

# Intenzionální sémantika a reprezentace znalostí

Aleš Horák

E-mail: [hales@fi.muni.cz](mailto:hales@fi.muni.cz)  
[http://nlp.fi.muni.cz/poc\\_lingv/](http://nlp.fi.muni.cz/poc_lingv/)

Obsah:

- Intenzionální sémantika
- Reprezentace znalostí

# Obsah

## 1 Intenzionální sémantika

- Logická analýza přirozeného jazyka
- Nedostatečná expresivita PL1
- Extenzionalismus PL1
- Extenze a intenze
- Transparentní intenzionální logika

## 2 Reprezentace znalostí

- Reprezentace znalostí
- Logika a sémantické sítě
- Sémantické sítě
- Rámce
- Pravidlové systémy
- Nejistota a pravděpodobnost

# Logická analýza přirozeného jazyka

logická analýza PJ – analýza významu výrazů (vět) PJ

přirozený jazyk = nástroj pojmového uchopení reality

pojem – kritéria/procedury umožňující identifikovat různé konkrétní a abstraktní objekty

např. „planeta“ – třída nebeských těles s určitými charakteristikami – obíhá po oběžné dráze kolem stálice, není zdrojem světla, ...

- pojem  $\neq$  výraz – např. výrazy v různých jazycích často reprezentují stejný pojem ( $\text{pojem}(\text{"prvočíslo"}) = \text{pojem}(\text{"prime number"})$ )
- pojem  $\neq$  představa – představa je subjektivní, pojem je objektivní
- pojmy mohou identifikovat různé objekty:
  - jedno individuum – individuální pojmy (např. Petr, Pegas, prezident ČR)
  - třídu objektů – vlastnost (např. červený, řešma, hora)
  - $n$ -člennou relaci – vztah (např. otec (někoho), křivdit (někdo někomu))
  - pravdivostní hodnotu – propozice (např. v Brně prší)
  - funkcionální přiřazení – empirické funkce (např. rychlosť)
  - číslo – (fyzikální) veličiny (např. rychlosť světla)

# Logická analýza přirozeného jazyka

logická analýza PJ – analýza významu výrazů (vět) PJ

přirozený jazyk = nástroj pojmového uchopení reality

pojem – kritéria/procedury umožňující identifikovat různé konkrétní a abstraktní objekty

např. „planeta“ – třída nebeských těles s určitými charakteristikami – obíhá po oběžné dráze kolem stálice, není zdrojem světla, ...

- pojem  $\neq$  výraz – např. výrazy v různých jazycích často reprezentují stejný pojem ( $\text{pojem}(\text{"prvočíslo"}) = \text{pojem}(\text{"prime number"})$ )
- pojem  $\neq$  představa – představa je subjektivní, pojem je objektivní
- pojmy mohou identifikovat různé objekty:
  - jedno individuum – individuální pojmy (např. Petr, Pegas, prezident ČR)
  - třídu objektů – vlastnost (např. červený, řešma, hora)
  - $n$ -člennou relaci – vztah (např. otec (někoho), křivdit (někdo někomu))
  - pravdivostní hodnotu – propozice (např. v Brně prší)
  - funkcionální přiřazení – empirické funkce (např. rychlosť)
  - číslo – (fyzikální) veličiny (např. rychlosť světla)

# Logická analýza přirozeného jazyka

logická analýza PJ – analýza významu výrazů (vět) PJ

přirozený jazyk = nástroj pojmového uchopení reality

pojem – kritéria/procedury umožňující identifikovat různé konkrétní a abstraktní objekty

např. „planeta“ – třída nebeských těles s určitými charakteristikami – obíhá po oběžné dráze kolem stálice, není zdrojem světla, ...

- **pojem  $\neq$  výraz** – např. výrazy v různých jazycích často reprezentují stejný pojem ( $\text{pojem}(\text{"prvočíslo"}) \equiv \text{pojem}(\text{"prime number"})$ )
- **pojem  $\neq$  představa** – představa je subjektivní, pojem je objektivní
- pojmy mohou identifikovat různé objekty:
  - jedno individuum – individuální pojmy (např. Petr, Pegas, prezident ČR)
  - třídu objektů – vlastnost (např. červený, šelma, hora)
  - $n$ -člennou relaci – vztah (např. otec (někoho), křivdit (někdo někomu))
  - pravdivostní hodnotu – propozice (např. v Brně prší)
  - funkcionální přiřazení – empirické funkce (např. rychlosť)
  - číslo – (fyzikální) veličiny (např. rychlosť světla)

# Logická analýza přirozeného jazyka

logická analýza PJ – analýza významu výrazů (vět) PJ

přirozený jazyk = nástroj pojmového uchopení reality

pojem – kritéria/procedury umožňující identifikovat různé konkrétní a abstraktní objekty

např. „planeta“ – třída nebeských těles s určitými charakteristikami – obíhá po oběžné dráze kolem stálice, není zdrojem světla, ...

- **pojem  $\neq$  výraz** – např. výrazy v různých jazycích často reprezentují stejný pojem (pojem(“prvočíslo”)  $\equiv$  pojem(“prime number”))
- **pojem  $\neq$  představa** – představa je *subjektivní*, pojem je *objektivní*
- pojmy mohou identifikovat různé objekty:
  - jedno individuum – *individuální pojmy* (např. Petr, Pegas, prezident ČR)
  - třídu objektů – *vlastnost* (např. červený, šelma, hora)
  - $n$ -člennou relaci – *vztah* (např. otec (někoho), křivdit (někdo někomu))
  - pravdivostní hodnotu – *propozice* (např. v Brně prší)
  - funkcionální přiřazení – *empirické funkce* (např. rychlosť)
  - číslo – (fyzikální) *veličiny* (např. rychlosť světla)

# Logická analýza přirozeného jazyka

logická analýza PJ – analýza významu výrazů (vět) PJ

přirozený jazyk = nástroj pojmového uchopení reality

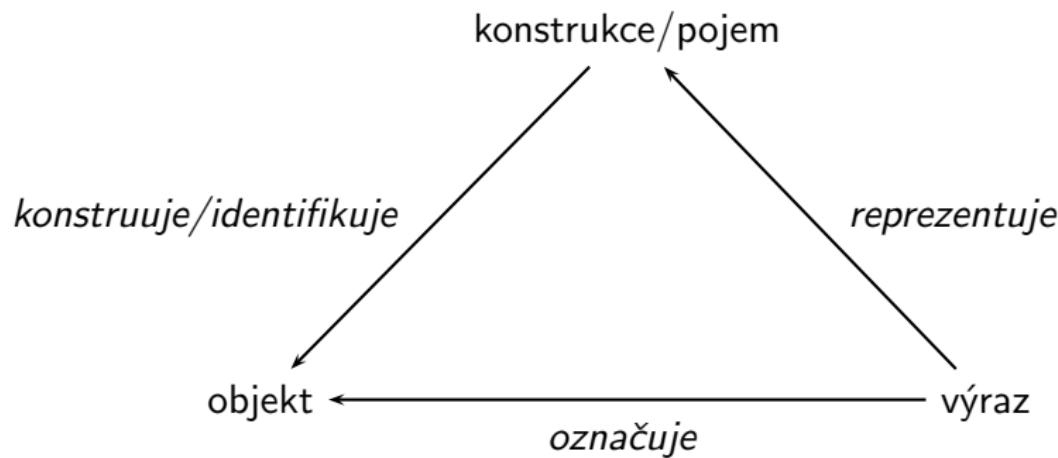
pojem – kritéria/procedury umožňující identifikovat různé konkrétní a abstraktní objekty

např. „planeta“ – třída nebeských těles s určitými charakteristikami – obíhá po oběžné dráze kolem stálice, není zdrojem světla, ...

