

Algoritmy syntaktické analýzy (pomocí CFG)

Vladimír Kadlec, Aleš Horák

E-mail: hales@fi.muni.cz
http://nlp.fi.muni.cz/poc_lingv/

Obsah:

- ▶ Základní postupy pro syntaktickou analýzu obecných CFG
- ▶ Tomitův zobecněný analyzátor LR
- ▶ Algoritmus CKY
- ▶ Tabulkové analyzátoři
- ▶ Porovnání jednotlivých algoritmů
- ▶ Syntaktická analýza s využitím strojového učení

Základní postupy pro syntaktickou analýzu obecných bezkontextových gramatik

- ▶ **obecná CFG** – rozsáhlá, (silně) víceznačná, s ϵ -pravidly
- ▶ všechny uvedené algoritmy pracují s *polynomiální časovou a prostorovou složitostí*
- ▶ Tomitův zobecněný algoritmus LR (*generalized LR*)
- ▶ algoritmus CKY – Cocke, Kasami, Younger;
- ▶ tabulková (chart) analýza (*Chart Parsing*):
 - shora dolů (*top-down*);
 - zdola nahoru (*bottom-up*);
 - analýza řízená hlavou pravidla (*head-driven*);

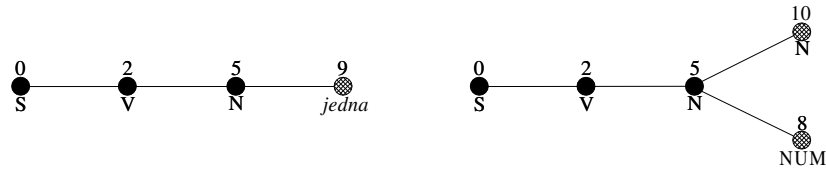
Syntaktická analýza

- ▶ Vstupy:
 - řetězec lexikálních kategorií (preterminálních symbolů) $a_1 a_2 \dots a_n$
 např.: ADJ CONJ ADJ N V PREP N '.'
 - bezkontextová gramatika $G = \langle N, \Sigma, P, S \rangle$.
- ▶ Výstup:
 - efektivní reprezentace derivačních stromů.

Tomitův zobecněný analyzátor LR

- ▶ **generalized LR parser (GLR)**
- ▶ Masaru Tomita: *Efficient parsing for natural language*, 1986
- ▶ standardní LR tabulka, která může obsahovat konflikty;
- ▶ zásobník je reprezentován **acyklickým orientovaným grafem (DAG)**
- ▶ derivační stromy jsou uloženy ve **sbaleném "lese" stromů**
- ▶ v podstatě stejný jako algoritmus LR
- ▶ udržujeme si **seznam aktivních uzlů** zásobníku (grafu)
- ▶ akce **redukce** provádíme vždy před akcemi čtení
- ▶ akci **čtení** provádíme pro všechny aktivní uzly najednou
- ▶ kde je to možné, tam uzly **slučujeme**

Příklad konfliktu redukce/redukce



stav	položka	akce	symbol	další stav
5	$CLAUSE \rightarrow V N \bullet NUM$	shift	NUM	8
	$NN \rightarrow N \bullet N$		N	10
	$NUM \rightarrow \bullet jedna$		jedna	9
	$N \rightarrow \bullet tramvaj$		tramvaj	7
	$N \rightarrow \bullet jedna$			
9	$NUM \rightarrow jedna \bullet$	reduce (6)		
	$N \rightarrow jedna \bullet$	reduce (5)		

Algoritmus CKY

- ▶ Gramatika musí být v **Chomského normální formě**

$$\text{CNF: } \begin{aligned} A &\rightarrow BC \\ D &\rightarrow 'd' \end{aligned}$$

- ▶ Převod libovolné CFG do CNF:

1. přidáme **nový kořen** S_0 : $S_0 \rightarrow S$
2. eliminujeme ϵ -pravidla:

$$\begin{aligned} S &\rightarrow Ab \mid B \\ A &\rightarrow a \mid \epsilon \end{aligned} \rightarrow \begin{aligned} S &\rightarrow Ab \mid b \mid B \\ A &\rightarrow a \end{aligned}$$

