}(\text{Agent}, [1, 1], S_0)$$

→ **dotaz**

$$\text{Ask}(KB, \exists s \text{ Dr\u00edim}(\text{Zlato}, s))$$

tj., “V jaké situaci budu držet Zlato?”

→ situace jsou propojeny pomocí funkce *Result*:

$\text{Result}(a, s)$  je situace, která je výsledkem činnosti  $a$  v  $s$

→ **odpověď** (např. v situaci, kdy hned na vedlejším poli je Zlato)

$$\{s / \text{Result}(\text{Zvednutí}, \text{Result}(\text{Krok dopředu}, S_0))\}$$

tj., jdi dopředu a zvedni Zlato

## SHRNUTÍ

logický agent aplikuje **inferenci** na **bázi znalostí** pro vyvození nových informací a tvorbu rozhodnutí

základní koncepty logiky:

**syntaxe**: formální struktura **vět**

**sémantika**: **pravdivost** vět podle **modelů**

**vyplývání**: nutná pravdivost věty v závislosti na druhé větě

**inference**: vyvození věty z jiných vět

**bezespornost**: inference produkuje jen vyplývající věty

**úplnost**: inference vyprodukuje  $\forall$  vyplývající věty

**výroková logika** nemá dostatečnou expresivitu

**predikátová logika** prvního řádu:

- syntaxe: konstanty, funkce, predikáty, rovnost, kvantifikátory
- větší expresivita – dostatečná pro Wumpusovu jeskyni
- “poslední” logika, pro kterou existuje **bezesporná** a **úplná** inference (Gödelovy věty o neúplnosti)

jiné možné logiky:

jazyk	ontologie	pravdivostní hodnoty
výroková logika	fakty	true/false/ $\perp$
predikátová logika 1. řádu	fakty, objekty, relace	true/false/ $\perp$
temporální logika	fakty, objekty, relace, čas	true/false/ $\perp$
teorie pravděpodobnosti	fakty	míra pravděpodobnosti $\in [0, 1]$
fuzzy logika	míra pravdivosti $\in [0, 1]$	intervaly hodnot

## Logická analýza přirozeného jazyka

### LOGICKÁ ANALÝZA PŘIROZENÉHO JAZYKA

**logická analýza PJ** – analýza **významu** výrazů (vět) PJ

přirozený **jazyk** (čeština, angličtina, ...) = nástroj pojmového uchopení reality

**pojem** – kritéria/procedury umožňující identifikovat různé konkrétní a abstraktní objekty (např. “planeta” – třída nebeských těles s určitými charakteristikami – obíhá po oběžné dráze kolem slunce, není zdrojem světla, ...)

– **pojem**  $\neq$  **výraz** – např. výrazy v různých jazycích často reprezentují stejný pojem

(pojem(“prvočíslo”)  $\equiv$  pojem(“prime number”))

– **pojem**  $\neq$  **představa** – představa je **subjektivní**, pojem je **objektivní**