- **pojem  $\neq$  výraz** – např. výrazy v různých jazycích často reprezentují stejný pojem (pojem(“prvočíslo”)  $\equiv$  pojem(“prime number”))
- **pojem  $\neq$  představa** – představa je *subjektivní*, pojem je *objektivní*
- pojmy mohou identifikovat různé objekty:
  - jedno individuum – **individuální pojmy** (např. Petr, Pegas, prezident ČR)
  - třídu objektů – **vlastnost** (např. červený, šelma, hora)
  - $n$ -člennou relaci – **vztah** (např. otec (někoho), křivdit (někdo někomu))
  - pravdivostní hodnotu – **propozice** (např. v Brně prší)
  - funkcionální přiřazení – **empirické funkce** (např. rychlosť)
  - číslo – (fyzikální) **veličiny** (např. rychlosť světla)

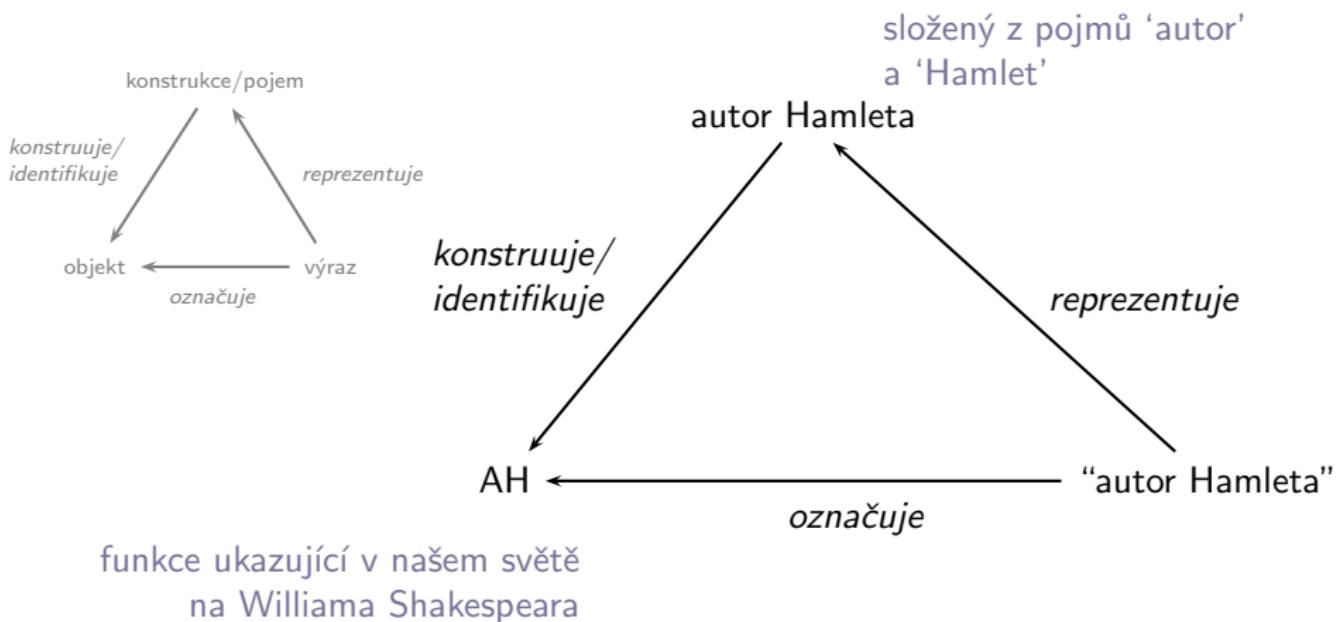
# Vztah pojmu a výrazu

ve zjednodušené podobě: pojem odpovídá **logické konstrukci**



# Vztah pojmu a výrazu

ve zjednodušené podobě: pojem odpovídá **logické konstrukci**



# Omezenost predikátové logiky 1. řádu

dva omezující rysy:

- nedostatečná expresivita
- extenzionalismus

**Expresivita:** vyjadřovací síla jazyka

*"Je-li barva stropu pokoj č. 3 uklidňující, je pokoj č. 3 vhodný pro pacienta X a není vhodný pro pacienta Y."*

analýza ve výrokové logice:

$P \Rightarrow (Q \wedge \neg R)$	$P$	"Barva stropu pokoj č. 3 je uklidňující."
	$Q$	"Pokoj č. 3 je vhodný pro pacienta X."
	$R$	"Pokoj č. 3 je vhodný pro pacienta Y."

analýza v PL1:

$U(B) \Rightarrow (V(P, X) \wedge \neg V(P, Y))$	$U$	třída uklidňujících objektů
	$B$	individuum 'barva stropu pokoj č. 3'
	$V$	relace mezi individuji 'být vhodný pro'
	$P$	individuum 'pokoj č. 3'
	$X, Y$	individua 'pacient X' a 'pacient Y'

# Omezenost predikátové logiky 1. řádu

dva omezující rysy:

- nedostatečná expresivita
- extenzionalismus

**Expresivita:** vyjadřovací síla jazyka

*“Je-li barva stropu pokoj č. 3 uklidňující, je pokoj č. 3 vhodný pro pacienta X a není vhodný pro pacienta Y.”*

analýza ve výrokové logice:

$P \Rightarrow (Q \wedge \neg R)$	$P$	“Barva stropu pokoj č. 3 je uklidňující.”
	$Q$	“Pokoj č. 3 je vhodný pro pacienta X.”
	$R$	“Pokoj č. 3 je vhodný pro pacienta Y.”

analýza v PL1:

$U(B) \Rightarrow (V(P, X) \wedge \neg V(P, Y))$	$U$	třída uklidňujících objektů
	$B$	individuum ‘barva stropu pokoj č. 3’
	$V$	relace mezi individuji ‘být vhodný pro’
	$P$	individuum ‘pokoj č. 3’
	$X, Y$	individua ‘pacient X’ a ‘pacient Y’

# Omezenost predikátové logiky 1. řádu

dva omezující rysy:

- nedostatečná expresivita
- extenzionalismus

**Expresivita:** vyjadřovací síla jazyka

*"Je-li barva stropu pokoj č. 3 uklidňující, je pokoj č. 3 vhodný pro pacienta X a není vhodný pro pacienta Y."*

analýza ve výrokové logice:

- |                                   |     |   |
|-----------------------------------|-----|---|
| $P \Rightarrow (Q \wedge \neg R)$ | $P$ | "Barva stropu pokoj č. 3 je uklidňující." |
|                                   | $Q$ | "Pokoj č. 3 je vhodný pro pacienta X."    |
|                                   | $R$ | "Pokoj č. 3 je vhodný pro pacienta Y."    |

analýza v PL1:

- |  |        |   |
|--|--------|---|
| $U(B) \Rightarrow (V(P, X) \wedge \neg V(P, Y))$ | $U$    | třída uklidňujících objektů             |
|  | $B$    | individuum 'barva stropu pokoj č. 3'    |
|  | $V$    | relace mezi individuji 'být vhodný pro' |
|  | $P$    | individuum 'pokoj č. 3'                 |
|  | $X, Y$ | individua 'pacient X' a 'pacient Y'     |

# Omezenost predikátové logiky 1. řádu

dva omezující rysy:

- nedostatečná expresivita
- extenzionalismus

**Expresivita:** vyjadřovací síla jazyka

*"Je-li barva stropu pokoj č. 3 uklidňující, je pokoj č. 3 vhodný pro pacienta X a není vhodný pro pacienta Y."*

analýza ve výrokové logice:

$P \Rightarrow (Q \wedge \neg R)$	$P$	"Barva stropu pokoj č. 3 je uklidňující."
	$Q$	"Pokoj č. 3 je vhodný pro pacienta X."
	$R$	"Pokoj č. 3 je vhodný pro pacienta Y."

analýza v PL1:

$U(B) \Rightarrow (V(P, X) \wedge \neg V(P, Y))$	$U$	třída uklidňujících objektů
	$B$	individuum 'barva stropu pokoj č. 3'
	$V$	relace mezi individuji 'být vhodný pro'
	$P$	individuum 'pokoj č. 3'
	$X, Y$	individua 'pacient X' a 'pacient Y'

# Nedostatečná expresivita PL1 – pokrač.

*Červená barva je krásnější než hnědá barva.*      *Kostka je červená.*

analýza v PL1:

$Kr(\check{C}_1, H)$

$\check{C}_2(Ko)$

$\check{C}_1$  individuum 'červená barva'

$\check{C}_2$  vlastnost individuů 'být červený' (třída červených objektů)

nelze vyjádřit       $\check{C}_1 \equiv \check{C}_2$

# Nedostatečná expresivita PL1 – pokrač.

*Červená barva je krásnější než hnědá barva.*      *Kostka je červená.*

analýza v PL1:

$$Kr(\check{C}_1, H) \qquad \check{C}_2(Ko)$$

$\check{C}_1$  individuum ‘červená barva’

$\check{C}_2$  vlastnost individuů ‘být červený’ (třída červených objektů)

nelze vyjádřit       $\check{C}_1 \equiv \check{C}_2$

# Extenzionalismus PL1

*Varšava*

*hlavní město Polska*

Varšava

- jméno individua, jasně identifikovatelné a odlišitelné

hlavní město Polska

- individuová role, momentálně identifikuje Varšavu, ale dříve to byl i Krakov

*'hlavní město Polska':*

- závisí na světě a čase
- pochopení významu, ale není vázané na znalost obsahu – tj. význam na světě a čase **nezávisí**

*číslo X je větší než číslo Y*

*budova X je větší než budova Y*

matematické větší než

- relace dvojic čísel, pevně daná

empirické větší než

- vztah dvou individuí, který se může měnit v čase (otec a syn)

# Extenzionalismus PL1

*Varšava*

*hlavní město Polska*

Varšava

- jméno individua, jasně identifikovatelné a odlišitelné

hlavní město Polska

- individuová role, momentálně identifikuje Varšavu, ale dříve to byl i Krakov

*'hlavní město Polska':*

- závisí na světě a čase
- pochopení významu, ale není vázané na znalost obsahu – tj. význam na světě a čase nezávisí

*číslo X je větší než číslo Y*

*budova X je větší než budova Y*

matematické větší než

- relace dvojic čísel, pevně daná

empirické větší než

- vztah dvou individuí, který se může měnit v čase (otec a syn)

# Extenzionalismus PL1

Varšava

*hlavní město Polska*

Varšava

- jméno individua, jasně identifikovatelné a odlišitelné

hlavní město Polska

- individuová role, momentálně identifikuje Varšavu, ale dříve to byl i Krakov

**'hlavní město Polska':**

- závisí na světě a čase
- pochopení významu, ale není vázané na znalost obsahu – tj. význam na světě a čase **nezávisí**

*číslo X je větší než číslo Y*

*budova X je větší než budova Y*

matematické větší než

- relace dvojic čísel, pevně daná

empirické větší než

- vztah dvou individuí, který se může měnit v čase (otec a syn)

# Extenzionalismus PL1

Varšava

*hlavní město Polska*

Varšava

- jméno individua, jasně identifikovatelné a odlišitelné

hlavní město Polska

- individuová role, momentálně identifikuje Varšavu, ale dříve to byl i Krakov

**'hlavní město Polska':**

- závisí na světě a čase
- pochopení významu, ale není vázané na znalost obsahu – tj. význam na světě a čase **nezávisí**

*číslo X je větší než číslo Y*

*budova X je větší než budova Y*

matematické větší než

- **relace** dvojic čísel, pevně daná

empirické větší než

- **vztah** dvou individuí, který se může měnit v čase (otec a syn)

# Extenzionalismus PL1 – pokrač.

*ano*

*V Brně prší*

*ano* – pravdivostní hodnota *true*

*V Brně prší* – *propozice* – označuje pravdivostní hodnotu,  
která se mění (alespoň) v čase

i když hodnota někdy závisí na světě a čase, samotný význam na nich  
nezávisí

# Extenze a intenze

Definujeme:

- **intenze** – objekty typu funkcí, jejichž hodnoty závisí na světě a čase
- **extenze** – ostatní objekty (na světě a čase nezávislé)

Časté extenze a intenze:

extenze	intenze
individua	individuové role
třídy	vlastnosti
relace	vztahy
pravdivostní hodnoty	propozice
funkce	empirické funkce
čísla	veličiny

# Extenze a intenze

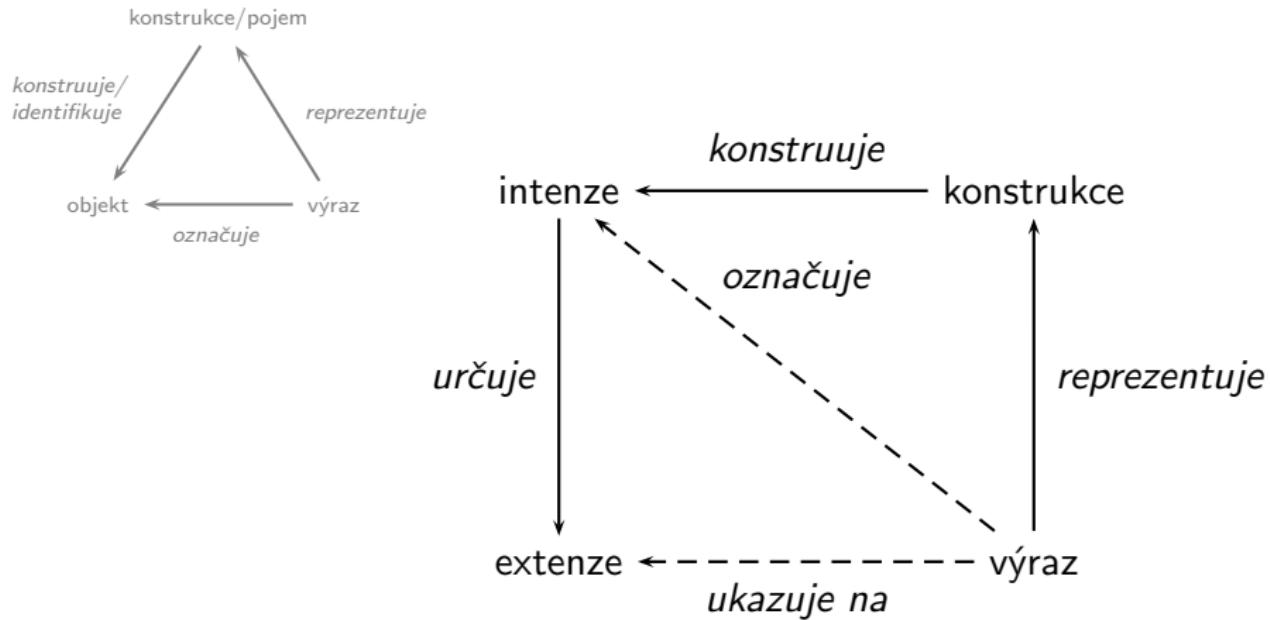
Definujeme:

- **intenze** – objekty typu funkcí, jejichž hodnoty závisí na světě a čase
- **extenze** – ostatní objekty (na světě a čase nezávislé)