3. eliminujeme **jednoduchá pravidla**:

$$\begin{aligned} A &\rightarrow B \\ B &\rightarrow a \mid CD \end{aligned} \rightarrow \begin{aligned} A &\rightarrow a \mid CD \\ B &\rightarrow a \mid CD \end{aligned}$$

4. rozgenerujeme **dlouhá pravidla**:

$$A \rightarrow BCD \rightarrow \begin{aligned} A &\rightarrow BA_1 \\ A_1 &\rightarrow CD \end{aligned}$$

Algoritmus CKY, příklad – zadání

- ▶ vstupní gramatika je:

$$\begin{aligned} S &\rightarrow AA|BB|AX|BY|a|b \\ X &\rightarrow SA \\ Y &\rightarrow SB \\ A &\rightarrow a \\ B &\rightarrow b \end{aligned}$$

- ▶ vstupní řetězec je $w = abaaba$.

Algoritmus CKY, příklad – řešení (matice V)

a b a a b a

$$\begin{aligned} S &\rightarrow AA|BB|AX|BY|a|b \\ X &\rightarrow SA \\ Y &\rightarrow SB \\ A &\rightarrow a \\ B &\rightarrow b \end{aligned}$$

p – pozice, q – délka

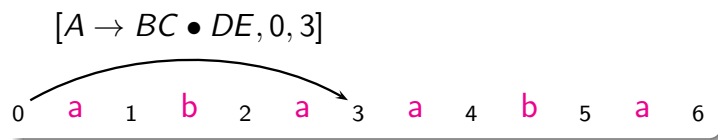
$q \backslash p$	1	2	3	4	5	6
1	S, A	S, B	S, A	S, A	S, B	S, A
2	Y	X	S, X	Y	X	
3	S	\emptyset	Y	S		
4	X	S	\emptyset			
5	\emptyset	X				
6	S					

Algoritmus CKY pokrač.

- ▶ Gramatika musí být v **Chomského normální formě**.
- ▶ Pro daný vstup délky n derivujeme **podřetězce** symbolů **délky q** na **pozici p** , značíme $w_{p,q}$, $1 \leq p, q \leq n$.
- ▶ Derivace **řetězců délky 1**, $A \Rightarrow w_{p,1}$, je prováděno prohledáváním terminálních pravidel.
- ▶ Derivace **delších řetězců** $A \Rightarrow^* w_{p,q}$, $q \geq 2$ vyžaduje aby platilo $A \Rightarrow BC \Rightarrow^* w_{p,q}$. Tedy z B derivujeme řetězec délky k , $1 \leq k \leq q$, a z C derivujeme zbytek, řetězec délky $q - k$. Tzn. $B \Rightarrow^* w_{p,k}$ a $C \Rightarrow^* w_{p+k,q-k}$. Kratší řetězce máme tedy vždy “předpočítané.”

Tabulkové (chart) analyzátoři

- ▶ Rozlišujeme tři základní typy **tabulkových analyzátořů**:
 - shora dolů;
 - zdola nahoru;
 - analýza řízená hlavou pravidla.
- ▶ Mnoho dalších variant je popsáno v:
 - Sikkel Klaas: [Parsing Schemata: A Framework for Specification and Analysis of Parsing Algorithm](#), 1997.
- ▶ Neklade se žádné omezení na gramatiku.
- ▶ Analyzátoři typu “chart” v sobě většinou obsahují dvě datové struktury **chart** a **agendu**. Chart a agenda obsahují tzv. *hrany*.
- ▶ **Hrana** je trojice $[A \rightarrow \alpha \bullet \beta, i, j]$, kde:
 - i, j jsou celá čísla, $0 \leq i \leq j \leq n$ pro n slov ve vstupní větě
 - a $A \rightarrow \alpha \beta$ je pravidlem vstupní gramatiky.



