

## Logický agent, výroková logika

Aleš Horák

E-mail: [hales@fi.muni.cz](mailto:hales@fi.muni.cz)

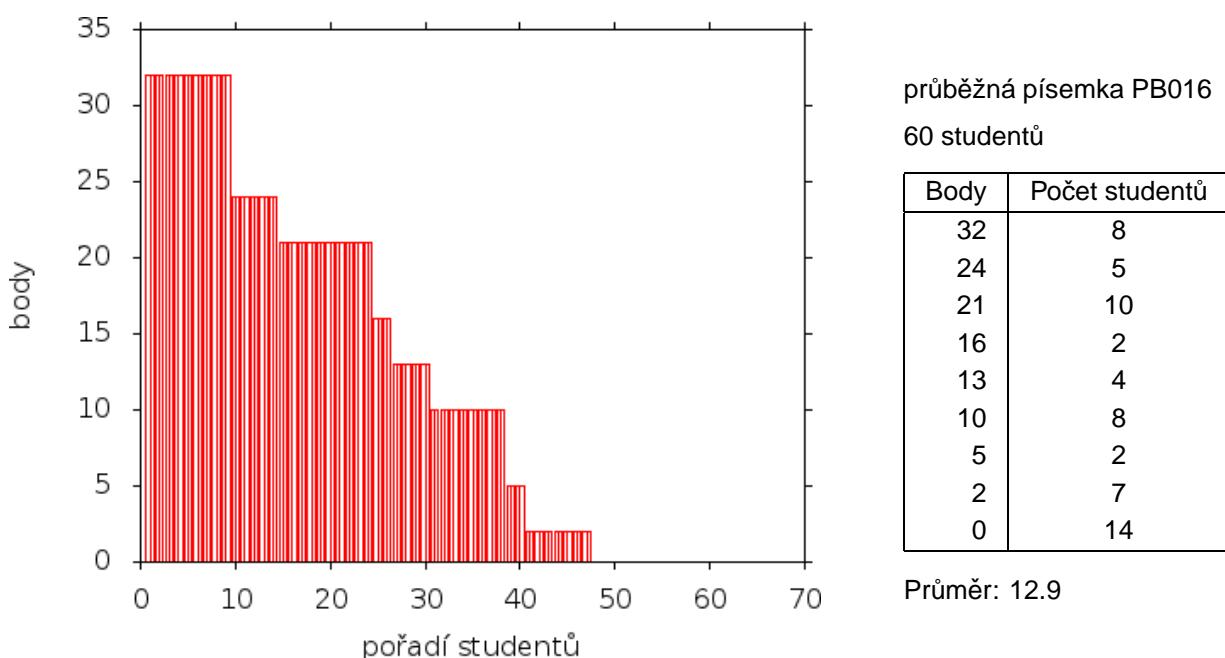
<http://nlp.fi.muni.cz/uui/>

Obsah:

- Statistické výsledky průběžné písemky
- Logický agent
- Wumpusova jeskyně
- Logika
- Výroková logika
- Důkazové metody

## Statistické výsledky průběžné písemky

### STATISTICKÉ VÝSLEDKY PRŮBĚŽNÉ PÍSEMKY



## LOGICKÝ AGENT

**logický agent** = agent využívající **znalosti** (*knowledge-based agent*)

2 koncepty: { – **reprezentace** znalostí (*knowledge representation*)  
– **vyvozování** znalostí (*knowledge reasoning*) → **inference**

rozdíly od prohledávání stavového prostoru:

- **znalost** při prohledávání stavového prostoru → jen **zadané funkce** (přechodová funkce, cílový test, ...)
- znalosti logického agenta → **obecná forma** umožňující **kombinace** těchto znalostí

**obecné znalosti** – důležité v **částečně pozorovatelných** prostředích (*partially observable environments*)

**flexibilita** logického agenta:  
→ schopnost řešit i **nové úkoly**  
→ možnost **učení** nových znalostí  
→ **úprava** stávajících znalostí podle stavu prostředí

## NÁVRH LOGICKÉHO AGENTA

agent musí umět:  
→ reprezentovat stavy, akce, ...  
→ zpracovat nové vstupy z prostředí  
→ aktualizovat svůj vnitřní popis světa  
→ odvodit skryté informace o stavu světa  
→ odvodit vlastní odpovídající akce

přístupy k tvorbě agenta (systému) – **deklarativní** × **procedurální** (kombinace obou)

návrh agenta → víc pohledů:

- znalostní hledisko** – tvorba agenta → zadání znalostí pozadí, znalostí domény a cílového požadavku  
např. automatické taxi
  - znalost mapy, dopravních pravidel, ...
  - požadavek – dopravit zákazníka na FI MU Brno
- implementační hledisko** – jaké datové struktury KB obsahuje + algoritmy, které s nimi manipulují

## KOMPONENTY AGENTA, BÁZE ZNALOSTÍ

komponenty logického agenta:

inferenční stroj (inference engine)

← algoritmy nezávislé na doméně

báze znalostí (knowledge base)

← "informace" o doméně

báze znalostí (KB) = množina **vět** (tvrzení) vyjádřených v **jazyce reprezentace znalostí**

**obsah** báze znalostí:

- na začátku – tzv. **znalosti pozadí** (*background knowledge*)
- průběžně **doplňované** znalosti → úkol **tell(+KB,+Sentence)**

**akce** logického agenta:

```
% kb_agent_action (+KB,+ATime,+Percept,-Action,-NewATime)
kb_agent_action(KB,ATime,Percept,Action,NewATime):-%
    make_percept_sentence(Percept,ATime,Sentence),% přidáme výsledky pozorování do KB
    tell(KB,Sentence),
    make_action_query(ATime,Query),% zeptáme se na další postup
    ask(KB,Query,Action),
    make_action_sentence(Action,ATime,ASentence),% přidáme informace o akci do KB
    tell(KB,ASentence),
    NewATime is ATime + 1.
```

## Wumpusova jeskyně

## POPIS SVĚTA – PEAS

**zadání světa** rozumného agenta:

- míra výkonnosti** (*Performance measure*)  
plus body za dosažené (mezi)cíle, pokuty za nežádoucí následky
- prostředí** (*Environment*)  
objekty ve světě, se kterými agent musí počítat, a jejich vlastnosti
- akční prvky** (*Actuators*)  
možné součásti činnosti agenta, jeho akce se skládají z použití těchto prvků
- senzory** (*Sensors*)  
zpětné vazby akcí agenta, podle jejich výstupů se tvoří další akce

např. zmiňované automatické taxi:

míra výkonnosti	doprava na místo, vzdálenost, bezpečnost, bez přestupků, komfort, ...
prostředí	ulice, křižovatky, účastníci provozu, chodci, počasí, ...
akční prvky	řízení, plyn, brzda, houkačka, blinkry, komunikátory, ...
senzory	kamera, tachometr, počítač kilometrů, senzory motoru, GPS, ...

## WUMPUSOVA JESKYNĚ

PEAS zadání Wumpusovy jeskyně:

**P – míra výkonnéosti**

zlato +1000, smrt -1000, -1 za krok, -10 za užití šípu

**E – prostředí**

Místnosti vedle Wumpuse zapáchají

V místnosti vedle jámy je vánek

V místnosti je zlato  $\Leftrightarrow$  je v ní třpyt

Výstřel zabije Wumpuse, pokud jsi obrácený k němu

Výstřel vyčerpá jediný šíp, který máš

Zvednutím vezmeš zlato ve stejné místnosti

Položení odloží zlato v aktuální místnosti

**A – akční prvky**

Otočení vlevo, Otočení vpravo, Krok dopředu,

Zvednutí, Položení, Výstřel

**S – senzory**

Vánek, Třpyt, Zápach, Náraz do zdi, Chropťení Wumpuse

4			
3			
2			
1			
	1	2	3

# Wumpusova jeskyně

## VLASTNOSTI PROBLÉMU WUMPUSOVY JESKYNĚ

**pozorovatelné** **ne**, jen lokální vnímání

**deterministické** **ano**, přesně dané výsledky

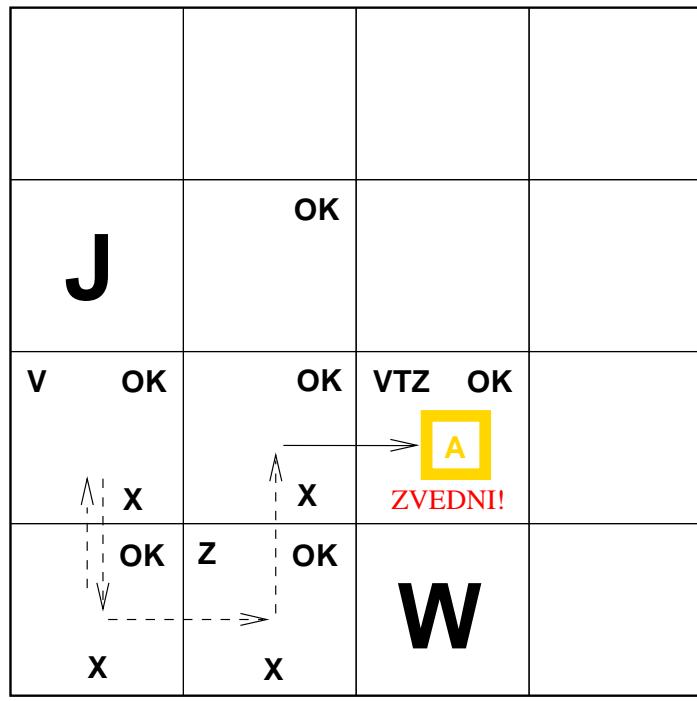
**episodické** **ne**, sekvenční na úrovni akcí

**statické** **ano**, Wumpus a jámy se nehýbou

**diskrétní** **ano**

**více agentů** **ne**, Wumpus je spíše vlastnost prostředí

## PRŮZKUM WUMPUSOVY JESKYNĚ



A	= Agent
V	= Vánek
T	= Třpyt
OK	= bezpečí
J	= Jáma
Z	= Zápach
X	= navštívěno
W	= Wumpus

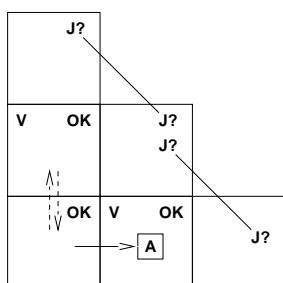
## Wumpusova jeskyně

## PRŮZKUM WUMPUSOVY JESKYNĚ – PROBLÉMY

základní vlastnost logického vyvozování:

*Kdykoliv agent dospěje k **závěru** z daných informací → tento závěr je **zaručeně správný**, pokud jsou správné dodané informace.*

**obtížné situace:**



Vánek v (1, 2) i v (2, 1) ⇒ žádná bezpečná akce

Při předpokladu uniformní distribuce děr

→ díra v (2, 2) má pravděpodobnost 0.86, na krajích 0.31

Zápach v (1, 1) ⇒ nemůže se pohnout

je možné použít **donucovací strategii** (*strategy of coercion*):

1. Výstřel jedním ze směrů
2. byl tam Wumpus ⇒ je mrtvý (poznám podle Chroptění) ⇒ bezpečné
3. nebyl tam Wumpus (žádné Chroptění) ⇒ bezpečný směr

## LOGIKA

**Logika** = *syntaxe* a *sémantika* formálního jazyka pro reprezentaci informací umožňující vyvozování **závěrů**

**Syntaxe** definuje všechny *dobře utvořené věty* jazyka

**Sémantika** definuje "význam" vět  $\Rightarrow$  definuje **pravdivost** vět v jazyce (v závislosti na *možném světě*)

např. jazyk aritmetiky:

- $x + 2 \geq y$  je dobře utvořená věta;       $x2 + y >$  není věta
- $x + 2 \geq y$  je pravda     $\Leftrightarrow$  číslo  $x + 2$  není menší než číslo  $y$
- $x + 2 \geq y$  je pravda ve světě, kde  $x = 7, y = 1$
- $x + 2 \geq y$  je nepravda ve světě, kde  $x = 0, y = 6$

zápis na papíře v libovolné syntaxi → v KB se jedná o **konfiguraci** (částí) agenta

vlastní **vyvozování** → generování a manipulace s těmito konfiguracemi

## DŮSLEDEK

**Důsledek** (vyplývání, *entailment*) – jedna věc **logicky vyplývá** z druhé (je jejím důsledkem):

$$KB \models \alpha$$

Z báze znalostí  $KB$  vyplývá věta  $\alpha$      $\Leftrightarrow$      $\alpha$  je pravdivá ve *všech světech*, kde je  $KB$  pravdivá  
např.:

- $KB$  obsahuje věty – "Češi vyhráli"

– "Slováci vyhráli"

z  $KB$  pak vyplývá – "Bud Češi vyhráli nebo Slováci vyhráli"

- z  $x + y = 4$  vyplývá  $4 = x + y$

Důsledek je vztah mezi větami (*syntaxe*), který je založený na *sémantice*.