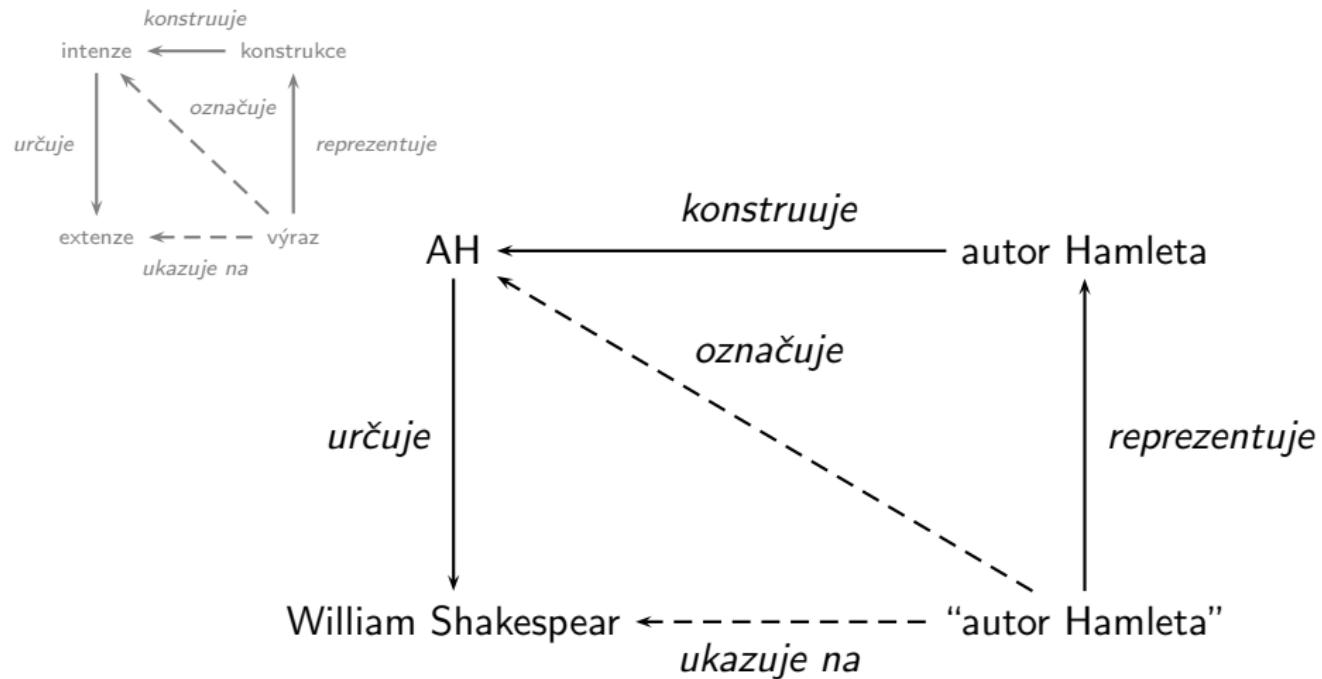
časté extenze a intenze:

<i>extenze</i>	<i>intenze</i>
individua	individuové role
třídy	vlastnosti
relace	vztahy
pravdivostní hodnoty	propozice
funkce	empirické funkce
čísla	veličiny

# Rozšířený vztah výrazu a významu u intenzí



# Rozšířený vztah výrazu a významu u intenzí



# Transparentní intenzionální logika

- *Transparent Intensional Logic, TIL*
- **logický systém** speciálně navržený pro zachycení **významu výrazů PJ**
- autor **Pavel Tichý**: *The Foundations of Frege's Logic*, de Gruyter, Berlin, New York, 1988.
- obdobná teorie – *Montagueho intenzionální logika* – Tichý ukazuje její nedostatky
- Tichý vychází z myšlenek – *Gottlob Frege* (1848 – 1925, logik) a *Alonzo Church* (1903 – 1995, teorie typů)
- vlastnosti:
  - rozvětvená **typová hierarchie** (s typy **vyšších řadů**)
  - **temporální**
  - **intenzionální** (**intenze** × **extenze**)
- **transparentost**:
  1. nositel významu (**konstrukce**) není prvek formálního aparátu, tento aparát pouze *studuje* konstrukce
  2. zachycení intenzionality je přesně popsáno z matematického hlediska

# Typy v TILu

typ objektu:

- základní typy – typová báze =  $\{o, \iota, \tau, \omega\}$
- funkcionální typy – funkce nad typovou bází  
např.  $\iota, ((\iota\tau)\omega), (o\iota), (((o\iota)\tau)\omega), ((o\tau)\omega), \dots$   
 $((\alpha\tau)\omega) \dots$  závislost na světě a čase, vyjadřuje intenze – zápis  $\alpha_{\tau\omega}$
- typy vyšších řádů – obsahují i třídy konstrukcí řádu  $n - *_n$

# Typy v TILu

typ objektu:

- základní typy – typová báze =  $\{o, \iota, \tau, \omega\}$
- funkcionální typy – funkce nad typovou bází  
např.  $\iota, ((\iota\tau)\omega), (o\iota), (((o\iota)\tau)\omega), ((o\tau)\omega), \dots$   
 $((\alpha\tau)\omega) \dots$  závislost na světě a čase, vyjadřuje intenze – zápis  $\alpha_{\tau\omega}$
- typy vyšších řádů – obsahují i třídy konstrukcí řádu  $n - *_n$

# Typy v TILu

typ objektu:

- základní typy – typová báze =  $\{o, \iota, \tau, \omega\}$
- funkcionální typy – funkce nad typovou bází  
např.  $\iota, ((\iota\tau)\omega), (o\iota), (((o\iota)\tau)\omega), ((o\tau)\omega), \dots$   
 $((\alpha\tau)\omega) \dots$  závislost na světě a čase, vyjadřuje intenze – zápis  $\alpha_{\tau\omega}$
- typy vyšších řádů – obsahují i třídy konstrukcí řádu  $n$  –  $*_n$

# Základní typy TILu

umožňují přiřadit typ objektům z **intenzionální báze** jazyka – třída **základních vlastností** (barvy, rozměry, postoje, ...) popisujících stav světa

- **o** (omikron, o) ... **pravdivostní hodnoty** Pravda (*true*, T) a Nepravda (*false*, F)  
přesně odpovídají běžným logikám, typy **logických operátorů** –  
(oo), (ooo)
- **ι** (jota) ... třída **individuí**  
individua ovšem ne jako kompletní objekty, ale jako **numerická identifikace** nestrukturované entity
- **τ** (tau) ... třída **časových okamžiků** (jako časového kontinua)  
zachycení závislosti na čase; současně třída **reálných čísel**
- **ω** (omega) ... třída **možných světů**  
zachycení empirické závislosti na stavu světa

# Základní typy TILu

umožňují přiřadit typ objektům z **intenzionální báze** jazyka – třída **základních vlastností** (barvy, rozměry, postoje, ...) popisujících stav světa

- **o** (omikron, o) ... **pravdivostní hodnoty** Pravda (*true*, T) a Nepravda (*false*, F)  
přesně odpovídají běžným logikám, typy **logických operátorů** –  
(oo), (ooo)
- **ι** (jota) ... třída **individuí**  
individua ovšem ne jako kompletní objekty, ale jako **numerická identifikace** nestrukturované entity
- **τ** (tau) ... třída **časových okamžiků** (jako časového kontinua)  
zachycení závislosti na čase; současně třída **reálných čísel**
- **ω** (omega) ... třída **možných světů**  
zachycení empirické závislosti na stavu světa

# Základní typy TILu

umožňují přiřadit typ objektům z **intenzionální báze** jazyka – třída **základních vlastností** (barvy, rozměry, postoje, ...) popisujících stav světa