Algoritmus CKY pokrač.

```

program CKY Parser;
begin
  for p := 1 to n do V[p, 1] := {A | A → ap ∈ P };
  for q := 2 to n do
    for p := 1 to n - q + 1 do
      V[p, q] = ∅;
      for k := 1 to q - 1 do
        V[p, q] =
          V[p, k] ∪
          ∪ {A | A → BC ∈ P, B ∈ V[p, k], C ∈ V[p + k, q - k]};
      od
    od
  od
end
    
```

složitost CKY je $O(n^3)$

Obecný analyzátor typu “chart”

```

program Chart Parser;
begin
  inicializuj (CHART);
  inicializuj (AGENDA);
  while (AGENDA ≠ ∅) do
    E := vezmi hranu z AGENDA;
    for each (hrana F, která může být vytvořena pomocí
      hrany E a nějaké jiné hrany z CHART) do
      if F ∉ AGENDA and F ∉ CHART and F ≠ E
        then přidej F do AGENDA;
      fi;
    od;
    přidej E do CHART;
  od;
end;
    
```

složitost tabulkové analýzy je $O(n^3)$ ($|Pravidla|$ bereme jako konstantu)

Varianta shora dolů

Inicializace:

- ▶ $\forall p \in P \mid p = S \rightarrow \alpha$ přidej hranu $[S \rightarrow \cdot \alpha, 0, 0]$ do agendy.
- ▶ počáteční chart je prázdný.

Iterace – vezmi hranu E z agendy a pak:

- (*fundamentální pravidlo*) pokud je E ve tvaru $[A \rightarrow \alpha \cdot, j, k]$, potom pro každou hranu $[B \rightarrow \gamma \cdot A \beta, i, j]$ v chartu vytvoř hranu $[B \rightarrow \gamma A \cdot \beta, i, k]$.
- (*uzavřené hrany*) pokud je E ve tvaru $[B \rightarrow \gamma \cdot A \beta, i, j]$, potom pro každou hranu $[A \rightarrow \alpha \cdot, j, k]$ v chartu vytvoř hranu $[B \rightarrow \gamma A \cdot \beta, i, k]$.
- (*terminál na vstupu*) pokud je E ve tvaru $[A \rightarrow \alpha \cdot a_{j+1} \beta, i, j]$, vytvoř hranu $[A \rightarrow \alpha a_{j+1} \cdot \beta, i, j+1]$.
- (*predikce*) pokud je E ve tvaru $[A \rightarrow \alpha \cdot B \beta, i, j]$ potom pro každé pravidlo $B \rightarrow \gamma \in P$, vytvoř hranu $[B \rightarrow \cdot \gamma, i, i]$.

Příklad – tabulkové analýzy (typu chart)

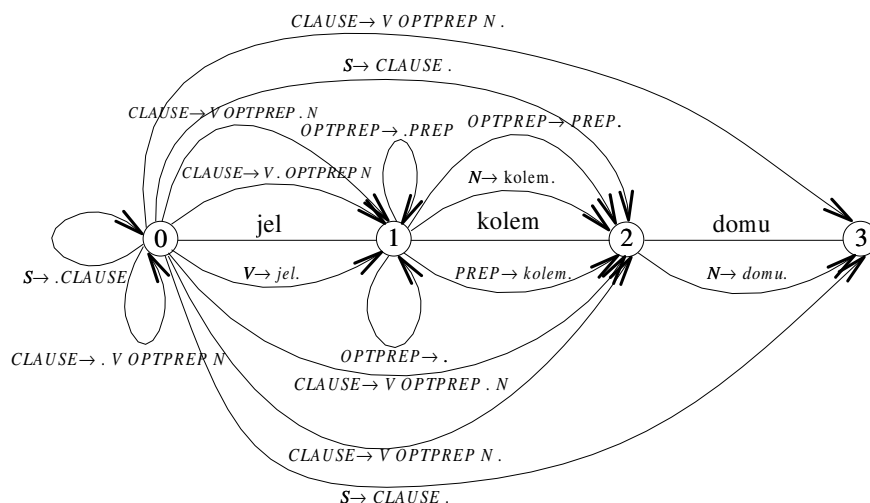
Gramatika:

S	\rightarrow	$CLAUSE$
$CLAUSE$	\rightarrow	$V OPTPREP N$
$OPTPREP$	\rightarrow	ϵ
$OPTPREP$	\rightarrow	$PREP$
V	\rightarrow	jel
$PREP$	\rightarrow	$kolem$
N	\rightarrow	$domu$
N	\rightarrow	$kolem$

Věta:

"jel kolem domu" ($a_1=jel, a_2=kolem, a_3=domu$).