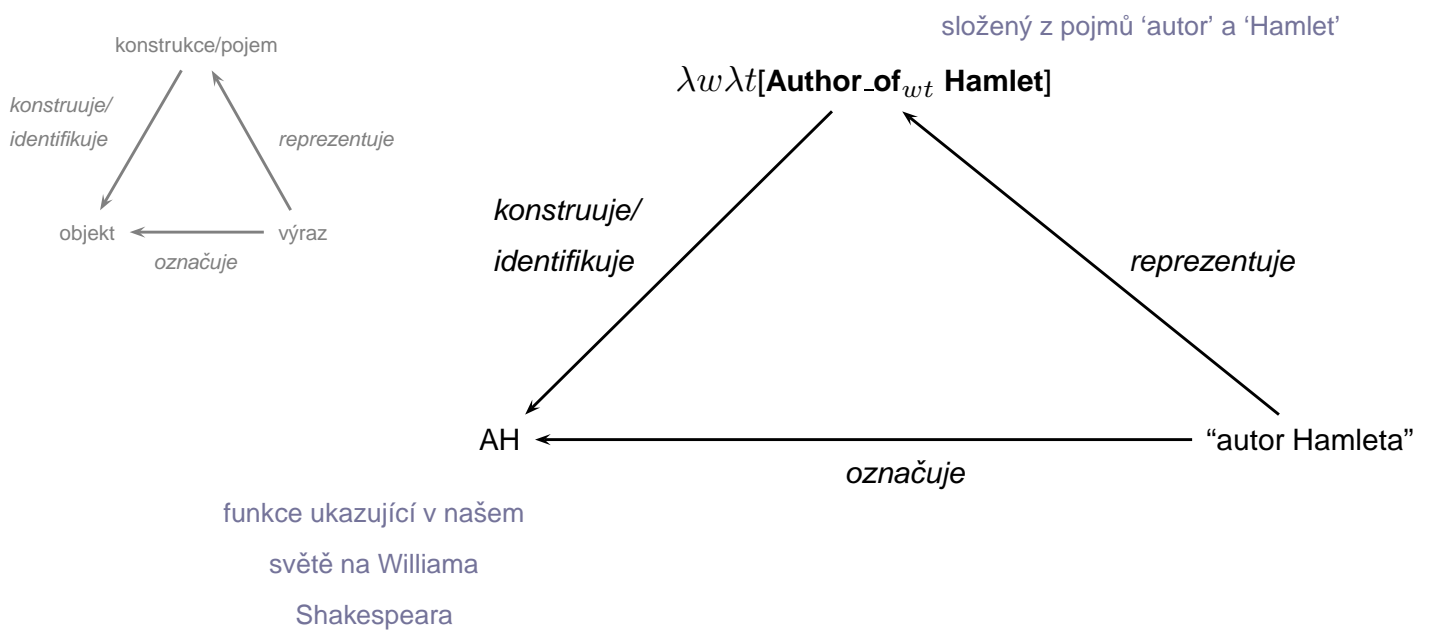
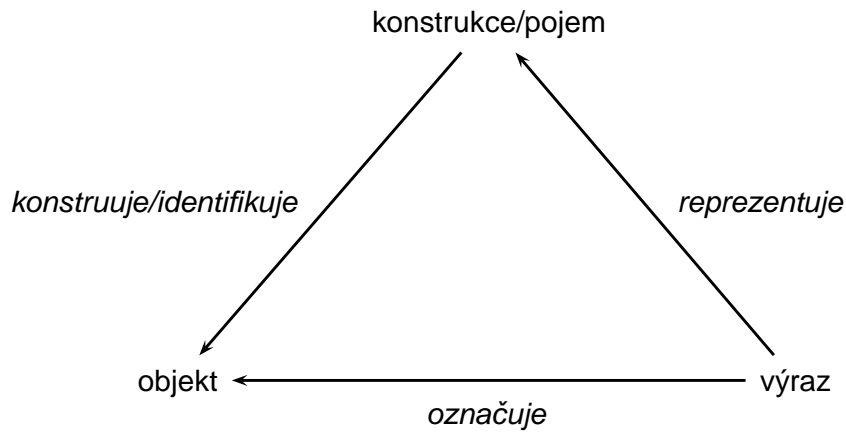
– pojmy mohou identifikovat různé objekty:

- ◇ jedno individuum – **individuální pojmy** (např. Petr, Pegas, prezident ČR)
- ◇ třídu objektů – **vlastnost** (např. červený, šelma, hora)
- ◇  $n$ -člennou relaci – **vztah** (např. otec (někoho), křivdit (někdo někomu))
- ◇ pravdivostní hodnotu – **propozice** (např. v Brně prší)
- ◇ funkcionální přiřazení – **empirické funkce** (např. rychlost)
- ◇ číslo – (fyzikální) **veličiny** (např. rychlost světla)



VZTAH POJMU A VÝRAZU

ve zjednodušené podobě: pojem odpovídá logické **konstrukci**



## OMEZENOST PREDIKÁTOVÉ LOGIKY 1. ŘÁDU

dva omezující rysy:      – nedostatečná expresivita  
    – extenzionalismus

**Expresivita:** vyjadřovací síla jazyka

“Je-li barva stropu pokoje č. 3 uklidňující, je pokoj č. 3 vhodný pro pacienta  $X$  a není vhodný pro pacienta  $Y$ .”

analýza ve **výrokové logice:**

$P \Rightarrow (Q \wedge \neg R)$	$P$	“Barva stropu pokoje č. 3 je uklidňující.”
	$Q$	“Pokoj č. 3 je vhodný pro pacienta $X$ .”
	$R$	“Pokoj č. 3 je vhodný pro pacienta $Y$ .”