- **o** (omikron, o) ... **pravdivostní hodnoty** Pravda (*true*, T) a Nepravda (*false*, F)  
přesně odpovídají běžným logikám, typy **logických operátorů** –  
(oo), (ooo)
- **ι** (jota) ... třída **individuí**  
individua ovšem ne jako kompletní objekty, ale jako **numerická identifikace** nestrukturované entity
- **τ** (tau) ... třída **časových okamžiků** (jako časového kontinua)  
zachycení závislosti na čase; současně třída **reálných čísel**
- **ω** (omega) ... třída **možných světů**  
zachycení empirické závislosti na stavu světa

# Základní typy TILu

umožňují přiřadit typ objektům z **intenzionální báze** jazyka – třída **základních vlastností** (barvy, rozměry, postoje, ...) popisujících stav světa

- **o** (omikron, o) ... **pravdivostní hodnoty** Pravda (*true*, T) a Nepravda (*false*, F)  
přesně odpovídají běžným logikám, typy **logických operátorů** –  
(oo), (ooo)
- **ι** (jota) ... třída **individuí**  
individua ovšem ne jako kompletní objekty, ale jako **numerická identifikace** nestrukturované entity
- **τ** (tau) ... třída **časových okamžiků** (jako časového kontinua)  
zachycení závislosti na čase; současně třída **reálných čísel**
- **ω** (omega) ... třída **možných světů**  
zachycení empirické závislosti na stavu světa

# Možné světy

termín **možný svět** – Gottfried Wilhelm von Leibniz (1646 – 1716, filozof a matematik)

požadavky na definici “možného světa:”

- soubor **myslitelných faktů**
- je **konzistentní** a **maximální** ze všech takových souborů
- je **objektivní** (nezávislý na individuálním názoru)

mezi možnými světy existuje právě jeden **aktuální svět** – jeho znalost  $\equiv$  vševedoucnost

# Možné světy

termín **možný svět** – Gottfried Wilhelm von Leibniz (1646 – 1716, filozof a matematik)

požadavky na definici “možného světa:”

- soubor myslitelných faktů
- je konzistentní a maximální ze všech takových souborů
- je objektivní (nezávislý na individuálním názoru)

mezi možnými světy existuje právě jeden aktuální svět – jeho znalost ≡ vševedoucnost

# Možné světy

termín **možný svět** – Gottfried Wilhelm von Leibniz (1646 – 1716, filozof a matematik)

požadavky na definici “možného světa:”

- soubor **myslitelných faktů**
- je **konzistentní** a **maximální** ze všech takových souborů
- je **objektivní** (nezávislý na individuálním názoru)

mezi možnými světy existuje právě jeden **aktuální svět** – jeho znalost  $\equiv$  vševedoucnost

# Možné světy

termín **možný svět** – Gottfried Wilhelm von Leibniz (1646 – 1716, filozof a matematik)

požadavky na definici "možného světa:"

- soubor **myslitelných faktů**
- je **konzistentní** a **maximální** ze všech takových souborů
- je **objektivní** (nezávislý na individuálním názoru)

mezi možnými světy existuje právě jeden **aktuální svět** – jeho znalost  $\equiv$  vševedoucnost

# Možné světy v TILu

možný svět v TILu = rozhodovací systém, pro  $\forall$  prvek intenzionální báze obsahuje konzistentní přiřazení hodnot

příklad – realita s 2 objekty a 2 vlastnostmi (9 možných světů):

být hubený	$\{ Laurel, Hardy \}$	$\{ Laurel \}$	$\{ Hardy \}$	$\emptyset$
$\{ Laurel, Hardy \}$	×	×	×	$w_1$
$\{ Laurel \}$	×	×	$w_2$	$w_3$
$\{ Hardy \}$	×	$w_4$	×	$w_5$
$\emptyset$	$w_6$	$w_7$	$w_8$	$w_9$

# Princip intenzí v TILu

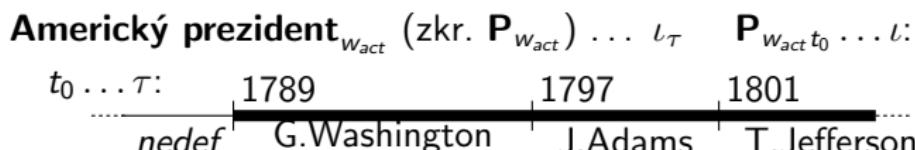
být hubený ... objekt typu  $(o\iota)_{\tau\omega}$ , funkce z možných světů a času do tříd individuí

$w$  ... proměnná typu  $\omega$ , možný svět

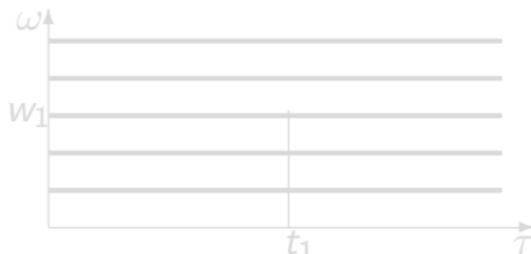
$t$  ... proměnná typu  $\tau$ , časový okamžik

[být hubený  $w t$ ] ... konstruuje  $(o\iota)$ -objekt, třídu individuí, kteří mají ve světě  $w$  a čase  $t$  vlastnost být hubený (značíme  $\text{být hubený}_{wt}$ )

pokud aplikujeme jen  
 $w$  – získáme  
 chronologii



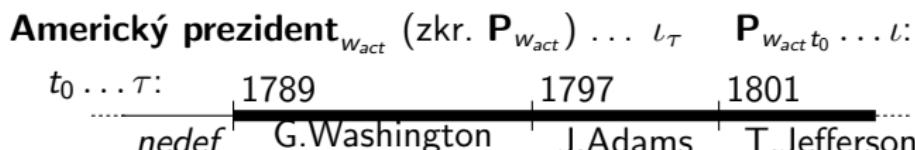
intenzionální sestup –  
 identifikace extenze pomocí  
 intenze, světa  $w_1$  a času  $t_1$



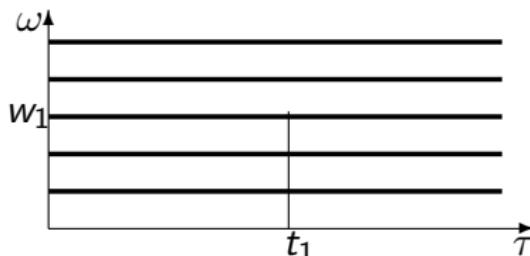
# Princip intenzí v TILu

- být hubený ... objekt typu  $(o\iota)_{\tau\omega}$ , funkce z možných světů a času do tříd individuí
- $w$  ... proměnná typu  $\omega$ , možný svět
- $t$  ... proměnná typu  $\tau$ , časový okamžik
- [být hubený  $w t$ ] ... konstruuje  $(o\iota)$ -objekt, třídu individuí, kteří mají ve světě  $w$  a čase  $t$  vlastnost být hubený (značíme být hubený <sub>$wt$</sub> )

pokud aplikujeme jen  $w$  – získáme chronologii



intenzionální sestup – identifikace extenze pomocí intenze, světa  $w_1$  a času  $t_1$



# Nejčastější typy

	<i>extenze</i>		<i>intenze</i>
individua	... $\iota$	individuové role	... $\iota_{\tau\omega}$
třídy	... $(o\iota)$	vlastnosti	... $(o\iota)_{\tau\omega}$
relace	... $(o\alpha\beta)$	vztahy	... $(o\alpha\beta)_{\tau\omega}$
pravdivostní hodnoty	... $o$	propozice	... $o_{\tau\omega}, \pi$
funkce	... $(\alpha\beta)$	empirické funkce	... $(\alpha\beta)_{\tau\omega}$
čísla	... $\tau$	veličiny	... $\tau_{\tau\omega}$