## MODEL

možný svět = **model** ... formálně strukturovaný (abstraktní) svět, umožňuje vyhodnocení pravdivosti

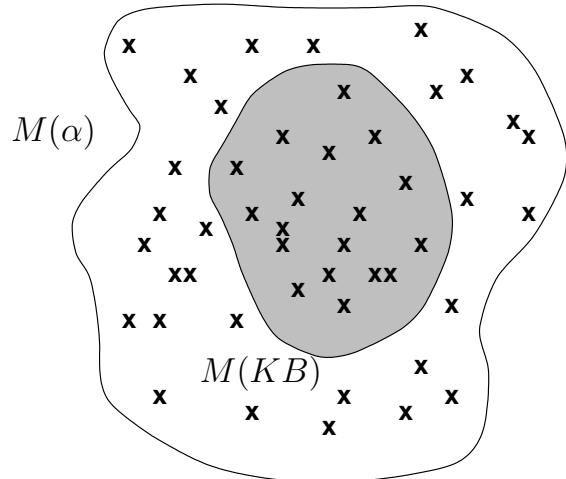
říkáme:  $m$  je **model** věty  $\alpha \Leftrightarrow \alpha$  je pravdivá v  $m$

$M(\alpha)$  ... množina všech modelů věty  $\alpha$

$$KB \models \alpha \Leftrightarrow M(KB) \subseteq M(\alpha)$$

např.:  $KB =$  “Češi vyhráli”  $\wedge$  “Slováci vyhráli”

$\alpha =$  “Češi vyhráli”



## INFERENCE

Vyvozování požadovaných důsledků – **inference**

$KB \vdash_i \alpha$  ... věta  $\alpha$  může být **vyvozena** z  $KB$  pomocí (procedury)  $i$       ( $i$  odvodí  $\alpha$  z  $KB$ )

všechny možné důsledky  $KB$  jsou “kupka sena”;  $\alpha$  je jehla

vyplývání = jehla v kupce sena; inference = její nalezení

**Bezespornost:**  $i$  je bezesporná  $\Leftrightarrow \forall KB \vdash_i \alpha \Rightarrow KB \models \alpha$

**Úplnost:**  $i$  je úplná  $\Leftrightarrow \forall KB \models \alpha \Rightarrow KB \vdash_i \alpha$

Vztah k *reálnému světu*:

Pokud je  $KB$  **pravdivá v reálném světě**  $\Rightarrow \forall$  věta  $\alpha$  vyvozená z  $KB$  pomocí **bezesporné inference** je také pravdivá ve skutečném světě

Jestliže máme sémantiku “pravdivou” v reálném světě  $\rightarrow$  můžeme vyvozovat závěry o skutečném světě pomocí logiky

## VÝROKOVÁ LOGIKA

**Výroková logika** – nejjednodušší logika, ilustruje základní myšlenky

- **výrokové symboly**  $P_1, P_2, \dots$  jsou věty
- **negace** –  $S$  je věta  $\Rightarrow \neg S$  je věta
- **konjunkce** –  $S_1$  a  $S_2$  jsou věty  $\Rightarrow S_1 \wedge S_2$  je věta
- **disjunkce** –  $S_1$  a  $S_2$  jsou věty  $\Rightarrow S_1 \vee S_2$  je věta
- **implikace** –  $S_1$  a  $S_2$  jsou věty  $\Rightarrow S_1 \Rightarrow S_2$  je věta
- **ekvivalence** –  $S_1$  a  $S_2$  jsou věty  $\Rightarrow S_1 \Leftrightarrow S_2$  je věta

## SÉMANTIKA VÝROKOVÉ LOGIKY

- každý model musí určit **pravdivostní hodnoty výrokových symbolů**  
např.:  $m_1 = \{P_1 = \text{false}, P_2 = \text{false}, P_3 = \text{true}\}$
- **pravidla pro vyhodnocení pravdivosti** u složených výroků pro model  $m$ :