analýza v **PL1:**

$U(B) \Rightarrow (V(P, X) \wedge \neg V(P, Y))$	$U$	třída uklidňujících objektů
	$B$	individuum ‘barva stropu pokoje č. 3’
	$V$	relace mezi individuy ‘být vhodný pro’
	$P$	individuum ‘pokoj č. 3’
	$X, Y$	individua ‘pacient $X$ ’ a ‘pacient $Y$ ’

## NEDOSTATEČNÁ EXPRESIVITA PL1

Červená barva je krásnější než hnědá barva.      Kostka je červená.

analýza v **PL1:**

$Kr(\check{C}_1, H)$        $\check{C}_2(Ko)$

$\check{C}_1$       individuum ‘červená barva’

$\check{C}_2$       vlastnost individuí ‘být červený’ (třída červených objektů)

nelze vyjádřit       $\check{C}_1 \equiv \check{C}_2$

### EXTENZIONALISMUS PL1

*Varšava*

*hlavní město Polska*

Varšava – **jméno individua**, jasně identifikovatelné a odlišitelné

hlavní město Polska – **individuová role**, momentálně identifikuje Varšavu, ale dříve to byl i Krakov

'hlavní město Polska'

– závisí na světě a čase

– pochopení významu, ale není vázané na znalost obsahu – tj. **význam** na světě a čase **nezávisí**

*číslo  $X$  je větší než číslo  $Y$*

*budova  $X$  je větší než budova  $Y$*

matematické větší než – **relace** dvojic čísel, pevně daná

empirické větší než – **vztah** dvou individuí, který se může měnit v čase (otec a syn)

### EXTENZIONALISMUS PL1 pokrač.

*ano*

*V Brně prší*

ano – **pravdivostní hodnota** *true*

V Brně prší – **propozice** – označuje pravdivostní hodnotu, která se mění (alespoň) v čase

i když hodnota někdy závisí na světě a čase, samotný význam na nich **nezávisí**

## EXTENZE A INTENZE

Definujeme:

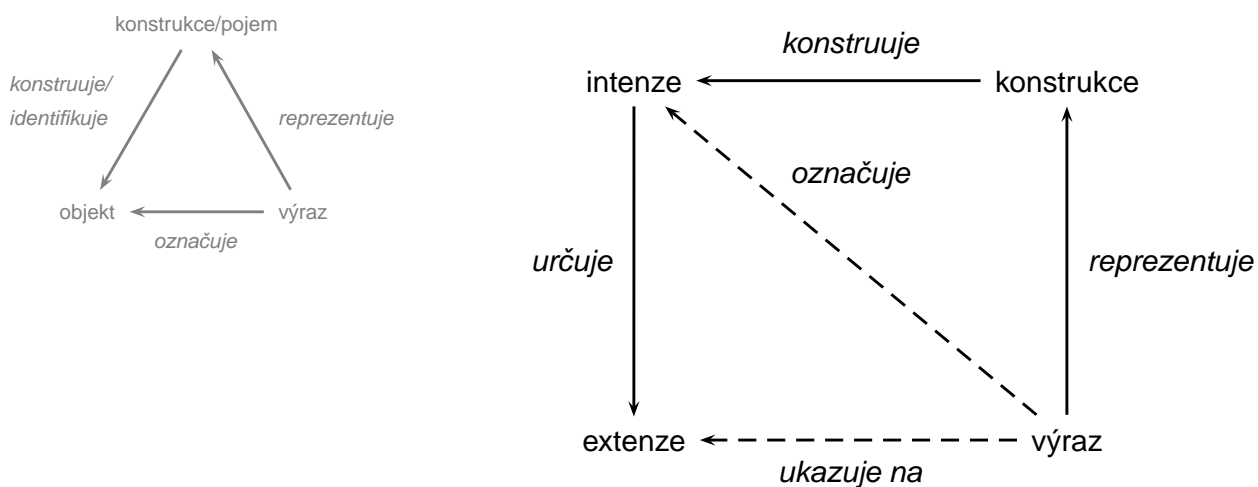
**intenze** – objekty typu funkcí, jejichž hodnoty závisí na světě a čase