# Konstrukce

konstrukce v TILu:

- proměnná typu  $\alpha$ , v závislosti na **valuaci** konstruuje  $\alpha$ -objekt  
 $x \dots \iota$
- trivializace objektu  $A$  typu  $\alpha$ , konstruuje právě objekt  $A$   
 $^0 A \dots \alpha \quad A \dots \alpha$
- aplikace konstrukce  $X \dots (\alpha \beta_1 \dots \beta_n)$  na konstrukce  $Y_1, \dots, Y_n$  typů  $\beta_1, \dots, \beta_n$ , konstruuje objekt typu  $\alpha$   
 $[XY_1 \dots Y_n] \dots \alpha$
- abstrakce konstrukce  $Y \dots \alpha$  na proměnných  $x_1, \dots, x_n$  typů  $\beta_1, \dots, \beta_n$ , konstruuje objekt/funkci typu  $(\alpha \beta_1 \dots \beta_n)$   
 $\lambda x_1 \dots x_n [Y] \dots (\alpha \beta_1 \dots \beta_n)$

# Konstrukce

konstrukce v TILu:

- proměnná typu  $\alpha$ , v závislosti na **valuaci** konstruuje  $\alpha$ -objekt  
 $x \dots \iota$
- trivializace objektu **A** typu  $\alpha$ , konstruuje právě objekt **A**  
 ${}^0\mathbf{A} \dots \alpha \qquad \mathbf{A} \dots \alpha$
- aplikace konstrukce  $X \dots (\alpha \beta_1 \dots \beta_n)$  na konstrukce  $Y_1, \dots, Y_n$  typů  $\beta_1, \dots, \beta_n$ , konstruuje objekt typu  $\alpha$   
 $[XY_1 \dots Y_n] \dots \alpha$
- abstrakce konstrukce  $Y \dots \alpha$  na proměnných  $x_1, \dots, x_n$  typů  $\beta_1, \dots, \beta_n$ , konstruuje objekt/funkci typu  $(\alpha \beta_1 \dots \beta_n)$   
 $\lambda x_1 \dots x_n [Y] \dots (\alpha \beta_1 \dots \beta_n)$

# Konstrukce

konstrukce v TILu:

- proměnná typu  $\alpha$ , v závislosti na **valuaci** konstruuje  $\alpha$ -objekt  
 $x \dots \iota$
- trivializace objektu **A** typu  $\alpha$ , konstruuje právě objekt **A**  
 ${}^0\mathbf{A} \dots \alpha \qquad \mathbf{A} \dots \alpha$
- aplikace konstrukce  $X \dots (\alpha \beta_1 \dots \beta_n)$  na konstrukce  $Y_1, \dots, Y_n$  typů  $\beta_1, \dots, \beta_n$ , konstruuje objekt typu  $\alpha$   
 $[XY_1 \dots Y_n] \dots \alpha$
- abstrakce konstrukce  $Y \dots \alpha$  na proměnných  $x_1, \dots, x_n$  typů  $\beta_1, \dots, \beta_n$ , konstruuje objekt/funkci typu  $(\alpha \beta_1 \dots \beta_n)$   
 $\lambda x_1 \dots x_n [Y] \dots (\alpha \beta_1 \dots \beta_n)$

# Konstrukce

konstrukce v TILu:

- proměnná typu  $\alpha$ , v závislosti na **valuaci** konstruuje  $\alpha$ -objekt  
 $x \dots \iota$
- trivializace objektu **A** typu  $\alpha$ , konstruuje právě objekt **A**  
 ${}^0\mathbf{A} \dots \alpha \qquad \mathbf{A} \dots \alpha$
- aplikace konstrukce  $X \dots (\alpha\beta_1 \dots \beta_n)$  na konstrukce  $Y_1, \dots, Y_n$  typů  $\beta_1, \dots, \beta_n$ , konstruuje objekt typu  $\alpha$   
 $[XY_1 \dots Y_n] \dots \alpha$
- abstrakce konstrukce  $Y \dots \alpha$  na proměnných  $x_1, \dots, x_n$  typů  $\beta_1, \dots, \beta_n$ , konstruuje objekt/funkci typu  $(\alpha\beta_1 \dots \beta_n)$   
 $\lambda x_1 \dots x_n [Y] \dots (\alpha\beta_1 \dots \beta_n)$

# Příklady analýzy podstatných jmen

pes, člověk	$x \dots \iota : \mathbf{pes}_{wt} x,$ $\mathbf{pes}/(\mathbf{o}\iota)_{\tau\omega}$	individuum z dané třídy individuí
prezident	$\mathbf{president}/\iota_{\tau\omega}$	individuová role
volitelnost	$\mathbf{volitelnost}/(\mathbf{o}\iota_{\tau\omega})_{\tau\omega}$	vlastnost individuové role
výška	$\mathbf{výška}/(\tau\iota)_{\tau\omega}$	empirická funkce
výrok, tvrzení	$p \dots *_n : \mathbf{výrok}_{wt} p,$ $\mathbf{výrok}/(\mathbf{o}*_n)_{\tau\omega}$	konstrukce propozice z dané třídy konstrukcí propozic
válka, smích, zvonění	$\mathbf{válka}/(\mathbf{o}(\mathbf{o}\pi))_{\omega}$	třída epizod – aktivita, která koresponduje se slo- vesem
leden, podzim	$\mathbf{leden}/(\mathbf{o}(\mathbf{o}\tau))$	třída časových okamžiků — časové intervaly

# Příklady přínosu TILu

- propoziční postoje

Petr říká, že Tom věří, že Země je kulatá.

$$\lambda w \lambda t [\text{říká}_{wt} \text{Petr}^0 [\lambda w \lambda t [\text{věří}_{wt} \text{Tom}^0 [\lambda w \lambda t [\text{kulatá}_{wt} \text{Země}]]]]]$$

- existence neexistujícího

Pes existuje.      Jednorožec neexistuje.

v PL1:       $\exists x(x = \text{pes})$        $\neg \exists x(x = \text{jednorožec})$   
 $(\text{jednorožec} = \text{jednorožec}) \Rightarrow (\exists x(x = \text{jednorožec}))$

v TILu:

$$(*) \quad \lambda w \lambda t [{}^0 \neg [Ex_{wt} \text{jednorožec}]], \quad Ex \stackrel{df}{=} \lambda w \lambda t \lambda p [{}^0 \sum_i [\lambda x [p_{wt} x]]] \\ Ex \dots (o(oi)_{tw})_{tw}$$

$(*) \dots$  "třída všech individuí s vlastností 'být jednorožcem' je v daném světě a čase prázdná."

- intenzionalita, vlastnosti vlastností, analýza epizod, analýza gramatického času

# Příklady přínosu TILu

- propoziční postoje

Petr říká, že Tom věří, že Země je kulatá.

$$\lambda w \lambda t [\text{říká}_{wt} \text{Petr}^0 [\lambda w \lambda t [\text{věří}_{wt} \text{Tom}^0 [\lambda w \lambda t [\text{kulatá}_{wt} \text{Země}]]]]]$$

- existence neexistujícího

Pes existuje.      Jednorožec neexistuje.

$$\text{v PL1: } \exists x(x = \text{pes}) \quad \neg \exists x(x = \text{jednorožec})$$

$$(\text{jednorožec} = \text{jednorožec}) \Rightarrow (\exists x(x = \text{jednorožec}))$$

v TILu:

$$(*) \quad \lambda w \lambda t [{}^0 \neg [Ex_{wt} \text{jednorožec}]], \quad Ex \stackrel{df}{=} \lambda w \lambda t \lambda p [{}^0 \sum_{\iota} [\lambda x [p_{wt} x]]] \\ Ex \dots (o(o\iota)_{\tau\omega})_{\tau\omega}$$

$(*) \dots$  "třída všech individuí s vlastností 'být jednorožcem' je v daném světě a čase prázdná."