Příklad – chart po analýze shora dolů



Varianta zdola nahoru

Inicializace:

- ▶ $\forall p \in P \mid p = A \rightarrow \epsilon$ přidej hrany $[A \rightarrow \cdot, 0, 0], [A \rightarrow \cdot, 1, 1], \dots, [A \rightarrow \cdot, n, n]$ do agendy.
- ▶ $\forall p \in P \mid p = A \rightarrow a_i \alpha$ přidej hranu $[A \rightarrow \cdot a_i \alpha, i-1, i-1]$ do agendy.
- ▶ počáteční chart je prázdný.

Iterace – vezmi hranu E z agendy a pak:

- (*fundamentální pravidlo*) pokud je E ve tvaru $[A \rightarrow \alpha \cdot, j, k]$, potom pro každou hranu $[B \rightarrow \gamma \cdot A \beta, i, j]$ v chartu vytvoř hranu $[B \rightarrow \gamma A \cdot \beta, i, k]$.
- (*uzavřené hrany*) pokud je E ve tvaru $[B \rightarrow \gamma \cdot A \beta, i, j]$, potom pro každou hranu $[A \rightarrow \alpha \cdot, j, k]$ v chartu vytvoř hranu $[B \rightarrow \gamma A \cdot \beta, i, k]$.
- (*terminál na vstupu*) pokud je E ve tvaru $[A \rightarrow \alpha \cdot a_{j+1} \beta, i, j]$, potom vytvoř hranu $[A \rightarrow \alpha a_{j+1} \cdot \beta, i, j+1]$.
- (*predikce*) pokud je E ve tvaru $[A \rightarrow \alpha \cdot, i, j]$, potom pro každé pravidlo $B \rightarrow A \gamma$ vstupní gramatiky vytvoř hranu $[B \rightarrow \cdot A \gamma, i, i]$.

Analýza řízená hlavou pravidla

- ▶ *head-driven chart parsing*
- ▶ **Hlava pravidla** – libovolný (určený) symbol z pravé strany pravidla.
Například pravidlo $CLAUSE \rightarrow V \underline{PREP} N$ může mít hlavy V , $PREP$, N .
- ▶ Epsilon pravidlo má hlavu ϵ .
- ▶ Hrana v analyzátoru řízeném hlavou pravidla – trojice $[A \rightarrow \alpha \bullet \beta \bullet \gamma, i, j]$, kde i, j jsou celá čísla, $0 \leq i \leq j \leq n$ pro n slov ve vstupní větě a $A \rightarrow \alpha \beta \gamma$ je pravidlo vstupní gramatiky a hlava je v β .
- ▶ Algoritmus vlastní analýzy (varianta zdola nahoru) je podobný jednoduchému přístupu. Analýza neprobíhá zleva doprava, ale začíná na hlavě daného pravidla.

Analyzátor řízený hlavou pravidla

Inicializace:

- ▶ $\forall p \in P \mid p = A \rightarrow \epsilon$ přidej hrany $[A \rightarrow \bullet \bullet, 0, 0]$, $[A \rightarrow \bullet \bullet, 1, 1]$, ..., $[A \rightarrow \bullet \bullet, n, n]$ do agendy.
- ▶ $\forall p \in P \mid p = A \rightarrow \alpha a_i \beta$ (a_i je hlavou pravidla) přidej hranu $[A \rightarrow \alpha \bullet a_i \bullet \beta, i-1, i]$ do agendy.
- ▶ počáteční chart je prázdný.

Je tato inicializace v pořádku?