$\neg S$	je true	$\Leftrightarrow$	$S$	je false			
$S_1 \wedge S_2$	je true	$\Leftrightarrow$	$S_1$	je true	<b>a</b>	$S_2$	je true
$S_1 \vee S_2$	je true	$\Leftrightarrow$	$S_1$	je true	<b>nebo</b>	$S_2$	je true
$S_1 \Rightarrow S_2$	je true	$\Leftrightarrow$	$S_1$	je false	<b>nebo</b>	$S_2$	je true
tj.	je false	$\Leftrightarrow$	$S_1$	je true	<b>a</b>	$S_2$	je false
$S_1 \Leftrightarrow S_2$	je true	$\Leftrightarrow$	$S_1 \Rightarrow S_2$	je true	<b>a</b>	$S_2 \Rightarrow S_1$	je true

- **rekurzivním procesem** vyhodnotíme lib. větu:

$$\neg P_1 \wedge (P_2 \vee P_3) = \text{true} \wedge (\text{false} \vee \text{true}) = \text{true} \wedge \text{true} = \text{true}$$

pravdivostní tabulka:

$P$	$Q$	$\neg P$	$P \wedge Q$	$P \vee Q$	$P \Rightarrow Q$	$P \Leftrightarrow Q$
<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>true</i>
<i>false</i>	<i>true</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>true</i>	<i>false</i>
<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>
<i>true</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>true</i>	<i>true</i>	<i>true</i>

## LOGICKÁ EKVIVALENCE

Dva výroky jsou **logicky ekvivalentní** právě tehdy, když jsou pravdivé ve stejných modelech:

$$\alpha \equiv \beta \Leftrightarrow \alpha \models \beta \text{ a } \beta \models \alpha$$

$(\alpha \wedge \beta)$	$\equiv$	$(\beta \wedge \alpha)$	komutativita $\wedge$
$(\alpha \vee \beta)$	$\equiv$	$(\beta \vee \alpha)$	komutativita $\vee$
$((\alpha \wedge \beta) \wedge \gamma)$	$\equiv$	$(\alpha \wedge (\beta \wedge \gamma))$	asociativita $\wedge$
$((\alpha \vee \beta) \vee \gamma)$	$\equiv$	$(\alpha \vee (\beta \vee \gamma))$	asociativita $\vee$
$\neg(\neg \alpha)$	$\equiv$	$\alpha$	eliminace dvojí negace
$(\alpha \Rightarrow \beta)$	$\equiv$	$(\neg \beta \Rightarrow \neg \alpha)$	kontrapozice
$(\alpha \Rightarrow \beta)$	$\equiv$	$(\neg \alpha \vee \beta)$	eliminace implikace
$(\alpha \Leftrightarrow \beta)$	$\equiv$	$((\alpha \Rightarrow \beta) \wedge (\beta \Rightarrow \alpha))$	eliminace ekvivalence
$\neg(\alpha \wedge \beta)$	$\equiv$	$(\neg \alpha \vee \neg \beta)$	de Morgan
$\neg(\alpha \vee \beta)$	$\equiv$	$(\neg \alpha \wedge \neg \beta)$	de Morgan
$(\alpha \wedge (\beta \vee \gamma))$	$\equiv$	$((\alpha \wedge \beta) \vee (\alpha \wedge \gamma))$	distributivita $\wedge$ nad $\vee$
$(\alpha \vee (\beta \wedge \gamma))$	$\equiv$	$((\alpha \vee \beta) \wedge (\alpha \vee \gamma))$	distributivita $\vee$ nad $\wedge$

## PLATNOST A SPLNITELNOST

→ Výrok je **platný**  $\Leftrightarrow$  je pravdivý ve **všech** modelech

např.: *true*,  $A \vee \neg A$ ,  $A \Rightarrow A$ ,  $(A \wedge (A \Rightarrow B)) \Rightarrow B$

Platnost je spojena s inferencí pomocí **věty o dedukci**:

$KB \models \alpha \Leftrightarrow (KB \Rightarrow \alpha)$  je platný výrok

→ Výrok je **splnitelný**  $\Leftrightarrow$  je pravdivý v **některých** modelech

např.:  $A \vee B$ ,  $C$

Výrok je **nesplnitelný**  $\Leftrightarrow$  je **nepravdivý ve všech** modelech

např.:  $A \wedge \neg A$

Splnitelnost je spojena s inferencí pomocí **důkazu α sporem** (*reductio ad absurdum*):

$KB \models \alpha \Leftrightarrow (KB \wedge \neg \alpha)$  je nesplnitelný

## TVRZENÍ PRO WUMPUSOVU JESKYNI

Definujeme výrokové symboly  $J_{i,j}$  je pravda  $\Leftrightarrow V[i,j]$  je **Jáma**.  
 a  $V_{i,j}$  je pravda  $\Leftrightarrow V[i,j]$  je **Váněk**.

**báze znalostí**  $KB$ :

- pravidlo pro  $[1, 1]$ :  $R_1: \neg J_{1,1}$
  - pozorování:  $R_2: \neg V_{1,1}$   
 $R_3: V_{2,1}$
  - pravidla pro vztah Jámy a Vánku:  
 "Jámy způsobují Váněk ve vedlejších místnostech"
- $$R'_4: V_{1,1} \Leftrightarrow (J_{1,2} \vee J_{2,1})$$
- $$R'_5: V_{2,1} \Leftrightarrow (J_{1,1} \vee J_{2,2} \vee J_{3,1})$$

?	?		
-----> A	V		?

"V poli je Váněk **právě tehdy, když** je ve vedlejším poli Jáma."

$$R_4: V_{1,1} \Leftrightarrow (J_{1,2} \vee J_{2,1})$$

$$R_5: V_{2,1} \Leftrightarrow (J_{1,1} \vee J_{2,2} \vee J_{3,1})$$

- $KB = R_1 \wedge R_2 \wedge R_3 \wedge R_4 \wedge R_5$

## VYPLÝVÁNÍ VE WUMPUSOVĚ JESKYNI

situace:

- v  $[1, 1]$  nedetekováno nic
- krok doprava, v  $[2, 1]$  Váněk

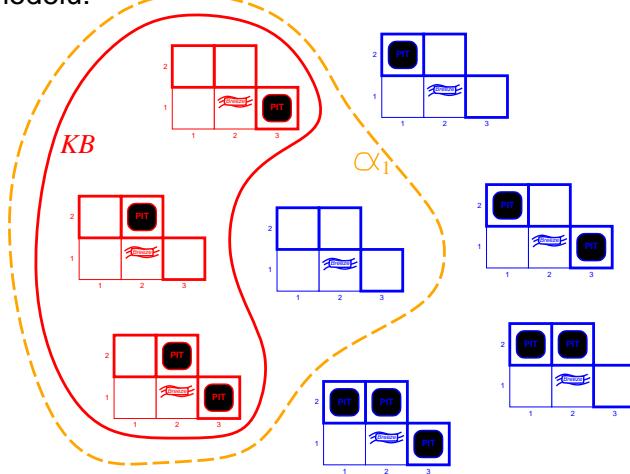
uvažujeme možné *modely* pro '?'  
 (budou nás zajímat jen Jámy)

?	?		
-----> A	V		?

3 pole s Booleovskými možnostmi  $\{T, F\} \Rightarrow 2^3 = 8$  možných modelů

## MODELY VE WUMPUSOVĚ JESKYNÌ

uvažujeme všech 8 možných modelù:



$KB$  = pravidla Wumpusovy jeskynì + pozorování

$\alpha_1$  = “[1, 2] je bezpečné pole”  $KB \models \alpha_1$

$\alpha_2$  = “[2, 2] je bezpečné pole”  $KB \not\models \alpha_2$

kontrola modelù → jednoduchý zpùsob **logické inference**

## PRAVDIVOSTNÍ TABULKA PRO INFERENCI

$V_{1,1}$	$V_{2,1}$	$J_{1,1}$	$J_{1,2}$	$J_{2,1}$	$J_{2,2}$	$J_{3,1}$	$KB$	$\alpha_1$
<i>false</i>	<i>true</i>							
<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>true</i>
<i>:</i>	<i>:</i>							
<i>false</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>
<i>false</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<u><i>true</i></u>	<u><i>true</i></u>
<i>false</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<u><i>false</i></u>	<u><i>true</i></u>
<i>false</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>
<i>:</i>	<i>:</i>							
<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>						