- intenzionalita, vlastnosti vlastností, analýza epizod, analýza gramatického času

# Příklady přínosu TILu

- propoziční postoje

Petr říká, že Tom věří, že Země je kulatá.

$$\lambda w \lambda t [\text{říká}_{wt} \text{Petr}^0 [\lambda w \lambda t [\text{věří}_{wt} \text{Tom}^0 [\lambda w \lambda t [\text{kulatá}_{wt} \text{Země}]]]]]$$

- existence neexistujícího

Pes existuje.      Jednorožec neexistuje.

v PL1:       $\exists x(x = \text{pes})$        $\neg \exists x(x = \text{jednorožec})$   
 $(\text{jednorožec} = \text{jednorožec}) \Rightarrow (\exists x(x = \text{jednorožec}))$

v TILu:

$$(*) \quad \lambda w \lambda t [{}^0 \neg [Ex_{wt} \text{jednorožec}]], \quad Ex \stackrel{df}{=} \lambda w \lambda t \lambda p [{}^0 \sum_{\iota} [\lambda x [p_{wt} x]]]$$

$$Ex \dots (o(o\iota)_{\tau\omega})_{\tau\omega}$$

$(*) \dots$  "třída všech individuí s vlastností 'být jednorožcem' je v daném světě a čase prázdná."

- intenzionalita, vlastnosti vlastností, analýza epizod, analýza gramatického času

# Příklady přínosu TILu

- propoziční postoje

Petr říká, že Tom věří, že Země je kulatá.

$$\lambda w \lambda t [\text{říká}_{wt} \text{Petr}^0 [\lambda w \lambda t [\text{věří}_{wt} \text{Tom}^0 [\lambda w \lambda t [\text{kulatá}_{wt} \text{Země}]]]]]$$

- existence neexistujícího

Pes existuje.      Jednorožec neexistuje.

v PL1:       $\exists x(x = \text{pes})$        $\neg \exists x(x = \text{jednorožec})$   
 $(\text{jednorožec} = \text{jednorožec}) \Rightarrow (\exists x(x = \text{jednorožec}))$

v TILu:

$$(*) \quad \lambda w \lambda t [{}^0 \neg [Ex_{wt} \text{jednorožec}]], \quad Ex \stackrel{df}{=} \lambda w \lambda t \lambda p [{}^0 \sum_{\iota} [\lambda x [p_{wt} x]]] \\ Ex \dots (o(o\iota)_{\tau\omega})_{\tau\omega}$$

$(*) \dots$  "třída všech individuí s vlastností 'být jednorožcem' je v daném světě a čase prázdná."

- intenzionalita, vlastnosti vlastností, analýza epizod, analýza gramatického času

# Příklady přínosu TILu

- propoziční postoje

Petr říká, že Tom věří, že Země je kulatá.

$$\lambda w \lambda t [\text{říká}_{wt} \text{Petr}^0 [\lambda w \lambda t [\text{věří}_{wt} \text{Tom}^0 [\lambda w \lambda t [\text{kulatá}_{wt} \text{Země}]]]]]$$

- existence neexistujícího

Pes existuje.      Jednorožec neexistuje.

v PL1:       $\exists x(x = \text{pes})$        $\neg \exists x(x = \text{jednorožec})$   
 $(\text{jednorožec} = \text{jednorožec}) \Rightarrow (\exists x(x = \text{jednorožec}))$

v TILu:

$$(*) \quad \lambda w \lambda t [{}^0 \neg [Ex_{wt} \text{jednorožec}]], \quad Ex \stackrel{df}{=} \lambda w \lambda t \lambda p [{}^0 \sum_{\iota} [\lambda x [p_{wt} x]]] \\ Ex \dots (o(o\iota)_{\tau\omega})_{\tau\omega}$$

$(*) \dots$  "třída všech individuí s vlastností 'být jednorožcem' je v daném světě a čase prázdná."

- intenzionalita, vlastnosti vlastností, analýza epizod, analýza gramatického času.

# Obsah

## 1 Intenzionální sémantika

- Logická analýza přirozeného jazyka
- Nedostatečná expresivita PL1
- Extenzionalismus PL1
- Extenze a intenze
- Transparentní intenzionální logika

## 2 Reprezentace znalostí

- Reprezentace znalostí
- Logika a sémantické sítě
- Sémantické sítě
- Rámce
- Pravidlové systémy
- Nejistota a pravděpodobnost

otázka:

*Jak zapíšeme znalosti o problému/doméně?*

*Když je zapíšeme, můžeme z nich mechanicky odvodit nová fakta?*

- **reprezentace znalostí** (*knowledge representation*) – hledá způsob vyjádření znalostí počítačově zpracovatelnou formou (za účelem odvozování)
- **vyvozování znalostí** (*reasoning*) – zpracovává znalosti uložené v **bázi znalostí** (*knowledge base, KB*) a provádí **odvození** (*inference*) nových závěrů:
  - odpovědi na dotazy
  - zjištění faktů, které vyplývají z faktů a pravidel v KB
  - odvodit akci, která vyplývá z dodaných znalostí, ...

otázka:

*Jak zapíšeme znalosti o problému/doméně?*

*Když je zapíšeme, můžeme z nich mechanicky odvodit nová fakta?*

- **reprezentace znalostí** (*knowledge representation*) – hledá způsob vyjádření znalostí počítačově zpracovatelnou formou (za účelem odvozování)
- **vyvozování znalostí** (*reasoning*) – zpracovává znalosti uložené v **bázi znalostí** (*knowledge base, KB*) a provádí **odvození** (*inference*) nových závěrů:
  - odpovědi na dotazy
  - zjištění faktů, které vyplývají z faktů a pravidel v KB
  - odvodit akci, která vyplývá z dodaných znalostí, ...

otázka:

*Jak zapíšeme znalosti o problému/doméně?*

*Když je zapíšeme, můžeme z nich mechanicky odvodit nová fakta?*

- **reprezentace znalostí** (*knowledge representation*) – hledá způsob vyjádření znalostí počítačově zpracovatelnou formou (za účelem odvozování)
- **vyvozování znalostí** (*reasoning*) – zpracovává znalosti uložené v **bázi znalostí** (*knowledge base, KB*) a provádí **odvození** (*inference*) nových závěrů:
  - odpovědi na dotazy
  - zjištění faktů, které vyplývají z faktů a pravidel v KB
  - odvodit akci, která vyplývá z dodaných znalostí, ...

# Reprezentace znalostí

proč je potřeba speciální **reprezentace znalostí?**

*vnímání lidí × vnímání počítačů*

## ● člověk

- když dostane novou věc (třeba pomeranč) – prozkoumá a zapamatuje si ho (a třeba sní)
- během tohoto procesu člověk zjistí a uloží všechny základní vlastnosti
- později, když se zmíní daná věc, vyhledají se a připomenou uložené informace

## ● počítač

- musí se spolehnout na informace od lidí
- jednodušší informace – přímé *programování*
- složité informace – zadané v *symbolickém jazyce*

# Reprezentace znalostí

proč je potřeba speciální **reprezentace znalostí?**

*vnímání lidí × vnímání počítačů*

## • člověk

- když dostane novou věc (třeba pomeranč) – **prozkoumá** a **zapamatuje** si ho (a třeba sní)
- během tohoto procesu člověk zjistí a uloží všechny základní vlastnosti
- později, když se **zmíní** daná věc, vyhledají se a připomenou uložené informace

## • počítač

- musí se spolehnout na informace od lidí
- jednodušší informace – přímé **programování**
- složité informace – zadané v **symbolickém jazyce**

# Reprezentace znalostí

proč je potřeba speciální **reprezentace znalostí?**

*vnímání lidí × vnímání počítačů*

## • člověk

- když dostane novou věc (třeba pomeranč) – **prozkoumá** a **zapamatuje** si ho (a třeba sní)
- během tohoto procesu člověk zjistí a uloží všechny základní vlastnosti
- později, když se **zmíní** daná věc, vyhledají se a připomenou uložené informace

## • počítač

- musí se spolehnout na informace od lidí
- jednodušší informace – přímé **programování**
- složité informace – zadané v **symbolickém jazyce**

# Volba reprezentace znalostí

která reprezentace znalostí je nejlepší?