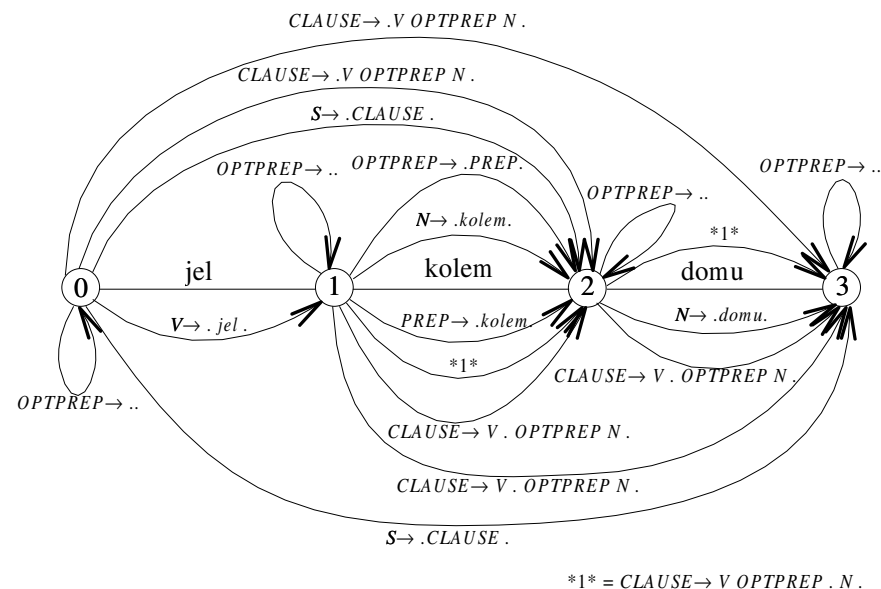
*Co když inicializace nic nepřidá? (žadne ϵ ani žádný terminál jako hlava)
Odpověď: taková gramatika by generovala prázdný jazyk.*

Analyzátor řízený hlavou pravidla pokrač.

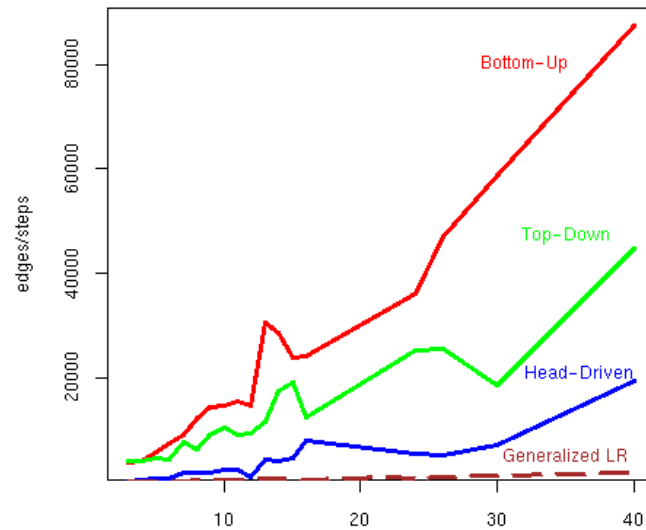
Iterace – vezmi hranu E z agendy a pak:

- ▶ pokud je E ve tvaru $[A \rightarrow \bullet \alpha \bullet, j, k]$, potom pro každou hranu: $[B \rightarrow \beta \bullet \gamma \bullet A \delta, i, j]$ v chartu vytvoř hranu $[B \rightarrow \beta \bullet \gamma A \bullet \delta, i, k]$,
- ▶ pro $[B \rightarrow \beta A \bullet \gamma \bullet \delta, k, l]$ v chartu vytvoř hranu $[B \rightarrow \beta \bullet A \gamma \bullet \delta, j, l]$.
- ▶ pokud je E ve tvaru $[B \rightarrow \beta \bullet \gamma \bullet A \delta, i, j]$, potom pro každou hranu $[A \rightarrow \bullet \alpha \bullet, j, k]$ v chartu vytvoř hranu $[B \rightarrow \beta \bullet \gamma A \bullet \delta, i, k]$.
- ▶ pokud je E ve tvaru $[B \rightarrow \beta A \bullet \gamma \bullet \delta, k, l]$, potom pro každou hranu $[A \rightarrow \bullet \alpha \bullet, j, k]$ v chartu vytvoř hranu $[B \rightarrow \beta \bullet A \gamma \bullet \delta, j, l]$.
- ▶ pokud je E ve tvaru $[A \rightarrow \beta a_i \bullet \gamma \bullet \delta, i, j]$, potom vytvoř hranu $[A \rightarrow \beta \bullet a_i \gamma \bullet \delta, i-1, j]$.
- ▶ pokud je E ve tvaru $[A \rightarrow \beta \bullet \gamma \bullet a_{j+1} \bullet \delta, i, j]$, potom vytvoř hranu $[A \rightarrow \beta \bullet \gamma a_{j+1} \bullet \delta, i, j+1]$.
- ▶ pokud je E ve tvaru $[A \rightarrow \bullet \alpha \bullet, i, j]$, potom pro každé pravidlo $B \rightarrow \beta \underline{A} \gamma$ ve vstupní gramatice vytvoř hranu $[B \rightarrow \beta \bullet A \bullet \gamma, i, j]$ (symbol A je hlavou pravidla).

Příklad – chart po analýze řízené hlavou pravidla

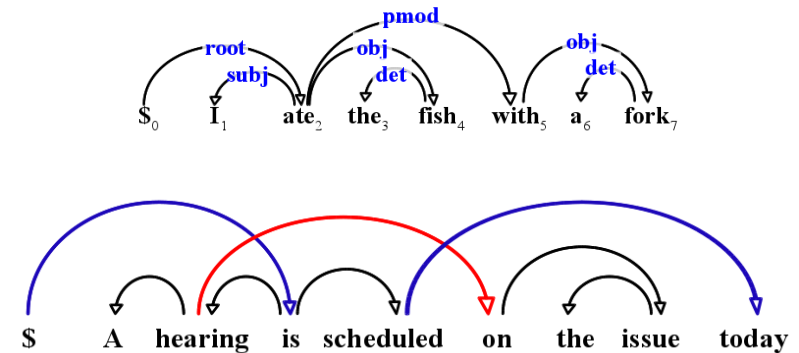


Porovnání jednotlivých algoritmů



Syntaktická analýza s využitím strojového učení

- ▶ nejčastěji pro **závislostní formalismy**
- ▶ **jedna hrana** pro každé slovo
- ▶ složitější pro **neprojektivní stromy**

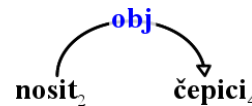


Example from "Dependency Parsing" by Kübler, Nivre, and McDonald, 2009

Hodnocení úspěšnosti

základní informace:

- ▶ **hlava** – které slovo je **řídící**
- ▶ **potomek** – které slovo je **závislé**
- ▶ **typ** – označení **typu hrany (label)**



metriky (vždy procentuálně):

- ▶ **Unlabeled attachment score (UAS)** – slova, která mají **správnou hlavu**
- ▶ **Labeled attachment score (LAS)** – slova, která mají **správnou hlavu a typ**
- ▶ **Root Accuracy (RA)** – analýzy, které mají **správný kořen**
- ▶ **Complete Match rate (CM)** – zcela **správné analýzy**

$$Y^* = \arg \max_{Y \in \Phi(X)} \text{score}(X, Y)$$

- ▶ $X = x_1 x_2 \dots x_n$ – vstupní věta
- ▶ (h, p) – hrana mezi **hlavou** x_h a **potomkem** x_p
- ▶ $Y = \{(h, p) : 0 \leq h \leq n, 0 < p \leq n\}$ – potenciální **strom**
- ▶ $\Phi(X)$ – množina všech možných závislostních **stromů nad X**
- ▶ $\text{score}(X, Y)$ – závisí na algoritmu, např.