$KB$  = pravidla Wumpusovy jeskynì + pozorování

$\alpha_1$  = “[1, 2] je bezpečné pole”

# DŮKAZOVÉ METODY

## kontrola modelů

- procházení pravdivostní tabulky (vždycky exponenciální v  $n$ )
- vylepšené prohledávání s navracením (*improved backtracking*), např. Davis–Putnam–Logemann–Loveland
- heuristické prohledávání prostoru modelů (bezesporné, ale neúplné)

## aplikace inferenčních pravidel

- legitimní (bezesporné) generování nových výroků ze starých
- **důkaz** = sekvence aplikací inferenčních pravidel  
je možné použít inferenční pravidla jako operátory ve standardních prohledávacích algoritmech
- typicky vyžaduje překlad vět do **normální formy**

# INFERENCE KONTROLOU MODELŮ

Kontrola všech **modelů do hloubky** je bezesporná a úplná (pro konečný počet výrokových symbolů)

```
% tt_entails (+KB,+Alpha)
tt_entails(KB,Alpha):- proposition_symbols(Symbols,[KB,Alpha]),
tt_check_all(KB,Alpha,Symbols,[]).

% tt_check_all (+KB,+Alpha,+Symbols,+Model)
tt_check_all(KB,Alpha,[],Model):- pl_true(KB,Model),!,pl_true(Alpha,Model).
tt_check_all(KB,Alpha,[],Model):- !,fail.
tt_check_all(KB,Alpha,[P|Symbols],Model):-
tt_check_all(KB,Alpha,Symbols,[P-true|Model]),
tt_check_all(KB,Alpha,Symbols,[P-false|Model]).
```

$O(2^n)$  pro  $n$  symbolů, NP-úplný problém

## DOPŘEDNÉ A ZPĚTNÉ ŘETĚZENÍ

**Hornovy klauzule:**  $KB = \text{konjunkce Hornových klauzulí}$

$$\text{Hornova klauzule} = \begin{cases} \text{výrokový symbol; nebo} \\ (\text{konjunkce symbolů}) \Rightarrow \text{symbol} \end{cases}$$

např.:  $KB = C \wedge (B \Rightarrow A) \wedge (C \wedge D \Rightarrow B)$

pravidlo **Modus Ponens** – pro  $KB$  z Hornových klauzulí je **úplné**

$$\frac{\alpha_1, \dots, \alpha_n, \quad \alpha_1 \wedge \dots \wedge \alpha_n \Rightarrow \beta}{\beta}$$

pravidla pro logickou ekvivalenci se taky dají použít pro inferenci

inference Hornových klauzulí → algoritmus **dopředného** nebo **zpětného řetězení**

oba tyto algoritmy jsou přirozené a mají **lineární** časovou složitost

## DOPŘEDNÉ ŘETĚZENÍ

Idea: aplikuj pravidlo, jehož premisy jsou splněné v  $KB$   
přidej jeho důsledek do  $KB$   
pokračuj do doby, než je nalezena odpověď

$KB:$

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

$$B \wedge L \Rightarrow M$$

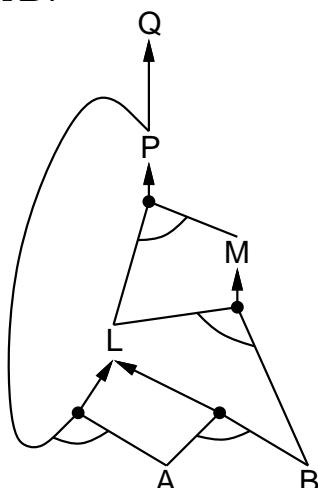
$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