*Pro řešení skutečně obtížných problémů musíme použít několik různých reprezentací. Důvodem pro to je to, že každý typ datových struktur má své přínosy i nedostatky a žádná z nich není adekvátní pro všechny různé funkce používané v tom, čemu říkáme "zdravý rozum" (common sense).*

– Marvin Minsky

# Volba reprezentace znalostí

která reprezentace znalostí je nejlepší?

*Pro řešení skutečně obtížných problémů musíme použít několik různých reprezentací. Důvodem pro to je to, že každý typ datových struktur má své přínosy i nedostatky a žádná z nich není adekvátní pro všechny různé funkce používané v tom, čemu říkáme "zdravý rozum" (common sense).*

– Marvin Minsky

# Reprezentace znalostí pomocí logiky nebo datových struktur

## Logika:

- znalosti uloženy ve formě **logických formulí**
- vyvozování nových znalostí = hledání **důkazu**

## Specializované datové struktury:

- sémantické sítě
- rámce
- pravidlové systémy
- struktury pro práci s nejistotou a pravděpodobností

# Reprezentace znalostí pomocí logiky nebo datových struktur

## Logika:

- znalosti uloženy ve formě **logických formulí**
- vyvozování nových znalostí = hledání **důkazu**

## Specializované datové struktury:

- sémantické sítě
- rámce
- pravidlové systémy
- struktury pro práci s nejistotou a pravděpodobností

# Sémantické sítě

- reprezentace faktových znalostí (pojmy + vztahy)
- znalosti jsou uloženy ve formě grafu
- nejdůležitější vztahy:
  - **podtřída** (*subclass*) – vztah mezi třídami
  - **instance** – vztah mezi konkrétním objektem a jeho rodičovskou třídou
- jiné vztahy – část (has-part), barva, ...

# Rámce

## Rámce (*frames*):

- varianta sémantických sítí
- velice populární pro reprezentaci znalostí v expertních systémech
- všechny informace relevantní pro daný pojem se ukládají do univerzálních struktur – **rámců**
- stejně jako sémantické sítě, rámce podporují dědičnost
- OO programovací jazyky vycházejí z teorie rámců

# Rámce – příklad

rámeček obsahuje objekty, sloty a hodnoty slotů  
příklady rámců:

savec:

<i>podtřída:</i>	zvíře
<i>část:</i>	hlava
<i>*má_kožich:</i>	ano

slon:

<i>podtřída:</i>	savec
<i>*barva:</i>	šedá
<i>*velikost:</i>	velký

Nellie:

<i>instance:</i>	slon
<i>mít_rád:</i>	jablka

'\*' označuje vzorové hodnoty, které mohou měnit hodnoty u podtříd a instancí

# Sémantické sítě × rámce

sémantické sítě	rámce
uzly	objekty
spoje	sloty
uzel na druhém konci spoje	hodnota slotu

deskripcní logika – logický systém, který manipuluje přímo s rámcí

# Pravidlové systémy

- snaha zachytit produkčními pravidly znalosti, které má expert
- obecná forma pravidel

*IF            podmínka  
THEN      akce*

- podmínky – booleovské výrazy, dotazy na hodnoty proměnných
  - akce – nastavení hodnot proměnných, příznaků, ...
- důležité vlastnosti:
    - znalosti mohou být strukturovány do modulů
    - systém může být snadno rozšířen přidáním nových pravidel beze změny zbytku systému

# Pravidlové systémy

- snaha zachytit produkčními pravidly znalosti, které má expert
- obecná forma pravidel

*IF            podmínka  
THEN      akce*

- podmínky – booleovské výrazy, dotazy na hodnoty proměnných
- akce – nastavení hodnot proměnných, příznaků, ...
- důležité vlastnosti:
  - znalosti mohou být strukturovány do modulů
  - systém může být snadno rozšířen přidáním nových pravidel beze změny zbytku systému

# Metody pro práci s nejistotou

definujme akci  $A_t$  jako “**Vyrazit na letiště  $t$  hodin před odletem letadla.**”  
jak najít odpověď na otázku “*Dostanu se akcí  $A_t$  na letiště včas?*”

## ● defaultní/nemonotónní logika

Předpokládejme, že nepíchnu cestou kolo.

Předpokládejme, že  $A_5$  bude OK, pokud se nenajde protipříklad.

## ● pravidla s faktory nejistoty

$A_5 \mapsto_{0.3}$  dostat se na letiště včas.

zalévání  $\mapsto_{0.99}$  mokrý trávník

mokrý trávník  $\mapsto_{0.7}$  déšť

## ● pravděpodobnost

Vzhledem k dostupným informacím,  $A_3$  mě tam dostane včas s pravděpodobností 0.05.

Použití náhodných proměnných a pravidel pro výpočet pravděpodobnosti logicky souvisejících událostí (podmíněná pravděpodobnost, bayesovské pravidlo, ...)

# Metody pro práci s nejistotou

definujme akci  $A_t$  jako “**Vyrazit na letiště  $t$  hodin před odletem letadla.**”  
jak najít odpověď na otázku “*Dostanu se akcí  $A_t$  na letiště včas?*”

## ● defaultní/nemonotónní logika

Předpokládejme, že nepíchnu cestou kolo.

Předpokládejme, že  $A_5$  bude OK, pokud se nenajde protipříklad.

## ● pravidla s faktory nejistoty

$A_5 \mapsto_{0.3}$  dostat se na letiště včas.

zalévání  $\mapsto_{0.99}$  mokrý trávník

mokrý trávník  $\mapsto_{0.7}$  déšť

## ● pravděpodobnost

Vzhledem k dostupným informacím,  $A_3$  mě tam dostane včas s pravděpodobností 0.05.

Použití náhodných proměnných a pravidel pro výpočet pravděpodobnosti logicky souvisejících událostí (podmíněná pravděpodobnost, bayesovské pravidlo, ...)

# Metody pro práci s nejistotou

definujme akci  $A_t$  jako "Vyrazit na letiště  $t$  hodin před odletem letadla." jak najít odpověď na otázku "Dostanu se akcí  $A_t$  na letiště včas?"

## • defaultní/nemonotónní logika

Předpokládejme, že nepíchnu cestou kolo.

Předpokládejme, že  $A_5$  bude OK, pokud se nenajde protipříklad.

## • pravidla s faktory nejistoty

$A_5 \mapsto_{0.3}$  dostat se na letiště včas.

zalévání  $\mapsto_{0.99}$  mokrý trávník

mokrý trávník  $\mapsto_{0.7}$  déšť

## • pravděpodobnost

Vzhledem k dostupným informacím,  $A_3$  mě tam dostane včas s pravděpodobností 0.05.

Použití **náhodných proměnných** a pravidel pro výpočet pravděpodobnosti logicky souvisejících událostí (podmíněná pravděpodobnost, bayesovské pravidlo, ...)