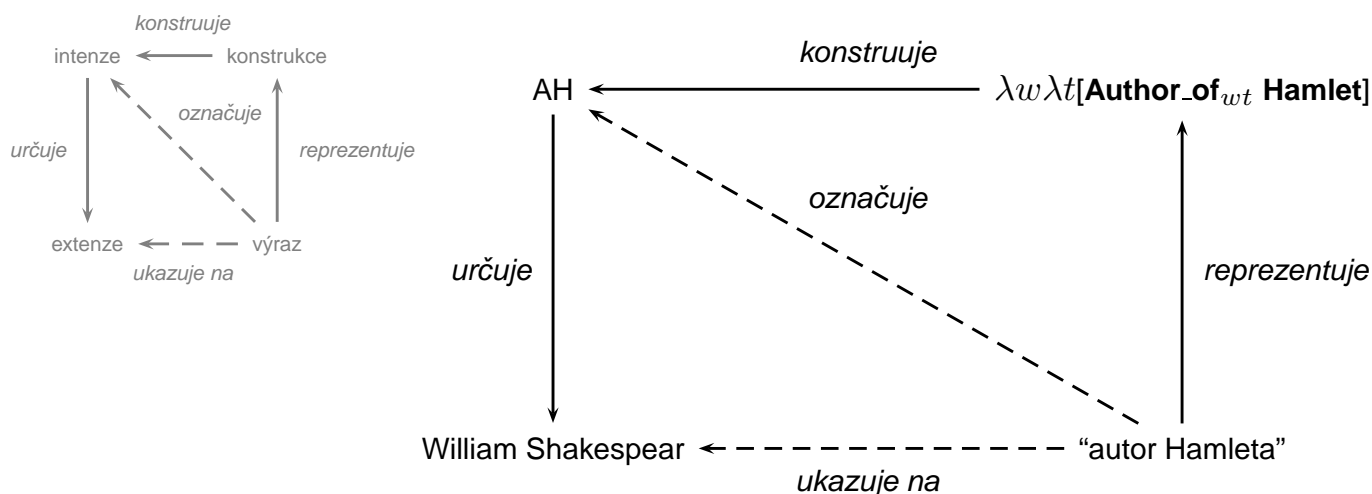
**extenze** – ostatní objekty (na světě a čase nezávislé)

časté extenze a intenze:

<i>extenze</i>	<i>intenze</i>
individua	individuové role
třídy	vlastnosti
relace	vztahy
pravdivostní hodnoty	propozice
funkce	empirické funkce
čísla	veličiny

## ROZŠÍŘENÝ VZTAH VÝRAZU A VÝZNAMU U INTENZÍ





## Transparentní intenzionální logika

### TRANSPARENTNÍ INTENZIONÁLNÍ LOGIKA

- *Transparent Intensional Logic*, TIL
- **logický systém** speciálně navržený pro zachycení **významu výrazů PJ**
- autor **Pavel Tichý**: *The Foundations of Frege's Logic*, de Gruyter, Berlin, New York, 1988.
- obdobná teorie – *Montagueho intenzionální logika* – Tichý ukazuje její nedostatky
- Tichý vychází z myšlenek – *Gottlob Frege* (1848 – 1925, logik) a *Alonzo Church* (1903 – 1995, teorie typů)
- vlastnosti:
  - rozvětvená **typová hierarchie** (s typy **vyšších řádů**)
  - **temporální**
  - **intenzionální** (intenze × extenze)
- **transparentost**:
  1. nositel významu (**konstrukce**) není prvek formálního aparátu, tento aparát pouze *studuje* konstrukce
  2. zachycení intenzionality je přesně popsáno z matematického hlediska

## TYPY V TILU

typ objektu:

- základní typy – **typová báze** =  $\{o, \iota, \tau, \omega\}$
- funcionální typy – **funkce** nad typovou bází  
např.  $\iota$ ,  $((\iota\tau)\omega)$ ,  $(o\iota)$ ,  $((o\iota)\tau)\omega$ ,  $((o\tau)\omega)$ , ...  
 $((\alpha\tau)\omega)$  ... závislost na světě a čase, vyjadřuje **intenze** – zápis  $\alpha_{\tau\omega}$
- typy **vyšších řádů** – obsahují i třídy konstrukcí řádu  $n$  –  $*_n$

## ZÁKLADNÍ TYPY TILU

umožňují přiřadit typ objektům z **intenzionální báze** jazyka – třída **základních vlastností** (barvy, rozměry, postoje, ...) popisujících stav světa