$$\text{score}(X, Y) = \sum_{(h,p) \in Y} \text{score}(X, h, p)$$

Způsob řešení závislostní analýzy

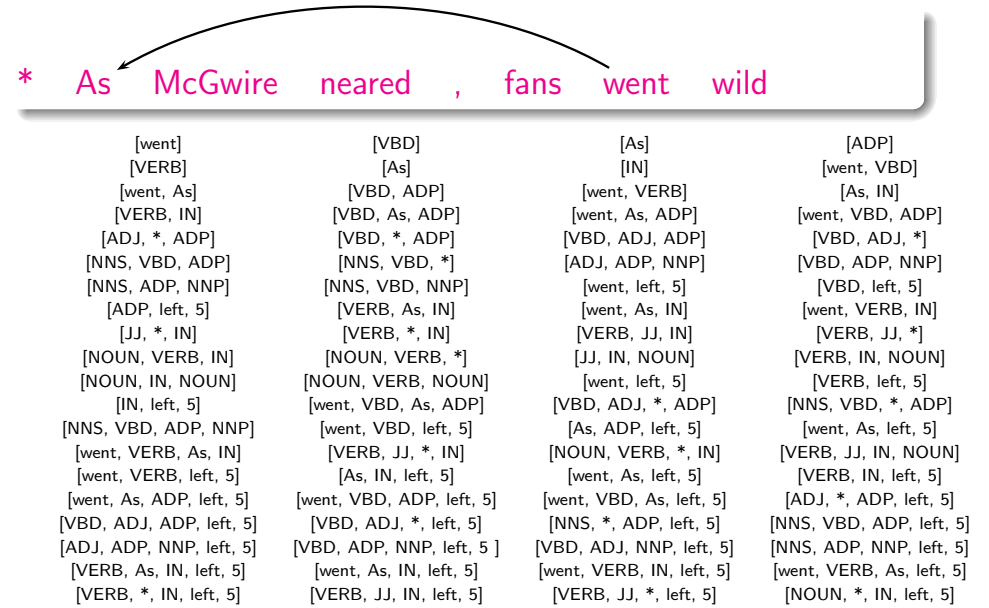
základní přístupy:

- ▶ **grafové řešení** (*graph-based*) – tvorba stromu ze seznamu hran
- ▶ **řešení pomocí přechodových akcí** (*transition-based*) – sekvence akcí přiřazujících závislostní hrany

2 úkoly:

- ▶ **nalezení stromu** (*search problem*)
 - známe skóre hran, jak najdeme Y^*
 - např. *Maximum Spanning Tree* (McDonald et al, 2005)
- ▶ **učení** (*learning problem*)
 - máme zadané věty a stromy, jak určíme skóre hran
 - pomocí rysů hran a online učení

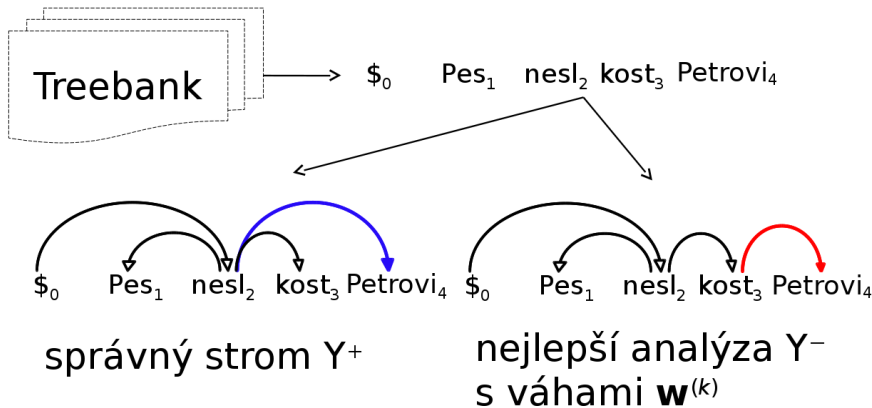
Rysy závislostních hran



(příklad z Rush and Petrov, 2012)

Online učení skóre závislostních hran

učení vah jednotlivých rysů w



$$w^{(k+1)} = w^{(k)} + f(X, Y^+) - f(X, Y^-)$$