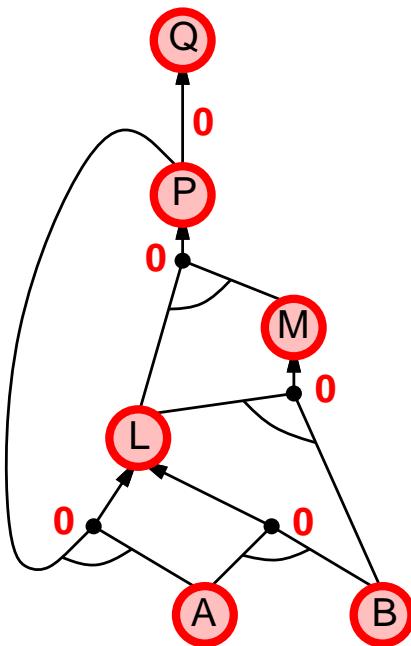
$$B$$

AND-OR graf  $KB:$



## DOPŘEDNÉ ŘETĚZENÍ – PŘÍKLAD

$P \Rightarrow Q$   
 $L \wedge M \Rightarrow P$   
 $B \wedge L \Rightarrow M$   
 $A \wedge P \Rightarrow L$   
 $A \wedge B \Rightarrow L$   
 $A$   
 $B$



## ALGORITMUS DOPŘEDNÉHO ŘETĚZENÍ

```

:- op( 800, fx, if ),
  op( 700, xfx, then),
  op( 300, xfy, or),
  op( 200, xfy, and).

forward :- new_derived_fact( P), !,
          write( 'Derived:~'), write( P), nl,
          assert( fact( P)),
          forward
          ;
          write( 'No.more.facts').
                                     % All facts derived

new_derived_fact( Concl) :- if Cond then Concl, % A rule
                           \+ fact( Concl),      % Rule's conclusion not yet a fact
                           composed_fact( Cond). % Condition true ?

composed_fact( Cond) :- fact( Cond).           % Simple fact
composed_fact( Cond1 and Cond2) :- composed_fact( Cond1),
                                  composed_fact( Cond2). % Both conjuncts true
composed_fact( Cond1 or Cond2) :- composed_fact( Cond1)
                                ; composed_fact( Cond2).

```

## ZPĚTNÉ ŘETĚZENÍ

Idea: pracuje **zpětně** od dotazu  $q$

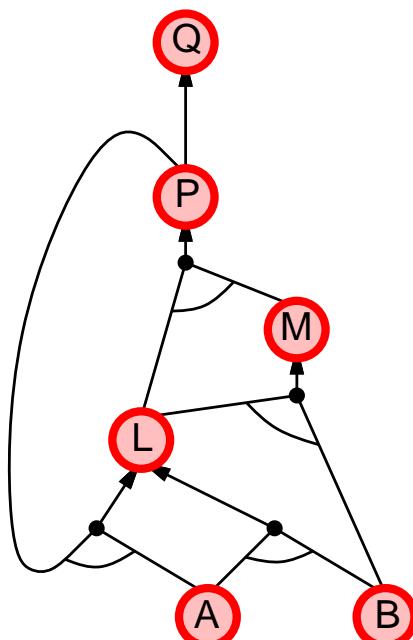
zkontroluj, jestli není  $q$  už známo

**dokaž** zpětným řetězením všechny **premisy** nějakého pravidla, které má  $q$  jako důsledek

**kontrola cyklů** – pro každý podcíl se nejprve podívej, jestli už nebyl řešen (tj. pamatuje si *true* i *false* výsledek)

## ZPĚTNÉ ŘETĚZENÍ – PŘÍKLAD

$P \Rightarrow Q$   
 $L \wedge M \Rightarrow P$   
 $B \wedge L \Rightarrow M$   
 $A \wedge P \Rightarrow L$   
 $A \wedge B \Rightarrow L$   
 $A$   
 $B$



## POROVNÁNÍ DOPŘEDNÉHO A ZPĚTNÉHO ŘETĚZENÍ

### dopředné řetězení je řízeno **daty**

- automatické, nevědomé zpracování
- např. rozpoznávání objektů, rutinní rozhodování
- může udělat hodně nadbytečné práce bez vztahu k dotazu/cíli

### zpětné řetězení je řízeno **dotazem**

- vhodné pro hledání odpovědí na konkrétní dotaz
- např. "Kde jsou moje klíče?" "Jak se mám přihlásit na PGS?"
- složitost zpětného řetězení **může** být **mnohem menší** než lineární vzhledem k velikosti  $KB$

obecný inferenční algoritmus – **rezoluce**

zpracovává formule v **konjunktivní normální formě** (konjunkce disjunkcí literálů)

pro výrokovou logiku je rezoluce **bezesporná** a **úplná**