- $o$**  (omikron, o) ... **pravdivostní hodnoty** Pravda (*true*, T) a Nepravda (*false*, F)  
přesně odpovídají běžným logikám, typy **logických operátorů** –  $(oo)$ ,  $(ooo)$
- $\iota$**  (jota) ... třída **individuí**  
individua ovšem ne jako kompletní objekty, ale jako **numerická identifikace** nestrukturované entity
- $\tau$**  (tau) ... třída **časových okamžiků** (jako časového kontinua)  
zachycení závislosti na čase; současně třída **reálných čísel**
- $\omega$**  (omega) ... třída **možných světů**  
zachycení empirické závislosti na stavu světa

## MOŽNÉ SVĚTY

termín **možný svět** – Gottfried Wilhelm von Leibniz (1646 – 1716, filozof a matematik)

požadavky na definici možného světa:

- soubor **myslitelných faktů**
- je **konzistentní** a **maximální** ze všech takových souborů
- je **objektivní** (nezávislý na individuálním názoru)

mezi možnými světy existuje právě jeden **aktuální svět** – jeho znalost  $\equiv$  vševědoucnost

**možný svět v TILu** = *rozhodovací systém*, pro  $\forall$  prvek intenzionální báze obsahuje **konzistentní přiřazení** hodnot

příklad – realita s 2 objekty a 2 vlastnostmi (9 možných světů):

být hubený	být tlustý			$\emptyset$
	{Laurel, Hardy}	{Laurel}	{Hardy}	
{Laurel, Hardy}	×	×	×	$w_1$
{Laurel}	×	×	$w_2$	$w_3$
{Hardy}	×	$w_4$	×	$w_5$
$\emptyset$	$w_6$	$w_7$	$w_8$	$w_9$

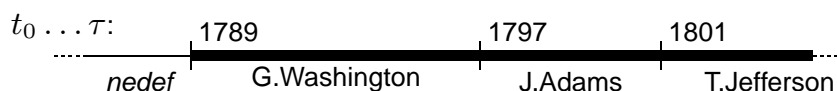
## PRINCIP INTENZÍ V TILU

- být hubený** ... objekt typu  $(ol)_{\tau\omega}$ , funkce z možných světů a času do tříd individuí
- $w$  ... proměnná typu  $\omega$ , možný svět
- $t$  ... proměnná typu  $\tau$ , časový okamžik

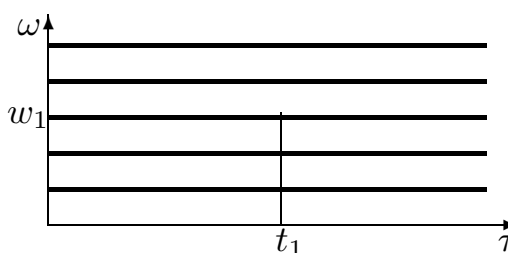
[**být hubený**  $w t$ ] ... konstruuje  $(ol)$ -objekt, třídu individuí, kteří mají ve světě  $w$  a čase  $t$  vlastnost **být hubený** (značíme **být hubený** $_{wt}$ )

pokud aplikujeme jen  $w$  – získáme **chronologii**

**Americký prezident** $_{w_{act}}$  (zkr.  $\mathbf{P}_{w_{act}}$ ) ...  $l_{\tau}$   $\mathbf{P}_{w_{act}t_0} \dots l_i$



**intenzionální sestup** – identifikace extenze pomocí intenze, světa  $w_1$  a času  $t_1$



## NEJČASTĚJŠÍ TYPY

<i>extenze</i>		<i>intenze</i>	
individua	... $\iota$	individuové role	... $\iota_{\tau\omega}$
třídy	... $(o\iota)$	vlastnosti	... $(o\iota)_{\tau\omega}$
relace	... $(o\alpha\beta)$	vztahy	... $(o\alpha\beta)_{\tau\omega}$
pravdivostní hodnoty	... $o$	propozice	... $o_{\tau\omega}, \pi$
funkce	... $(\alpha\beta)$	empirické funkce	... $(\alpha\beta)_{\tau\omega}$
čísla	... $\tau$	veliřiny	... $\tau_{\tau\omega}$

## KONSTRUKCE

## konstrukce v TILu:

- proměnná** typu  $\alpha$ , v závislosti na **valuaci** konstruuje  $\alpha$ -objekt

$$x \dots \iota$$

- trivializace** objektu A typu  $\alpha$ , konstruuje právě objekt A

$${}^0A \dots \alpha, \quad \text{často také } \mathbf{A} \dots \alpha$$

**trivializace složené konstrukce** – přechod k **vyšším řádům**

- aplikace** konstrukce  $X \dots (\alpha\beta_1 \dots \beta_n)$  na konstrukce  $Y_1, \dots, Y_n$  typů  $\beta_1, \dots, \beta_n$ , konstruuje objekt typu  $\alpha$

$$[XY_1 \dots Y_n] \dots \alpha$$

- abstrakce** konstrukce  $Y \dots \alpha$  na proměnných  $x_1, \dots, x_n$  typů  $\beta_1, \dots, \beta_n$ , konstruuje objekt/funkci typu  $(\alpha\beta_1 \dots \beta_n)$

$$\lambda x_1 \dots x_n [Y] \dots (\alpha\beta_1 \dots \beta_n)$$

U aplikace i abstrakce se tady jedná o zápis *funkcí více proměnných*, ne o částečné aplikace



## PŘÍKLADY ANALÝZY PODSTATNÝCH JMEN

pes, člověk	$x \dots l: \mathbf{pes}_{wt}x, \mathbf{pes}/(ol)_{\tau\omega}$	individuum z dané třídy individuí
prezident	$\mathbf{prezident}/l_{\tau\omega}$	individuová role
volitelnost	$\mathbf{volitelnost}/(ol_{\tau\omega})_{\tau\omega}$	vlastnost individuové role
výška	$\mathbf{výška}/(\tau l)_{\tau\omega}$	empirická funkce
výrok, tvrzení	$p \dots *n: \mathbf{výrok}_{wt}p, \mathbf{výrok}/(o*n)_{\tau\omega}$	konstrukce propozice z dané třídy konstrukcí propozic
válka, smích, zvonění	$\mathbf{válka}/(o(o\pi))_{\omega}$	třída epizod – aktivita, která kore- sponduje se slovesem
leden, podzim	$\mathbf{leden}/(o(o\tau))$	třída časových okamžiků — časové intervaly

## PŘÍKLADY PŘÍNOSU TILU

## → propoziční postoje

*Petr říká, že Tom věří, že Země je kulatá.*

$$\lambda w \lambda t \left[ \mathbf{ř} \mathbf{k} \mathbf{á}_{wt} \mathbf{P} \mathbf{e} \mathbf{t} \mathbf{r} \left[ \lambda w \lambda t \left[ \mathbf{v} \mathbf{ě} \mathbf{ř} \mathbf{i}_{wt} \mathbf{T} \mathbf{o} \mathbf{m} \left[ \lambda w \lambda t \left[ \mathbf{k} \mathbf{u} \mathbf{l} \mathbf{á} \mathbf{t}_{wt} \mathbf{Z} \mathbf{e} \mathbf{m} \mathbf{ě} \right] \right] \right] \right] \right]$$

## → existence neexistujícího

*Pes existuje. Jednorožec neexistuje.*

$$\text{v PL1: } \quad \neg \exists x (x = \mathbf{pes}) \quad \neg \exists x (x = \mathbf{jednorožec})$$

$$(\mathbf{jednorožec} = \mathbf{jednorožec}) \Rightarrow (\exists x (x = \mathbf{jednorožec}))$$

v TILu:

$$(*) \quad \lambda w \lambda t \left[ {}^0 \neg [ \mathbf{E} \mathbf{x}_{wt} \mathbf{j} \mathbf{e} \mathbf{d} \mathbf{n} \mathbf{o} \mathbf{ř} \mathbf{e} \mathbf{c} ] \right], \quad \mathbf{E} \mathbf{x} \stackrel{df}{=} \lambda w \lambda t \lambda p \left[ {}^0 \sum_l [ \lambda x [ p_{wt} x ] ] \right]$$

$$\mathbf{E} \mathbf{x} \dots (o(ol)_{\tau\omega})_{\tau\omega}$$

(\*) ... "třída všech individuí s vlastností 'být jednorožcem' je v daném světě a čase prázdná."

## → intenzionalita, vlastnosti vlastností, analýza epizod, analýza gramatického času, ...